

CÓDIGO BLINDA: ATENUAÇÃO DE NEUTRONS  
ATRAVÉS DE CAMADAS DE BLINDAGEM DE  
REATORES PELO MÉTODO MULTIGRUPO DE  
REMOÇÃO DIFUSÃO.

Antônio Mendes Ribeiro

Trabalho apresentado como par-  
te dos requisitos necessários para  
obtenção do grau de Mestre em Ciên-  
cias e Técnicas Nucleares pela UFMG

Orientador

Prof. José Mendonça de Lima

Belo Horizonte, outubro de 1971.

Agradeço a:

meus pais

Carmem

e aos colegas:

Elidimar

Maria das Graças

Tito

Toninho

Sálvia

Paulinho

Mendonça (especialment

Norberto

## SUMÁRIO

O Código BLINDA realiza cálculos de atenuação de neutrons e raios gama através de camadas de blindagem. Supõe-se a existência do núcleo do reator, seguido de diversas placas homogêneas infinitas que constituirão a blindagem. O Código realiza o cálculo de atenuação de neutrons através da equação de difusão para 31 grupos de energia. Devido à deficiência desta equação para prever corretamente o valor dos fluxos, principalmente para penetrações profundas, faz-se uma correção para neutrons de alta energia, calculando-se fluxos de remoção. O método constitui o chamado método de remoção-difusão ou de Spinney.

O Código ainda fornece fluxos de raios gama através das camas de blindagem e no núcleo. O cálculo é realizado através do método de integração de kerneis, em 7 grupos de energia.

São propostas tarefas de complementação do trabalho realizado visando principalmente comprovações experimentais, impossíveis ao nosso meio.

Este trabalho visa facilitar o projeto de blindagens de reatores, pois permite:

- a) verificar espessuras de blindagem biológica e térmica.
- b) determinar aquecimento das diversas camadas devido à radiação.
- c) determinar níveis de ativação nos diversos componentes do reator, visando problemas de acessibilidade.
- d) verificar condições de trabalho dos diversos materiais do reator.

## I N D I C E

	Pag.
1- Introdução .....	01
1.1- Considerações Iniciais .....	01
1.2- Radiações Consideradas no Projeto de Blindagem...	02
1.3- Projeto de Blindagem de um Reator .....	03
1.4- Técnicas de Cálculo .....	04
2- A Teoria da Remoção Difusão .....	06
2.1- Aspectos Históricos - Conceitos Básicos .....	06
2.2- Formalismo de Spinney .....	11
2.3- Aperfeiçoamentos da Teoria de Remoção Difusão ...	13
3- Métodos Utilizados .....	17
3.1- Definição dos Métodos .....	17
3.2- Definição da Blindagem .....	17
3.3- Estrutura dos Grupos de Energia .....	18
4- Cálculo do Fluxo de Neutrons .....	21
4.1- Fluxo de Remoção .....	21
4.2- Fluxo de Difusão .....	23
4.3- Fontes para a Equação de Difusão .....	35
5- Fluxo de Raios Gama .....	38
5.1- Fator de Acumulação .....	38
5.2- Cálculo do Fluxo de Raios Gama .....	40
5.3- Fontes de Raios Gama .....	48
6- Biblioteca de Dados .....	52
6.1- Dados Necessários ao Cálculo do Fluxo de Neutrons	54
7- Desenvolvimento do Trabalho Realizado .....	56
7.1- Tarefas a realizar .....	56
8- Manual do Usuário .....	58
8.1- Configuração do Computador .....	58
8.2- Escolha dos Intervalos de Integração .....	58
8.3- Variáveis de Entrada .....	60
8.4- Saída do Programa .....	60

## 1. Introdução

### 1.1 - Considerações Iniciais:

Este trabalho teve sua origem em função do projeto de um reator nuclear de potência a urânio natural e água-pesada (projeto TORUNA), desenvolvido pela Divisão de Reatores do Instituto de Pesquisas Radioativas da UFMG. Procurou-se desenvolver o projeto de blindagem deste reator. A primeira tarefa foi determinar as espessuras de blindagem térmica e biológica capaz de manter os níveis de radiação abaixo de valores pré-estabelecidos. Começou-se utilizando métodos elementares (integração de kerneis). Mas, logo se viu a necessidade de utilizar-se métodos mais precisos. Optou-se então pelo método multigrupo da remoção-difusão, já que, na época era o único que não apresentava grandes problemas devido aos meios de computação disponíveis, e a dificuldade de acesso à uma biblioteca completa de seções de choque multigrupo. Desta forma, de acordo ainda com a filosofia do próprio IPR de desenvolver os códigos necessários às suas pesquisas, começamos o trabalho visando alcançar as seguintes metas:

- a. desenvolvimento do código de computador;
- b. desenvolvimento de uma biblioteca integralizada de dados, capaz de tornar o programa autônomo em relação a seções de choque necessárias aos cálculos;
- c. comprovação teórica e experimental do código realizado, assim como das seções de choque utilizadas.

Apresentamos a seguir todo o trabalho desenvolvido até então, principalmente no que se refere aos ítems a. e b..

A comprovação experimental adequada é praticamente impossível com os meios disponíveis, desde que há necessidade de fontes de radiação de alta intensidade.

### 1.2 - Radiações consideradas no Projeto de Blindagem

Nos cálculos de blindagem de reatores sómente são considerados neutrons e raios gama. As demais radiações, apesar de se apresentarem em grandes quantidades, como é o caso de partículas beta e alfa, não são levadas em conta, uma vez que são facilmente blindáveis.

Os neutrons são encontrados principalmente no núcleo do reator devido ao processo de fissão que aí ocorre. Além dos neutrons prontos de fissão, ainda temos os neutrons atrasados, que não constituem fator importante para a determinação da blindagem. Poderemos ter ainda outras fontes de neutrons devido a reações do tipo  $(\gamma, n)$ , sendo esta reação particularmente importante no caso de reatores que utilizam água-pesada ou berilo como moderador.

Já os raios gama no núcleo (gamas primários) são resultantes do processo de fissão e ainda de captura e colisões inelásticas de neutrons com os diversos materiais. Estes raios por sua vez penetram na blindagem onde não constituirão fator importante, comparados com os gamas aí gerados, devidos também a reações de captura e espalhamento de neutrons. Esta segunda fonte (gamas secundários) constituirá fator importante na determinação das espessuras da blindagem.

### 1.3 - Projeto de Blindagem de um Reator

Na determinação da blindagem de um reator devem ser considerados vários critérios de projeto, os quais permitam que seja respeitada a segurança do pessoal encarregado da operação, assim como garantir que os diversos materiais trabalhem dentro de condições ótimas (1).

O pessoal que trabalha nas proximidades do reator deve fazê-lo sem qualquer perigo, sendo para tal necessário conhecimento dos níveis de radiação que escapam da blindagem.

Levando em consideração que as propriedades mecânicas dos materiais estruturais são afetados pela radiação, principalmente neutrons rápidos, deve-se conhecer nos diversos pontos da blindagem o valor do fluxo integrado através do tempo de operação do reator. Isto nos obriga a conhecer a distribuição de radiação também dentro das camadas de blindagem.

O projetista de blindagens deverá conhecer também o espectro das radiações, já que necessitará efetuar cálculos de ativação nos diversos materiais visando principalmente problemas de acessibilidade do reator.

Outro fator de importância no projeto é a determinação dos fluxos de radiação gama. Estes raios além de aumentar as doses de radiação dentro e fora da blindagem constituem-se numa das maiores fontes de geração de calor. Isto obriga que se tome as devidas precauções de forma que as tensões térmicas não ultrapassem certos limites próprios de cada material.

#### 1.4 - Técnicas de Cálculo

Tanto a atenuação de raios gama quanto a de neutrons pode riam ser tratadas igualmente pela mesma equação de transporte. Na prática isto não ocorre devido principalmente à diferença de energias envolvidas.

A grande variação das energias dos neutrons não permite tratar-los através de uma aproximação única da equação do transporte de Boltzman. Este fato obriga que se tenha formalismos diferentes conforme o intervalo de energia. Normalmente trata-se diferentemente dos neutrons de altas energias (1 a 10 Mev) e os de baixas energias (abaixo de 1 Mev).

Note-se que a energia dos raios gama de interesse ao cálculo de blindagem são da ordem de 1 a 10 Mev, bastante próxima à dos neutrons rápidos, o que faz com que tratamento matemático nestes casos seja bastante semelhante.

O formalismo ideal para a atenuação de gamas e neutrons seria através da equação de transporte de Boltzman. Porém, devido à sua complexidade e à dificuldade para obtenção de seções de choque necessárias, foram desenvolvidos métodos menos precisos, de mais fácil utilização.

A atenuação de raios gama normalmente é tratada através de técnicas de integração de kerneis, fazendo-se correções através de fatores adequados (fator de "build-up"), para se levar em conta o espalhamento de gamas.

Os processos para prever a atenuação de neutrons tendem a sofrer a divisão conforme o meio material de propagação ou seja materiais hidrogenados e não hidrogenados.

Um formalismo natural para o caso de atenuação de neutrons em meios hidrogenados seria a divisão dos neutrons em dois grupos:

- a. neutrons de altas energias tratados segundo a teoria da remoção;
- b. neutrons de baixas energias tratados segundo a teoria da difusão.

Deve-se prever ainda a ligação adequada entre as duas teorias, já que as colisões de neutrons rápidos vão constituir-se de fonte para a equação de difusão.

Para cada um destes formalismos divide-se ainda o fluxo de neutrons segundo diversos grupos de energias. Isto permite que as constantes necessárias aos cálculos prevaleçam praticamente constantes nestes intervalos, valendo assim as equações utilizadas.

Um formalismo natural para o caso de atenuação de neutrons em meios hidrogenados seria a divisão dos neutrons em dois grupos:

- a. neutrons de altas energias tratados segundo a teoria da remoção;
- b. neutrons de baixas energias tratados segundo a teoria da difusão.

Deve-se prever ainda a ligação adequada entre as duas teorias, já que as colisões de neutrons rápidos vão constituir-se de fonte para a equação de difusão.

Para cada um destes formalismos divide-se ainda o fluxo de neutrons segundo diversos grupos de energias. Isto permite que as constantes necessárias aos cálculos prevaleçam praticamente constantes nestes intervalos, valendo assim as equações utilizadas.

## 2 - A TEORIA DA REMOÇÃO-DIFUSÃO

### 2.1 - Aspectos Históricos - Conceitos Básicos

A moderação de neutrons em materiais hidrogenados, no caso de penetrações profundas, pode ser considerada como um processo de duas etapas. A primeira etapa corresponde à faixa de altas energias, na qual o neutron atravessa o seu maior percurso sem sofrer colisões já que para estas energias e no caso de materiais hidrogenados, o caminho livre médio é maior. A segunda etapa corresponde a neutrons de baixa energia, para os quais se pode dizer que chegaram próximo ao ponto onde se encontram com alta energia (ainda na primeira etapa). Neste ponto sofrem uma colisão que baixou grandemente sua energia, entrando assim num processo de difusão, no qual não deverá permanecer por muito tempo.

A partir destas considerações surgiram vários modelos que permitiram aperfeiçoamentos das teorias clássicas, quer sejam da difusão e da idade de Fermi. Levando em consideração que os neutrons de interesse em blindagem nascem com energia maior do que a média, os métodos desenvolvidos para este caso tomavam a forma de correções ou modificações das teorias básicas ou a combinação dessas teorias com outros modelos. Provavelmente a primeira correção do tipo foi a de primeiro voo para a teoria da idade de Fermi.

Albert e Welton (2), por volta de 1950, introduziram o conceito de seção de choque de remoção para descrever a atenuação de neutrons em meios hidrogenados. O método previa somente os neutrons de alta energia, não produzindo valores absolutos corretos das quantidades desejadas, mas somente seu comportamento espacial. Os kerneis de Albert e Welton foram largamente usados antes da utilização dos computadores, tendo o seu uso sido

facilitado com o aparecimento dos mesmos.

Já no ano de 1951, Blizzard (3) formulou o primeiro modelo que ligava neutrons rápidos e térmicos. O método apresenta sómen te interesse histórico devido à sua simplicidade e à dificuldade para determinação de certos parâmetros necessários à sua aplicação. Blizzard supôs que a razão de remoção de neutrons rápidos seria a derivada negativa da corrente destes neutrons na direção do eixo de penetração. Os neutrons removidos constituiam-se fonte para o cálculo de fluxos térmicos.

Com o aparecimento dos computadores digitais foi possível utilizar-se a teoria da difusão para problemas de física de reatores. Isto representou a possibilidade de resolver o problema de neutrons monoenergéticos, com a suposição que obedecem a lei de Ficks:

$$\mathbf{J} = D \cdot \text{grad } \Phi \quad (2.1)$$

, onde:

$\mathbf{J}$  : corrente de neutrons

$D$  : constante

$\Phi$  : fluxo de neutrons

Devido à grande faixa da energia dos neutrons de fissão o método foi aplicado para diversos grupos de energia. Dividindo-se o espaço energia em um certo número de intervalos, supõe-se que a teoria de difusão monoenergética é aplicável a todos neutrons dentro de cada intervalo.

As equações básicas da teoria da difusão podem ser derivadas da teoria rigorosa de transporte, desde que a distribuição angular dos neutrons, em qualquer posição, seja dada por uma função linear do cosseno do ângulo entre a direção do neutron e o eixo do sistema. A função linear de distribuição angular ( $P_1$ ) não representa bem a penetração de neutrons a grandes distâncias da fonte, desde que a componente de penetração tem um pico acen tuado na direção de penetração. Este fato forçou correções dos cálculos da teoria multigrupo para penetrações profundas, como é o caso de blindagens.

Tentando superar as dificuldades da teoria da difusão, vários autores adotaram técnicas para corrigir o fluxo térmico normalizando o resultado fornecido pela teoria, através de kernels já conhecidos. Isto sempre supondo-se que a teoria multi - grupo calcula corretamente a razão fluxo rápido/fluxo térmico.

Por exemplo, Haffner (4) em 1958, fazia a correção do fluxo térmico de acordo com o kernel de Albert e Welton, ou seja:

$$\phi_{th}(r) = D(E) \cdot \frac{\int g_2(E) \phi(E, r) dE}{\int g_1(E) \phi(E, r) dE} \quad (2.2)$$

, onde :  $g_2(E)$ : resposta de um detector usado para medir fluxo de neutrons térmicos.

$g_1(E)$ : resposta de um detector para neutrons rápi - dos.

$D(r)$  : Kernel de Albert-Welton na posição  $r$ .

$\phi(E, r)$  : fluxo na energia  $E$  calculado através da e - quação de difusão multigrupo no ponto  $r$ .

$\phi_{th}(r)$  : fluxo térmico no ponto  $r$ .

Anderson e Shure (5) fizeram a correção utilizando um ker nel para água pura, no caso de misturas água-metal:

$$\phi_{th}(r) = \frac{\phi_a^{kp}(r) \cdot \phi^{DMG}(r)}{\phi_a^{DMG}(r)} \quad (2.3)$$

, onde:  $\phi_a^{kp}(r)$  : fluxo térmico conhecido para água (kernel pontual).

$\phi^{DMG}(r)$ : fluxo térmico multigrupo de difusão na mistura água-metal.

$\phi_a^{DMG}$  : fluxo térmico multigrupo na água.

A aplicação destas teorias em certos casos específicos, propiciou a obtenção de bons resultados, ficando estes na dependência do cálculo de kerneis precisos, o que nem sempre é possível.

Uma outra técnica usada com algum sucesso, não modificava os resultados obtidos, mas fazia uma correção na teoria de difusão. O método calculava a densidade da primeira colisão a partir do fluxo de neutrons que não sofreram qualquer colisão (fluxo não colidido), usando-a como fonte para moderação posterior dos neutrons. A dificuldade surgida neste caso, principalmente para meios hidrogenados, é que a componente de penetração não é composta simplesmente de neutrons sem colisão. Na verdade será composta na maioria por neutrons que tiveram uma ou mais colisões das quais resultaram pequenas deflexões angulares.

Spinney, em 1957, apresentou seu método para prever a penetração destes neutrons (não suficientemente defletidos e nem com energia suficientemente reduzida), através do kernel "não colidido":

$$\phi_r(r) = \frac{s \cdot e^{-\sum_r \cdot r}}{4\pi r^2} \quad (2.4)$$

, onde:  $\phi_r$  : fluxo de "remoção": neutrons que sofreram a primeira colisão, a qual não modificou substancialmente sua energia e direção.

$\sum_r$  : seção de choque de remoção

$S$  : intensidade da fonte de neutrons

O valor de  $\sum_r$  prevê os neutrons que tiveram ligeiras colisões sendo calculado por:

$$\sum_r = \sum_t - f \cdot \sum_s \quad (2.5)$$

, onde :  $\sum_t$  : seção de choque total

$\sum_s$  : seção de choque de espalhamento elástico

$f$  : fração de colisões elásticas que podem ser desprezadas.

O valor de  $f$  deve ser estimado ou obtido experimentalmente de forma que a utilidade e a precisão do kernel sómente podem ser avaliadas através de comprovação experimental.

Em princípio Spinney usou a teoria da idade de Fermi (6) para calcular a moderação subsequente dos neutrons colididos, utilizando posteriormente a teoria da difusão multigrupo (7). Esta última combinação ficou então conhecida como teoria da remoção-difusão ou método de Spinney.

Este método teve, e ainda tem, grande aplicação em projetos de blindagem de reatores, tendo sofrido através dos anos refinamentos que permitiram chegar-se a resultados cada vez mais precisos.

## 2.2 - Formalismo de SPINNEY

Spinney dividiu o espectro de energia dos neutrons emitidos na fissão em 18 grupos com a largura de 1 Mev (0-18Mev). Supõe que todos os neutrons penetravam na blindagem inicialmente segundo um kernel da forma da equação (2.4). Os neutrons que sofressem colisões eram tratados como fonte para o cálculo da difusão multi grupo.

O valor de  $f$  foi tomado igual a  $\bar{\mu}$ , o coseno médio do ângulo de espalhamento no sistema de laboratório, à excessão do hidrogênio, em cujo caso  $f = 0$ . Esta aproximação é inteiramente empírica, porém razoável, desde que o valor de  $\bar{\mu}$  cresce com o crescimento dos picos na distribuição angular de neutrons espalhados, o que acarreta a diminuição da seção de choque de remoção quando as colisões ligeiras são mais prováveis.

Logo no caso:

$$\sum_r = \sum_t \cdot \bar{\mu} \cdot \sum_s = \sum_a + \sum_{in} + \sum_s \cdot (1 - \bar{\mu}) \quad (2.6)$$

, onde:  $\sum_a$ : seção de choque de absorção:

$\sum_{in}$ : seção de choque de espalhamento inelástico.

E R R A T A

PAG.	LINHA	ONDE SE LÊ	LEIA-SE
10	16	ser despresadas	ser desprezadas
12	17	obtendo-se resultados	obtendo-se sómente resultados
19	7	17x106	> 17,0E06
22	4	na interfase núcleo-blindagem	na interface núcleo-blindagem
37	16	$S_i(r) = \phi_2(r) \sum_{2,7} +$ $+ \phi_3(r) \sum_{3,7} + \dots +$ $+ \phi_6(r) \sum_{6,7} + \phi'_r(r) \sum_{1,7}^*$	$S_e(r) = \phi_2(r) \sum_{2,6} +$ $+ \phi_3(r) \sum_{3,6} + \dots +$ $+ \phi_5(r) \sum_{5,6} + \phi'_r(r) \sum_{6,6}^*$
37	17	a partir do sétimo grupo	a partir do sexto grupo
37	19	$i \geq 8$	$i \geq 7$
39	8	usadas destaca-se	usadas destacam-se
40	2	parâmetros obtidos	os parâmetros $c_{ij}$ são obtidos
44	16	nº de fatores	nº de fôtons
45	13	já que S	já que $\Delta S$

Como consequência neste caso resulta que a seção de choque de remoção torna-se igual a seção de choque de transporte.

Spinney calculou os valores de  $\sum r$  para cada grupo de energia usando resultados de Feshbach e Weisskopf (16), que calcularam a razão da seção de choque de transporte pela seção de choque total em função do peso atômico e energia, a partir de modelos teóricos do núcleo.

Para a obtenção do fluxo através da blindagem, em cada um dos grupos de energia, integrhou-se o kernel do fluxo de remoção sobre a distribuição das fontes de fissão no núcleo do reator.

Foram considerados 5 grupos de difusão, sendo o último o térmico e o limite superior da energia do primeiro grupo 2 Mev (valor médio da energia da fonte de neutrons de remoção na blindagem).

Todas as fontes de neutrons devidas ao fluxo de remoção eram alimentadas no grupo de difusão de energia mais alta.

O método foi aplicado para reatores moderados a grafita com blindagem de concreto, obtendo-se resultados razoáveis da distribuição de neutrons de baixa energia. Isto deve-se ao fato de que Spinney não previu os neutrons que sofrem remoções acima de 2 Mev. A transferência imediata dos grupos de remoção de alta energia para o primeiro grupo de difusão acarreta uma subestimação do fluxo de neutrons em materiais como a água, ou seja, quando a quantidade de hidrogênio é alta.

Visando a correções nas falhas citadas desenvolveram-se gradativamente modificações básicas (aplicadas nos códigos RASHE, MAC e NRN) que descreveremos a seguir.

Estas modificações foram realizadas principalmente nos seguintes ítems: a. Definição da seção de choque de remoção;

b. Acoplamento dos grupos de remoção e difusão;

c. Modelo de moderação;

d. Esquema dos grupos de energia.

## 2.3 - Aperfeiçoamentos da Teoria de Remoção-Difusão

### 2.3.1 - Desenvolvimento RASHE (8)

Neste método a principal modificação foi a extensão do limite superior dos grupos de difusão acima de 2 Mev, com a possibilidade de ter-se fontes, devido a colisão de remoção, em qualquer dos grupos.

O esquema de grupos de energia, assim como as ligações remoção-difusão, são apresentadas na figura (2.1). Observe-se que a transferência de cada grupo de remoção se faz sómente para um grupo específico de difusão e a transferência dos grupos de difusão são realizadas sómente para o próximo grupo adjacente.

Desta forma o espectro de neutrons que sofrem remoção é considerado em maior detalhe do que no método original, pois considera-se o espectro de neutrons rápidos, além de permitir que se tenha as colisões em alta energia. Acima de 8 Mev os neutrons são tratados aproximadamente, porém, neutrons de difusão nestas energias não são muito importantes para a maioria dos projetos de blindagem.

### 2.3.2 - Desenvolvimento MAC (9)

Neste caso tornou-se a modificar o esquema de grupos de energia e a transferência entre grupos, como mostrados na figura (2.2). Cada grupo de remoção é adicionado a um determinado grupo de difusão. O espalhamento de neutrons em cada grupo de difusão pode fazer-se para mais de um dos demais grupos.

O espectro de energia de difusão tem como limite superior 10 Mev, o que permite considerar-se com detalhe o espectro de neutrons rápidos.

O método difere do original na forma pela qual os neutrons de remoção são introduzidos nos grupos de difusão. Do segundo ao quinto grupo adiciona-se os fluxos de difusão e remoção, sendo que

Este fluxo total servirá de fonte para grupos de energia mais baixa. Do sexto grupo em diante há somente a contribuição dos neutrons de difusão.

Outra modificação considerada é a introdução do esquema de moderação, a qual permite aos neutrons que sofreram espalhamento inelástico ou foram espalhados pelo hidrogênio, tornarem-se fontes de neutrons nos grupos adequados para sua nova energia. As transferências devido a estas interações não são restritas ao grupo imediatamente abaixo daquele que a colisão ocorreu, como no caso do RASHE.

### 2.3.3 - Desenvolvimento NRN (11)

Neste método, os neutrons de difusão foram também estendidos para neutrons rápidos como vemos no esquema de grupos de energia mostrado na figura (2.3), onde a transferência de cada grupo de difusão pode ser feita para todos os grupos de energia inferior.

Porém a modificação principal que faz o método diferente dos dois últimos, é a maneira como o fluxo de remoção é introduzido nos cálculos. A fonte para o  $i^{\text{ésimo}}$  grupo de difusão, devida a colisões de remoção, é definida por:

$$S_i = \sum_j C_{ji} \cdot \phi_{ri} \quad (2.7)$$

, onde:  $\phi_{ri}$  : fluxo de remoção do grupo de remoção  $j$

$C_{ji}$  : probabilidade de espalhamento do  $j^{\text{ésimo}}$  fluxo de remoção para o  $i^{\text{ésimo}}$  grupo de difusão.

O método NRN abandona as seções de choque do método original do Spinney. Tais seções são obtidas em função da energia, definindo um ângulo de espalhamento  $\Theta_r$ , acima do qual um espalhamento elástico é considerado uma colisão de remoção. Desta forma o parâmetro  $f$  (frações das colisões que não podem ser consideradas remoção)

é dada por:

$$f = \frac{\int_0^{\Theta_r} \sigma(\theta) \cdot \sin\theta \cdot d\theta}{\int_0^{\pi} \sigma(\theta) \cdot \sin\theta \cdot d\theta}$$

(2.8)

, onde:

$\sigma(\theta)$ : seção de choque de espalhamento elástico para o ângulo sólido  $\theta$  (ângulo entre a direção incidente e a nova direção do neutron espalhado), no sistema de centro de massa.

Define-se  $\mu_r = \cos\theta$ , sendo este parâmetro determinado comparando-se valores calculados e obtidos experimentalmente.

A prática atual recomenda os seguintes valores:

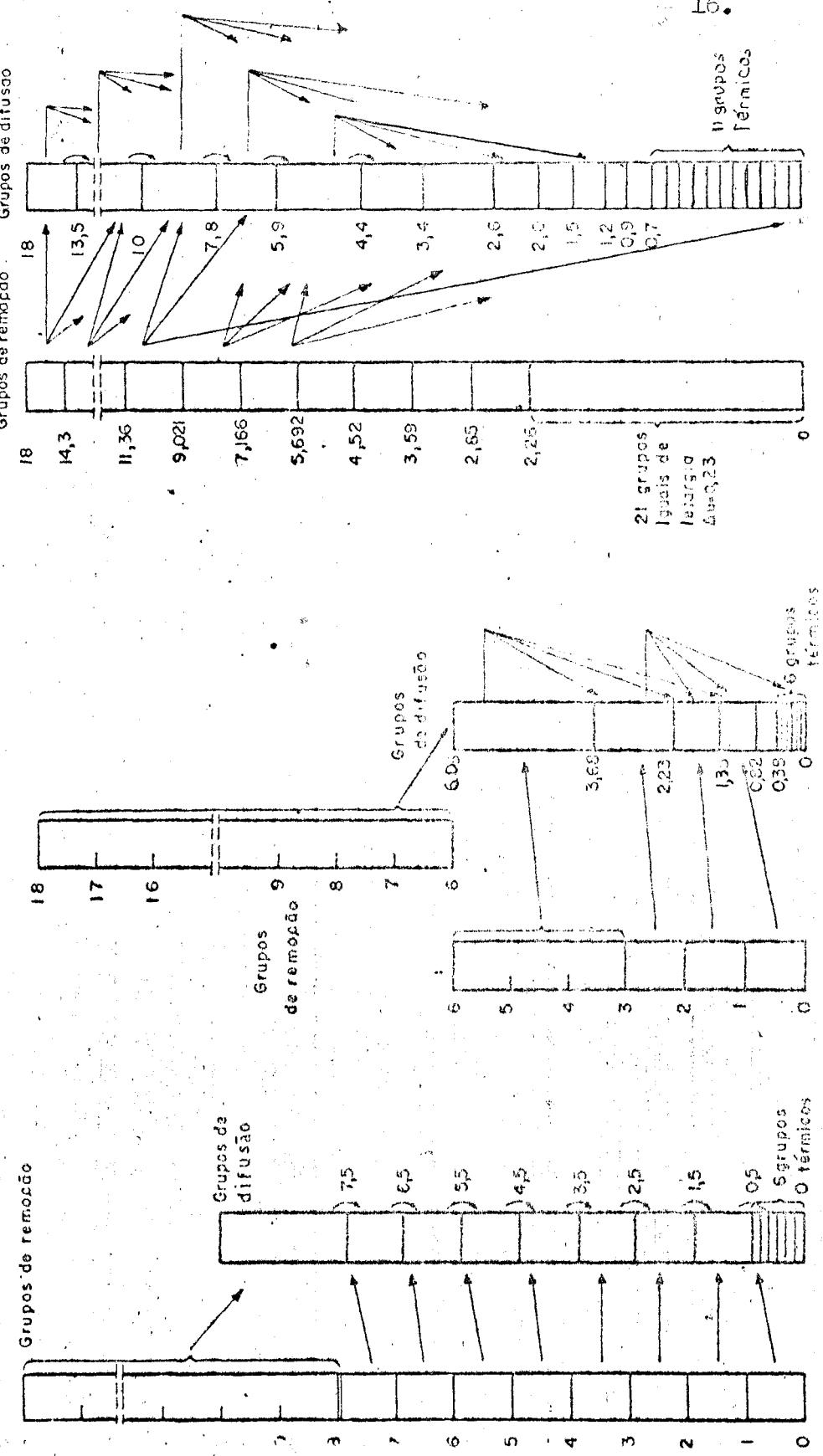
$\mu_r = 0,6$  para materiais diferentes do hidrogênio

$\mu_r = 0,45$  para o hidrogênio

Com a definição de  $\mu_r$  é possível calcular valores de seção de choque de remoção a partir da seção de choque total e a de espalhamento elástico, obtidas experimentalmente em função do ângulo de espalhamento.

Neste aspecto é de se esperar que o método seja mais preciso que os demais, porém, a determinação do parâmetro  $\Theta_r$  de forma que se tenha precisão no cálculo de fluxos absolutos e taxas de atenuação não é simples, o que em parte desfaz as vantagens do método sobre os demais.

**COMPARAÇÃO DE ESSQUEMAS DOS GRUPOS DE ENERGIA  
NOS DIVERSOS DESENVOLVIMENTOS DA TEORIA REMOÇÃO-DIFUSÃO**



RASH E

FIG. 2.1

MAC-RAD

FIG. 2.2

N. R. N.

FIG. 2.3

### 3. Métodos Utilizados

#### 3.1 - Definição dos métodos

Devido aos bons resultados obtidos com a sua aplicação a casos reais e, ainda, à disponibilidade de uma biblioteca de seções de choque, optou-se pelo desenvolvimento de um código que usasse, para o cálculo do espectro de neutrons, a teoria da remoção-difusão multigrupo. Utilizou-se um esquema de grupos de energias e transferências entre grupos semelhantes ao código MAC (9).

Para o cálculo do fluxo gama, optou-se pelo método multigrupo de integração de kerneis, com correções, devido ao espalhamento através de coeficientes adequados ("build-up").

Apresentamos, à seguir, descrição detalhada dos métodos utilizados, assim como os resultados a que se pode chegar através da aplicação dos mesmos.

#### 3.2 - Definição da Blindagem

O programa realizado calcula o fluxo de neutrons e gamas através de camadas de blindagem, que se supõe constituir de placas homogêneas de espessura arbitrária. As duas primeiras placas correspondem à região do núcleo e deverão conter materiais fissiónaveis, não necessariamente os mesmos.

Para as dimensões usuais de reatores de potência, a aproximação de placas pode ser aplicada no caso de geometria cilíndrica e mesmo esférica. Em casos especiais onde a aproximação não se aplica (reatores de pequeno porte) ainda será possível a aplicação do método, desde que se adote correções adequadas.

Poderemos ter até um máximo de 7 tipos diferentes de camadas de blindagem, sendo que cada uma delas poderá constituir-se de até 9 materiais diferentes.

### 3.3 - Estrutura dos Grupos de Energia

#### 3.3.1 - Espectro de Neutrons

Adotou-se a estrutura de grupos de energia para neutrons de remoção e difusão semelhante a utilizada no código MAC, mostrada na figura (2.2) e discriminada na tabela (3.1).

O espaço energia entre 0,5 e 18 Mev foi dividido em 19 grupos de remoção, com espaçamentos idênticos. O cálculo de neutrons de difusão é realizado para 31 grupos de energia de 0 a 10 Mev.

O número de grupos e o respectivo intervalo de energia foi escolhido levando-se em conta principalmente:

- a. O comprimento de moderação dos neutrons de cada grupo deverá ser menor do que o comprimento de relaxação do componente de penetração, representado pelo fluxo de remoção;
- b. Os intervalos de energia dos grupos devem ser estreitos suficientes de forma que a dependência das seções de choque do grupo com o espectro no intervalo seja desprezível;
- c. Os intervalos na região de alta energia deverão ter largura menor, pois:
  1. esta é a região mais importante do espectro.
  2. o fluxo de neutrons nesta região representa geralmente a componente de maior penetração.
  3. a presença de espalhamento inelástico implica em tratamento detalhado de matrizes de transferência.

Tabela (3.1)

Estrutura dos Grupos de Neutrons de Remoção e Difusão (9)

GRUPO DE DIFUSÃO		GRUPO DE REMOÇÃO		
i	Intervalo de Energias (ev)	K	Intervalo de Energias (ev)	Energia Média do Intervalo (ev)
1	10,0E06—6,065E06	1	17x106	17,5E06
		2	17,0E06—16,0E06	16,5E06
		3	16,0E06—15,0E06	15,5E06
		4	15,0E06—14,0E06	14,5E06
		5	14,0E06—13,0E06	13,5E06
		6	13,0E06—12,0E06	12,5E06
		7	12,0E06—11,0E06	11,5E06
		8	11,0E06—10,0E06	10,5E06
		9	10,0E06—9,0E06	9,5E06
		10	9,0E06—8,0E06	8,5E06
		11	8,0E06—7,0E06	7,5E06
		12	7,0E06—6,0E06	6,5E06
2	6,065E06—3,679E06	13	6,0E06—5,0E06	5,5E06
		14	5,0E06—4,0E06	4,5E06
		15	4,0E06—3,0E06	3,5E06
3	3,679E06—2,231E06	16	3,0E06—2,0E06	2,5E06
4	2,231E06—1,353E06	17	2,0E06—1,0E06	1,5E06
5	1,353E06—3,876E06	18	1,0E06—0,0E00	0,5E06
6	3,876E05—3,876E05			
7	3,876E05—1,830E05			
8	1,830E05—6,733E04			
9	6,733E04—2,600E04			
10	2,600E04—2,000E04			
11	2,000E04—9,118E03			
12	9,118E03—3,355E03			
13	3,355E03—1,234E03			
14	1,234E03—4,540E02			
15	4,540E02—3,199E02			
16	3,199E02—2,255E02			
17	2,255E02—1,120E02			
18	1,120E02—6,147E01			
19	6,147E01—3,374E01			
20	3,374E01—1,515E01			
21	1,515E01—1,016E01			
22	1,016E01—4,565E01			
23	4,565E01—1,375E00			
24	1,375E00—9,214E-1			
25	9,214E-1—6,716E-1			
26	6,716E-1—4,140E-1			
27	4,140E-1—2,775E-1			
28	2,775E-1—1,860E-1			
29	1,860E-1—1,247E-1			
30	1,247E-1—7,595E-2			
31	7,595E-2—0,000E00			

Obs.:  $1,860E-1 = 1,860 \cdot 10^{-1}$

### 3.3.2 - Espectro de Gamas

O código realizado para o cálculo de fluxo de raios gama através das camadas de blindagem utiliza uma biblioteca de dados para 7 grupos de energia. Os esquemas dos grupos de energia são apresentados na tabela (3.2).

Tabela (3.2)

Estrutura dos grupos para Raios Gama

GRUPO DE RAIOS GAMA	INTERVALO DE ENERGIA MEV
1	10,0 - 8,5
2	8,5 - 7,0
3	7,0 - 5,0
4	5,0 - 3,0
5	3,0 - 2,0
6	2,0 - 1,0
7	1,0 - 0,0

#### 4. Cálculo do Fluxo de Neutrons

Em um ponto qualquer da blindagem o fluxo de neutrons, para um certo grupo de energia, será a soma de duas partes. A primeira resulta de neutrons de fissão, gerados no núcleo do reator, com a energia do grupo e que chegaram ao ponto considerado sem colisões que reduzissem consideravelmente sua energia e direção (fluxo de remoção). A segunda parte constitui-se de neutrons produzidos no núcleo do reator que chegaram ao ponto considerado, com a energia do grupo, por moderação (fluxo de difusão).

##### 4.1 - Fluxo de Remoção

O cálculo do fluxo de remoção nas camadas de blindagem é baseado nas seguintes hipóteses:

a. as primeiras duas regiões (pertencentes ao núcleo do reator) são consideradas conjuntamente como uma região que se estende de  $x = 0$  (nos limites do núcleo-blindagem) a infinito na direção de  $x$  (ver figura 4.1). Isto quer dizer que a dimensão do núcleo deverá ser infinita em relação ao caminho livre médio para neutrons rápidos.

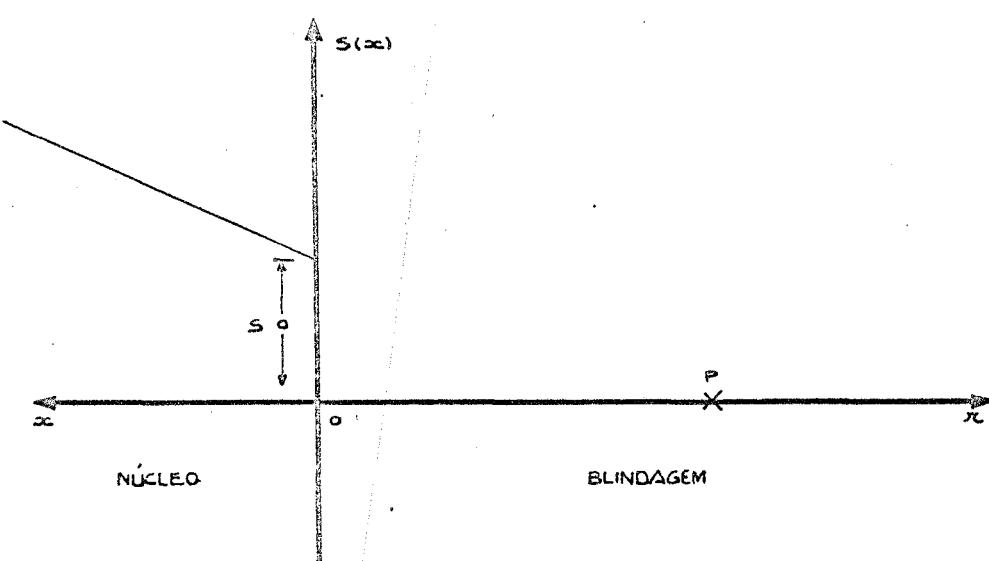


Fig.(4.1)

b. a densidade de fissão dentro do núcleo é uma função linear de  $\chi$ , ou seja:

$$S(\chi) = S_0 (1 + C \cdot \chi) \quad (4.1)$$

, onde:  $S_0$  : densidade de fissão na interface núcleo-blindagem.

$C$  : inclinação média da densidade de fissão no núcleo.

Em um ponto  $P$  qualquer da blindagem a contribuição para o fluxo de remoção, devido a um elemento diferencial de volume  $dV$  em torno de um ponto fonte  $Q$  (fonte isotrópica), será dada por:

$$d\phi_r(P) = \frac{S(Q) \cdot K(P, Q)}{4\pi \cdot \overline{PQ}^2} \quad (4.2)$$

, onde:  $S(Q)$  : intensidade de fonte no ponto  $Q$ .

$$K(P, Q) = e^{- \left[ \int_{PQ} \sum_r(s) ds \right]} \quad (4.3)$$

O fluxo de remoção total em um ponto  $r$  da blindagem, para o grupo de energia  $K$ , será o resultado da integração da equação (4.2) sobre toda a fonte volumétrica, obtendo-se a seguinte fórmula:

$$\phi_r(k, r) = \frac{1}{Z} \nu S_0 F(k) \int_0^\infty (1 + Cx) E_i [b_i(k) + \sum_r (1, k) x] dx \quad (4.4)$$

, onde :  $\nu$  : número de neutrons emitidos por fissão

$S_0$  : número de fissões/cm<sup>3</sup>seg no ponto  $r = 0$  (interface núcleo-blindagem)

$F(K)$  : fração de neutrons de fissão emitidos com energia correspondente ao grupo de remoção  $K$ .

$b_l(K)$  : caminho ótico entre o ponto  $r$  e o ponto origem  $r = 0$

$\sum_r(l,k)$  : seção de choque de remoção do núcleo, na energia correspondente ao grupo  $K$ .

$E_n[y]$  : integral exponencial do grau  $n$  para o argumento  $y$ . (12)

Devido à hipótese acima, é possível estender o limite da integral a infinito. Resolvendo a integral da equação (4.4) obtém-se:

$$\phi_r(k, \pi) = \frac{\rho S_0}{Z} \cdot \frac{F(k)}{\sum_r^2(l, k)} \left\{ \sum_r(l, k) \cdot E_2[b_r(k)] + C E_3[b_r(k)] \right\} \quad (4.4a)$$

A subdivisão do espectro de fissão em 18 grupos permite o cálculo detalhado da distribuição do fluxo de remoção.

Quando a um grupo de difusão corresponder mais de um grupo de remoção, o fluxo de remoção total será a soma de todos os correspondentes ao grupo de difusão, conforme pode ser observado na tabela (3.1). Ao grupo de difusão 1 corresponderão os grupos de remoção 1 a 12, ao grupo 2 de difusão corresponderão os grupos 13, 14, 15 de remoção e assim por diante.

#### 4.2 - Fluxo de Difusão

A contribuição para fluxo em um ponto qualquer da blindagem, devido a neutrons que sofreram colisões de espalhamento, é calculada utilizando-se a equação da difusão.

A equação é resolvida sómente na região de blindagem, supondo-se sempre a inexistência de fontes altamente absorvedoras e vazios.

Para cada grupo de energia, à exceção do primeiro, deverá ser resolvida uma equação da forma:

$$D[\phi''(r) + \frac{P}{r} \phi'] - \sum \cdot \phi(r) + S(r) = 0 \quad (4.5)$$

Esta equação será resolvida pelo método de fatorização que descreveremos abaixo:

Em (4.5), para cada grupo de neutrons de energia  $E$ , e em cada região correspondente ao ponto  $r$ , temos:

$D$  - coeficiente de difusão

$$\sum = \sum_t + D \cdot B^2 \quad (4.6)$$

, onde:  $B^2$  : "buckling" que levará em conta as fugas transversais.

$\sum_t$ : seção de choque macroscópica total que retira os neutrons do grupo da energia  $E$ .

$P$  : índice de geometria, cujos valores são:

= 2 geometria esférica

= 1 geometria cilíndrica

= 0 geometria plana

No nosso caso teremos sempre  $P = 0$ , já que supomos que as camadas de blindagem se constituirão de placas.

$S(r)$  - fonte de neutrons

#### 4.2.1 - Fatorização de equação de Difusão

A equação da difusão (4.5) pode ser escrita como:

$$D\phi''(r) + \frac{P}{\rho} D\phi'(r) - \sum \phi(r) + S(r) = 0 \quad (4.7)$$

Procuremos as funções  $U(r)$  e  $V(r)$  que satisfaçam à equação:

$$D\phi'(r) + U(r)\phi(r) + V(r) = 0 \quad (4.8)$$

Sendo  $\phi(r)$  a solução de equação (4.7).

Derivando (4.8) obtemos:

$$D\phi'' + U\phi' + U'\phi + V' = 0 \quad (4.9)$$

De (4.8) retiramos:

$$\phi' = -\frac{V}{D} - \frac{U\phi}{D} \quad (4.9a)$$

que substituída em (4.9) nos dá:

$$D\phi'' = \phi \left( \frac{U^2}{D} - U' \right) - V' + \frac{UV}{D} \quad (4.10)$$

Substituindo (4.10) e (4.9) em (4.7) obtém-se:

$$\phi \left( \frac{U^2}{D} - U' - \frac{PV}{\pi} U - \Sigma \right) + \frac{UV}{D} - V' - \frac{PV}{\pi} V + S = 0 \quad (4.11)$$

A fim de que a identidade acima prevaleça devemos ter:

$$\frac{U^2}{D} - U' - \frac{PV}{\pi} U - \Sigma = 0 \quad (4.12)$$

$$\frac{UV}{D} - V' - \frac{PV}{\pi} V + S = 0 \quad (4.13)$$

as quais permitirão obter  $U$  e  $V$ .

Desta forma, substituimos a equação diferencial linear de segunda ordem (4.7) pelo sistema de três equações diferenciais de primeira ordem:

$$U' = \frac{U^2}{D} - \frac{PV}{\pi} U - \Sigma \quad (4.14)$$

$$V' = V \left( \frac{U}{D} - \frac{PV}{\pi} \right) + S \quad (4.15)$$

$$U^2 - PV + V' = 0 \quad (4.16)$$

Este sistema é muito mais simples de ser resolvido, já que  $U$  poderá ser obtido de (4.14) facilmente por método clássico. Uma vez obtido  $U$  leva-se em (4.15) o que permite calcular-se  $V$  facilmente. De posse de  $U$  e  $V$  estes serão levados em (4.16) que nos dará o valor do fluxo  $\phi(r)$ .

As condições de continuidade para fluxo e corrente são facilmente satisfeitas, impondo continuidade às funções  $U, V$  e  $\phi$  como se pode ver em (4.16).

As condições de contorno de fluxo poderão ser facilmente convertidas em condições de contorno para as funções  $U$  e  $V$ , já que se pode colocá-las sob uma forma geral, formalmente semelhante a (4.16) (ver ítem 4.2.2).

#### 4.2.2 - Condições de Contorno

Para se determinar a solução da equação (4.5), para cada grupo de neutrons, impõe-se as condições de contorno sob a forma:

$$\text{na fronteira interna: } a_0 D\phi' + a_1 \phi + a_2 = 0 \quad (4.17)$$

$$\text{na fronteira externa: } b_0 D\phi' + b_1 \phi + b_2 = 0 \quad (4.18)$$

Para cada caso particular deve-se dar os coeficientes a e b. Estas condições são facilmente transformadas em condições de contorno para  $U$  e  $V$  já que (4.17) e (4.18) são formalmente similares a (4.16).

##### 4.2.2.1 - Fronteira Exterior

As condições acima serão satisfeitas se, na fronteira externa da blindagem, prevalecerem as igualdades:

$$U(R_e) = \frac{b_1}{b_0} \quad (4.19)$$

$$V(R_e) = \frac{b_2}{b_0} \quad (4.20)$$

, onde:  $R_e$  : dimensão externa da blindagem

Para cada caso particular fixa-se os valores de  $b_1$  e  $b_2$ . O valor de  $b_0$  deverá ser sempre igual a 1 para se ter valores finitos de  $U$  e  $V$  (Eqs. 4.19 e 4.20).

Poderemos ter os casos:

a. Corrente rula  $J = \frac{\phi}{4} + \frac{D\phi'}{2} = 0$

o que corresponde a:  $b_0 = 1$

$$b_1 = 0,5$$

$$b_2 = 0$$

b. Distância de extrapolação linear:

$$d = -\frac{\phi}{\phi'}$$

o que corresponde a:  $b_0 = 1$

$$b_1 = D/d$$

$$b_2 = 0$$

#### 4.2.2.2 - Fronteira Interior

Poderemos ter, sendo  $R_i$  a dimensão interna da blindagem, os casos:

a. Valor do fluxo fixado  $\phi(R_i) = \phi_0$ ,

teremos:  $a_0 = 0$

$$a_2 = -1$$

$$a_1 = \phi_0$$

b. Derivada do fluxo nula:  $\partial^*(R_i) = 0$ ,

teremos:  $a_0' = 1$

$$a_1 = 0$$

$$a_2 = 0$$

c. Valor fixo da corrente:  $D\phi^*(R_i) = J_0$ ,

teremos:  $a_0 = 1$

$$a_1 = 0$$

$$a_2 = J_0$$

Com os valores dos coeficientes a e b determina-se o valor das funções U e V na fronteira externa, o que permitirá calculá-las através de todas as camadas (de fora para dentro). Consegue-se assim determinar U(Ri) e V(Ri) valores na fronteira interna, que levados em (4.18) e (4.16) permitem obter:

$$\phi(R_i) = \frac{a_2 - a_0 V(R_i)}{a_0 U(R_i) - a_1} \quad (4.21)$$

◎

Este valor será a condição inicial que permitirá a integração de (4.16), a qual nos dará o valor do fluxo

4.2.3 - Solução do sistema de equações diferenciais (4.14), (4.15), (4.16)

$$\text{Seja } t = Kr \text{ onde } K = \sqrt{\frac{\sum}{D}} > 0 \quad (4.22)$$

e adotemos a convenção:

$$\dot{\phi} = \frac{d\phi}{dt} \quad (\text{igualmente para U e V}).$$

30.

Desta forma (4.14) se transforma em:

$$\dot{U} = \frac{U^2}{KD} - \frac{PU}{t} - KD \quad (4.23)$$

, (4.15) em:

$$\dot{V} = V \left( \frac{U}{KD} - \frac{P}{t} \right) + \frac{S}{K} \quad (4.24)$$

e (4.16) em:

$$KD\dot{\phi} + U\phi + V = 0 \quad (4.25)$$

Pode-se transformar (4.23) (eq. de Riccati) em uma equação de 2ª ordem fazendo-se:

$$U = -KD \frac{\dot{m}(t)}{m(t)} \quad m(t) \neq 0 \quad (4.26)$$

que levada em (4.23) nos dá:

$$\ddot{m} + \frac{P}{t} - M = 0 \quad (4.27)$$

Cuja solução é conhecida para qualquer dimensão.

Como estamos interessados sómente no quociente  $n/n$  podemos escrever (desprezando os coeficientes a se determinar com as condições de contorno), e para o nosso caso de geometria plana ( $P=0$ ):

$$m(t) = B e^t + e^{-t} \quad (4.28)$$

Consideremos a blindagem constituída de  $N$  regiões de raio exterior  $r_j$  ( $j=1$  a  $N$ ) e seja:

$$t_{j,1} = K_j \cdot \pi_{j-1}$$

$$t_{j,2} = K_j \cdot \pi_j$$

(ver figura 4.2)

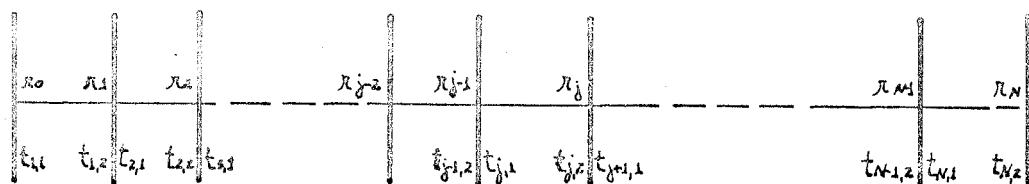


Fig. (4.2)

Seja  $UN$  a condição de contorno em  $r_N$ :

(4.29)

A equação (4.26) no ponto  $t_{N,2}$  dará:

$$-\frac{U_N}{K_N D_N} = \frac{\dot{n}(t_{N,2})}{m(t_{N,2})} \quad (4.30)$$

que permitirá determinar o coeficiente B da equação (4.28).

Obtem-se:

$$B = \frac{-U_N + K_N D_N}{e^{2\zeta_{N,2}} (U_N + K_N D_N)} \quad (4.31)$$

Uma vez determinado  $n(t)$  e  $U(t)$  na última região, através das equações (4.28) e (4.26), calcula-se  $U(t_{N,1})$  na fronteira à esquerda da região N e desde que U tem que ser contínua:

$$U(t_{N-1,2}) = U(t_{N,1}) \quad (4.32)$$

Desta forma pode-se calcular os novos B que permitirão calcular-se  $n(t)$  e  $U(t)$  na  $(N-1)^{\text{ésima}}$  região. ◎

Continuando-se o processo, calcula-se  $n(t)$  para todas as camadas de blindagem.

Usando agora (4.26), as equações (4.24) e (4.23) transformam-se em:

$$\dot{V} = V \left( \frac{\dot{m}}{m} + \frac{P}{t} \right) + \frac{S}{k} \quad (4.33)$$

$$\dot{\phi} = \phi \cdot \frac{\dot{n}}{n} - \frac{V}{k_D} \quad (4.34)$$

Sendo  $V_N$  valor de  $V(t)$  na fronteira exterior:

$$V(t_{N,2}) = V_N \quad (4.35)$$

A solução da equação diferencial de 1ª ordem (4.33) será:

$$V(t) = \frac{1}{m} \left[ V_N m(t_{N,2}) - \frac{1}{k_N} \int_t^{t_{N,2}} S(x) m(x) dx \right] \quad (4.36)$$

Da mesma forma é possível calcular  $V(t)$  para todas as camadas de blindagem, já que deveremos ter:

$$V(t_{j+1}) = V(t_{j+1,2}) \quad (4.37)$$

A solução de (4.34) será:

$$\phi(t) = n(t) \left[ -\frac{1}{k_1 D_1} \int_{t_{1,1}}^t \frac{V(x)}{m(x)} dx + \frac{\phi_i}{m(t_{1,1})} \right] \quad (4.38)$$

onde  $\phi_i = \phi(t_{1,1})$  valor inicial para o fluxo.

O valor inicial para a segunda camada será:

$$\phi_2 = \phi(t_{2,1}) = \phi(t_{1,1}) \quad (4.39)$$

O que poderá ser feito para todas as camadas, já que se tem os valores de  $V(x)$  e  $n(x)$  já calculados nestas camadas.

As integrais que aparecem nas equações (4.36) e (4.38) serão tratadas numericamente. Como resultado pode-se chegar à mesma precisão do que com outro método (por exemplo diferenças finitas), utilizando um intervalo de integração maior e consequentemente um menor tempo de máquina.

Todo o raciocínio acima é válido se prevalecerem as hipóteses:

- a)  $K > 0$  - satisfeita para todos os meios, exceto o vácuo, que exige tratamento especial.
- b)  $t > 0$  - quando  $P > 0$  - para geometrias esféricas e cilíndricas a origem  $r_0$  da blindagem deverá ser positiva.
- c)  $n(t) \neq 0$  - satisfeita em todos os casos, já que é fácil ver que  $n(t)$  é a solução (a menos de um fator de proporcionalidade) da equação de difusão homogênea, satisfazendo a condição de contorno:

$$b_0 D n'(r) + b_1 n(r) = 0 \text{ em } r = R_e. \quad n(t) \text{ nunca será nula se } b_1/b_0 \text{ for positiva, o que é verdade para o limite externo da blindagem.}$$

#### 4.3 - Fontes para a Equação de Difusão

O acoplamento dos neutrons de remoção nas equações de difusão, através do termo de fonte, é um fator importante do modelo de remoção difusão, já que se deseja obter uma boa aproximação do espectro de neutrons a partir de uma descrição simples da realidade física.

A moderação de neutrons é levada em conta através de uma matriz de transferência adequada, que será usada indiferentemente para neutrons de remoção e difusão, mesmo apesar de que os respectivos espectros sejam diferentes. Este fato não afetará os resultados devido aos intervalos estreitos de energia, adotados para os grupos de energia.

Usaremos a notação abaixo, referente ao  $i^{\text{ésimo}}$  grupo de energia:

$\phi_r^i(r)$  : fluxo de remoção no ponto  $r$  da blindagem;

$c_r^i(r)$  : densidade de colisões de remoção;

$\sum_a^i$  : seção de choque macroscópica de absorção;

$\sum_{ij}$  : seção de choque macroscópica total de transferência do  $i^{\text{ésimo}}$  para  $j^{\text{ésimo}}$  grupo.

Dos neutrons de remoção do  $i^{\text{ésimo}}$  grupo, por unidade de volume e tempo, em um ponto  $r$ , teremos:

$\phi_r^i(r) \cdot \sum_a^i$  neutrons absorvidos

$\phi_r^i(r) \cdot \sum_{ii}$  neutrons entram no próprio grupo como neutrons de difusão.

$\phi_r^i(r) \cdot \sum_{ij}$  neutrons passam para o  $j^{\text{ésimo}}$  grupo  
( $j > i$ )

$C_r^i(r) = \phi_r^i(r) \cdot \sum_r^i$  neutrons são removidos do grupo  $i$ .

Para que prevaleça o balanço de neutrons deveríamos ter:

$$C_r^i(n) = \phi_r^i(n) \sum_a^i + \phi_r^i(n) \sum_{ii}^* + \phi_r^i(n) \sum_{ij}^* \quad (4.40)$$

Na verdade conclui-se que este balanço não prevalecerá devendo principalmente, a dois fatos:

- a. as seções de choque de transferência são calculados a partir de seções de choque básicas que levam em conta (através de  $\sum_{ii}$ ) os neutrons espalhados que não tiveram sua energia e direção significativamente alteradas;
- b. as seções de choque de remoção são obtidas normalmente numa base inteiramente empírica.

A fim de ser coerente com o modelo adotado calcula-se um novo conjunto de termos diagonais  $\sum_{ii}^*$  da matriz de transferência, impondo desta forma o balanço de neutrons:

$$\sum_r^i = \sum_a^i + \sum_{ii}^* + \sum_{i,i+1} + \sum_{i,i+2} + \dots \quad (4.41)$$

O que permite que se obtenha:

$$\sum_{ii}^* = \sum_r^i - (\sum_a^i + \sum_{i,i+1} + \sum_{i,i+2} + \dots) \quad (4.42)$$

Agora pode-se calcular o térmo de fonte, para cada grupo de energia, necessário ao cálculo da equação de difusão, desde que se adote as hipóteses:

- a. No primeiro grupo há sómente neutrons de remoção;
- b. Estes neutrons sómente podem espalhar-se para o segundo grupo;

O térmo fonte para o segundo grupo será pois:

$$S_2(n) = C_n^1(n) - \sum_r^1 \phi_r^1(n) + \phi_r^2(n) \sum_{22}^* \quad (4.43)$$

A solução da equação de difusão correspondente nos dá  $\phi_d^2(n)$ . O fluxo total será dado por:

$$\phi_2(n) = \phi_d^2(n) + \phi_r^2(n) \quad (4.44)$$

Para os demais grupos tem-se:

$$S_3(n) = \phi_2(n) \sum_{2,3} + \phi_r^3(n) \sum_{33}^* \quad (4.45)$$

$$S_4(n) = \phi_2(n) \sum_{2,4} + \phi_3(n) \sum_{3,4} + \phi_r^4(n) \sum_{44}^* \quad (4.46)$$

$$S_i(n) = \phi_2(n) \sum_{2,i} + \phi_3(n) \sum_{3,i} + \dots + \phi_{i-1}(n) \sum_{i-1,i} + \phi_r^i(n) \sum_{ii}^* \quad (4.47)$$

A partir do sétimo grupo não se tem mais o fluxo de remoção:

$$S_i(n) = \phi_2(n) \sum_{2,i} + \phi_3(n) \sum_{3,i} + \dots + \phi_{i-1}(n) \sum_{i-1,i} \quad (4.48)$$

$i \geq 8$

## 5 - Fluxo de Raios Gama

Calcula-se o fluxo de raios gama através das camadas da blindagem, para sete grupos de energia, adotando-se o método de integração de kerneis. Os resultados são corrigidos, para levar em conta espalhamentos, através do fator de acumulação ("build-up").

### 5.1 - Fator de Acumulação ("build-up")

As fórmulas para cálculo da atenuação de raios gama não preveem o seu espalhamento, sendo necessário fazer-se correções. Desta forma define-se o fator de acumulação como o quociente do fluxo total (resposta de um detector colocado no ponto considerado) para o fluxo de gamas sem colisão (valor fornecido pela fórmula teórica). Uma vez determinado este fator poder-se-á fazer as correções dos valores teóricos a que chegarmos com a utilização das fórmulas de integração de kerneis.

A principal vantagem da aplicação da correção sob esta forma é que o fator de acumulação varia pouco em relação a variações das distâncias de atenuação, energia dos raios gama e materiais do meio de penetração. Este fato permite que se possa fazer interpolações, para obter o valor do fator a partir de um certo número limitado de dados para alguns casos específicos.

O fator normalmente já é encontrado tabelado para diversos tipos de fontes simples monoenergéticas e para meios homogêneos de composição química simples.

Normalmente estes dados são tabelados em função do tipo da resposta do instrumento de medida. Se estes tipos são intimamente relacionados, como é o caso de fluência de energia, exposição e doses absorvidas, os fatores correspondentes terão valores bem próximos.

Os fatores utilizados no programa correspondem a fontes pontuais em meio infinito. Estes dados foram calculados inicialmente por Goldstein e Wilkins (13) e são valores com precisão da ordem de 5 a 10%.

Várias tentativas foram feitas para expressar estes dados sob uma forma analítica, o que permite que se tenha:

- a. condensação de dados numéricos;
- b. diminuição do trabalho de interpolação para valores intermediários;
- c. uma maneira de trabalhar analiticamente com os fatores em fórmulas matemáticas.

Entre as fórmulas mais usadas destaca-se:

1 - Fórmula Linear:

$$B(\mu r) = 1 + k(\mu r) \quad (5.1)$$

válida para distâncias limitadas (da ordem do caminho livre médio). O valor de K é obtido dos dados utilizando-se a fórmula:

$$k = B(1) - 1 \quad (5.2)$$

2 - Fórmula de Berger:

$$B(\mu r) = 1 + \alpha \mu r e^{b \mu r} \quad (5.3)$$

onde os parâmetros  $\alpha$  e  $b$  são obtidos através de ajustes com os dados de Goldstein e Wilkins (14) até o comprimento de penetração de cerca de 10 caminhos livre médio.

3 - Fórmula de Capo:

$$B(\mu r) = \sum_{i=0}^3 \beta_i (\mu r)^i \quad (5.4)$$

onde:

$$\beta_i = \sum_{\delta=0}^4 C_{ij} \left(\frac{1}{E}\right)^\delta \quad (5.5)$$

parâmetros obtidos igualmente com ajustes aos dados de Goldstein e Wilkins, porém no caso válido até a distância de 20 caminhos livre médio (15).

4 - Fórmula de Taylor (16):

$$B(\mu n) = A_1 \cdot e^{-\alpha_1 \mu n} + (1-A_1) \cdot e^{-\alpha_2 \mu n} \quad (5.6)$$

fórmula bastante usada, apesar de que para alguns casos, por exemplo para a água, a precisão dos valores obtidos não é comparável com a dos dados originais.

### 5.2 - Cálculo do Fluxo de Raios Gama

Considera-se uma fonte plana infinita de intensidade  $S_a [\gamma/cm^2]$ , à frente da qual se dispõe diversas camadas de blindagem de espessura  $b_i$  (ver fig. (5.1))

Seja um ponto M, colocado na camada i, distante X da fonte e no qual queremos calcular o fluxo de gamas.

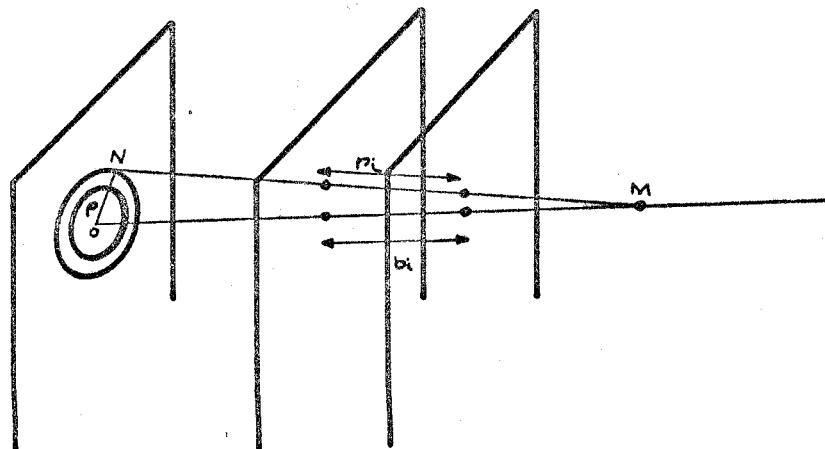


Fig. (5.1)

41.

Seja uma coroa elementar de eixo MO, raio médio  $\rho$  e largura  $d\rho$ . O fluxo em  $M$  devido a esta coroa será:

$$d\Gamma(x, E) = S_a(x) \cdot 2\pi\rho d\rho \cdot \frac{B(\mu R, E)}{4\pi R^2} e^{-\mu R} \quad (5.7)$$

, onde:  $\mu_R = \sum \mu_i r_i$  e:  $(5.8)$

$\mu_i$  = coeficiente da atenuação linear da camada  $i$

$R$  = distância do ponto  $M$  à coroa considerada ( $R = MN$ )

$$R = \sum_{i=1}^N r_i \quad (5.9)$$

$N$  = nº de camadas de blindagem

$B$  = fator de acumulação

Tomando o fator de acumulação sob a forma de Taylor:

$$B(\mu R, E) = A(E) e^{-\alpha_1 \mu R} + (1-A(E)) e^{-\alpha_2 \mu R} \quad (5.10)$$

e, levando na equação (5.7) obteremos, após integrar sobre toda a fonte plana infinita:

$$\Gamma(x, E) = \frac{1}{2} S_a \left\{ A(E) E_1[(1+\alpha_1)\mu x] + (1-A(E)) E_1[(1+\alpha_2)\mu x] \right\} \quad (5.11)$$

No nosso caso, quando o meio não é homogêneo  $\mu_x$  tem a forma:

$$\mu_x = \sum^m \mu_i b_i \quad (5.12)$$

Para o cálculo do fluxo gama em um ponto qualquer da camada i, deveremos considerar:

- Os gamas devido a fontes de outras regiões
- Os gamas devido a fontes na região i

#### 5.2.1 - Contribuição devido a fontes fora da camada onde se faz o cálculo

Calculamos o fluxo de raios gama no ponto M da camada i, devido à fonte gama isotrópica volumétrica  $S_v(x, E)$  distribuída na camada n de espessura  $b_n$ . Consideramos o ponto O como origem das coordenadas (ver fig. (5.2)). Substitui-se a fonte  $S_v$ , por fontes planas isotrópicas de intensidade:  $S_a = S_v \cdot dx_n$

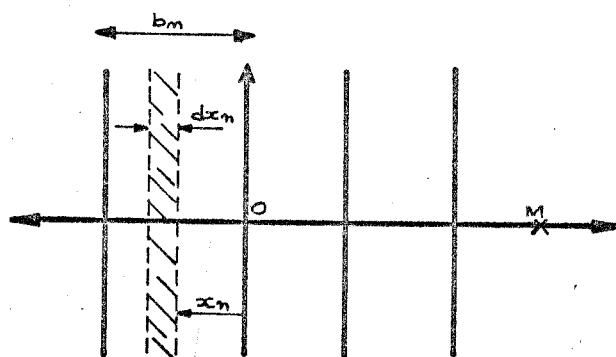


Fig. (5.2)

A contribuição ao fluxo em M, devido à fonte de espessura  $dx_n$ , será, utilizando a equação (5.11):

$$dF(M, E) = \frac{S_a(x_n, E) dx_n}{2} \left\{ A \cdot E_1 [(1+\alpha_1) \mu x] + (1-A) \cdot E_1 [(1+\alpha_2) \mu x] \right\} \quad (5.13)$$

Integrando sobre toda a camada n:

$$d\Gamma(M, E) = \frac{1}{2} \int_0^{b_n} S_v(x_n, E) \left\{ A \cdot E_1 [(1+\alpha_1) \mu x] + (1-A) \cdot E_1 [(1+\alpha_2) \mu x] \right\} dx_n \quad (5.14)$$

Como no nosso caso o meio não é homogêneo  $\mu x$  tomará a forma:

$$\sum_k \alpha_k \mu_k + \mu_m x_n \quad \begin{matrix} k \neq n \\ k \neq i \end{matrix}$$

$$n < i \rightarrow m < k < i$$

$$n > i \rightarrow i < k < n$$

A equação (5.14) transforma-se em:

$$\Gamma(M, E) = \frac{1}{2} \int_0^{b_n} S_v(E, x_n) \left\{ A \cdot E_1 [\mu' x_n + a'] + (1-A) \cdot E_1 [\mu'' x_n + a''] \right\} dx_n \quad (5.15)$$

, onde:

$$\mu' = (1+\alpha_1) \mu_m$$

$$\mu'' = (1+\alpha_2) \mu_m$$

$$a' = (1+\alpha_1) a$$

$$a'' = (1+\alpha_2) a$$

$$a = \sum_k \mu_k b_k$$

sendo:  $b_k$  - espessura da camada  $k$  (cm)

$\mu_k$  - coeficiente da atenuação linear da camada  $k$  ( $\text{cm}^{-1}$ )

Para resolver a equação (5.15) teremos que utilizar integração numérica, porém encontraremos dificuldades já que: quando o integrando da função  $E_1$  tender para zero (pontos muito próximo da camada  $n$ ) a integral exponencial cresce para infinito.

Evita-se este fato decompondo-se a fonte em:

$$S_v(E, x_n) = S_v(E, 0) + \Delta S(E, x_n) \quad (5.16)$$

Calcula-se:

$$\Delta S(E, x_n) = S_v(E, x_n) - S_v(E, 0) \quad (5.17)$$

sabendo-se os valores de:

$$S_v(E, x_n) = \sum_a \phi_a(x_n) \nu(E) \quad (5.18)$$

$$S_v(E, 0) = \sum_a \phi_a(0) \nu(E) \quad (5.19)$$

onde:  $\sum_a$  - seção de choque macroscópica da captura de neutrons  
 $\phi_a(x)$  - fluxo de neutrons térmicos no ponto de abscissa  $x$   
 $\nu(E)$  - nº de fatôres de energia  $E$  emitidos por captura.

Levando S<sub>v</sub> desta forma em (5,15) obtém-se:

$$\Gamma(M, E) = \frac{1}{Z} (F_1 + F_2 + I_1 + I_2) \quad (5.20)$$

onde:

$$F_1 = S_v(E, 0) \left\{ \frac{A}{\mu_n} [E_2(a) - E_2(a' + \mu_n b_n)] \right\} \quad (5.21)$$

$$I_1 = \int_0^{b_n} \Delta S_v(E, x_n) [A \cdot E_1(a' + \mu_n x_n)] dx_n \quad (5.22)$$

$F_2$  e  $I_2$  são obtidos substituindo em (5.21) e (5.22), A por  $(1 - A)$  e  $\mu_n$  e  $a'$  por  $\mu_n''$  e  $a''$ , respectivamente.

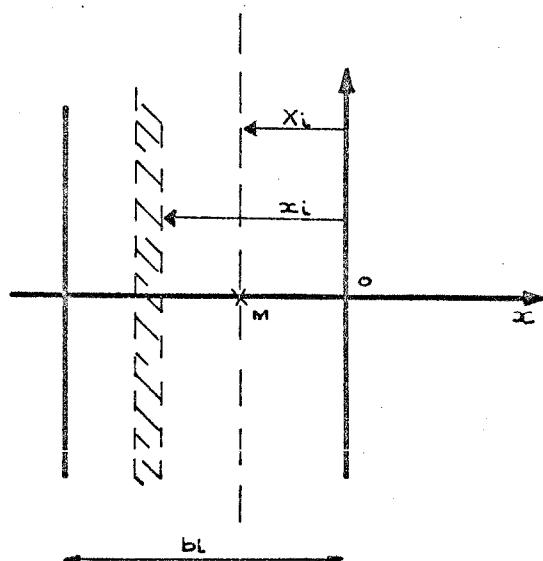
$F_1$  e  $F_2$  geralmente representam a maior contribuição para o fluxo dos raios gama e são facilmente calculados.

$I_1$  e  $I_2$  podem ser integrados numéricamente muito mais facilmente e com muito mais precisão, já que os respectivos integrandos variam muito menos do que o da equação (5.15).

No caso de x próximo de zero  $I_1$  e  $I_2$  se anularão, já que S será nula, levantando-se desta forma o problema que surgia com o uso da equação (5.15).

## 5.2.2-Contribuição Devido a Fontes na Camada onde se faz o Cálculo

Calculemos o fluxo de raios gama no ponto M situado na região i, devido a fontes situadas nesta mesma região.



(Fig. 5.3)

Seja Xi a abscissa do ponto M e b\_i a espessura da camada i (ver fig. 5.3)

Para cada energia E teremos duas contribuições para o fluxo devidas às regiões à esquerda e à direita de M.

A soma das duas contribuições nos dará o fluxo total, (válidas a nomenclatura e observações feitas para a obtenção da eq.(5.20) ):

$$\Gamma(M, E) = \frac{1}{2} \int_0^{x_i} S_v [E, (x_i - t)] \left[ A \cdot E(\mu_i^i t) + (1-A) \cdot E_i(\mu_i^i t) \right] dt + \frac{1}{2} \int_{x_i + b_i}^{x_i + b_i} S_v [E, (x_i + t)] \left[ A \cdot E_i(\mu_i^i t) + (1-A) \cdot E(\mu_i^i t) \right] dt \quad (5.23)$$

Fazendo o mesmo artifício:

$$S_v(E, X_i + t) = S_v(E, X_i) + \Delta S(E, X_i + t)$$

(5.24)

$$S_v(E, X_i - t) = S_v(E, X_i) + \Delta S(E, X_i - t)$$

Substituindo-se, chegamos a :

$$\Gamma(M, E) = \frac{1}{2} (F_{11} + F_{22} + I_{11} + I_{22} + F_{21} + F_{12} + I_{21} + I_{12}) \quad (5.25)$$

onde:

$$F_{11} = \frac{S_v(E, X_i)}{\mu'_i} A(E) \left\{ E_2[0] - E_2[\mu'_i X_i] \right\} \quad (5.26)$$

$$F_{22} = \frac{S_v(E, X_i)}{\mu'_i} A(E) \left\{ E_2[0] - E_2[\mu'_i (b_i - X_i)] \right\} \quad (5.27)$$

$$I_{11} = \int_0^{X_i} A(E) \Delta S(X_i - t) E_1[\mu'_i t] dt \quad (5.28)$$

$$I_{22} = \int_0^{b_i - X_i} A(E) \Delta S(X_i + t) E_1[\mu'_i t] dt \quad (5.29)$$

Os demais termos são obtidos substituindo-se A por  $(1 - A)$  e  $\mu'_i$  por  $\mu''_i$

### 5.3 - Fontes de Raios Gama

As possíveis fontes de raios gama são classificadas como se segue, de acordo com as regiões de origem:

- a. Núcleo do reator (região 1 e 2), na qual considera-se:
  - 1. Raios Gama de fissão;
  - 2. Raios Gama de Captura de Neutrons;
  - 3. Raios Gama de Espalhamento Inelástico.
  
- b. Blindagem, onde são considerados:
  - 1. Raios Gama de Captura de Neutrons;
  - 2. Raios Gama de Espalhamento Inelástico.

#### 5.3.1 - Raios Gama na Região do Núcleo do Reator

A fonte de gamas  $S_v$ , emitidos com energia correspondente ao grupo K, em um ponto x qualquer do núcleo, será dada por:

$$S_v = S_0 f_k + \sum_{i=L}^{N_{GN}} \phi_i(x) p_{i,k} + \sum_{i=L}^N \phi_i(x) q_{i,k} \quad (5.30)$$

onde:

$S_0$  - densidade de fissões do material do núcleo

$f_k$  - fração dos gamas emitidos por fissão e produto de fissões em equilíbrio, no intervalo K de energia

$\phi_i(x)$  - fluxo total de neutrons no ponto x do núcleo, correspondente ao grupo i.

L - índice inicial da somatória correspondente ao término de captura de neutrons (normalmente L = 1)

O valor de  $\phi_i(x)$ , dentro do núcleo, é calculado supondo-se a dependência linear:

$$\phi_i(x) = \phi_i(0) \cdot (1 + Cx) \quad (5.31)$$

onde:

$\phi_i(0)$  - fluxo de neutrons na interface do núcleo com a blindagem.

C - inclinação média do fluxo térmico (componente principal na produção de raios gama).

O termo  $P_{i,k}$  que corresponde à fonte, devido à captura de neutrons, é dado por:

$$P_{i,k} = \sum_{\ell=1}^{N_{el}} N_{el} \cdot \sigma_c^{\ell,i} C_{\ell,k} \quad (5.32)$$

onde:  $N_{el}$  - número de elementos da camada correspondente do núcleo  
 $\sigma_c^{\ell,i}$  - densidade nuclear do  $i^{\text{ésimo}}$  elemento

Para cada um dos  $N_{el}$  elementos  $\ell$  da camada do núcleo temos:

- seção de choque microscópica de captura de neutrons no  $i^{\text{ésimo}}$  grupo de energia
- Número de raios gama, emitidos na energia correspondente ao grupo K, devido à captura de neutrons.

Já o termo  $q_{i,k}$ , que corresponde à fonte devido a espalhamento inelástico, será dado por:

$$q_{i,k} = \sum_{j=0}^M \sum_{\ell=1}^{N_{el}} N_{el} \sigma_{i,j,\ell}^{\ell} Q_{\ell}(i,j,k) \quad (5.33)$$

onde:

$M$  - índice de somatória que dá o grupo de mais baixa energia para onde é espalhado um neutron que sofreu uma colisão inelástica (normalmente  $M = 7$ )

Para o  $i^{\text{ésimo}}$  elemento da camada do núcleo temos:

$\sigma_{i,i+j}$  - seção de choque microscópica de espalhamento inelástico do  $i^{\text{ésimo}}$  para o  $(i+j)^{\text{ésimo}}$  grupo de energia mais baixa.

$Q_{(i,j,k)}$  número de raios gama emitidos no grupo  $k$ , resultado de espalhamento inelástico de um neutron do grupo  $i$  para grupo  $(i+j)$ .

O programa permite que se considere sómente os neutrons de baixa energia para capturas quando se fornece o índice  $L$  com valor adequado.

Quando a fonte, devido a espalhamento inelástico, é desprezível, não há necessidade de fornecer-se os dados correspondentes, uma vez dado a LO um valor maior do que o número de grupos de neutrons ( $LO > NGN$ ).

Ainda, se não for necessário calcular fontes de raios gama basta dar o índice  $LG = 0$ . ◎

### 5.3.2 - Raios Gama na Região da Blindagem

Na região da blindagem a fonte de raios gama deve-se principalmente a capturas e espalhamento inelástico de neutrons, sendo calculada no ponto  $r$  da blindagem, correspondente ao grupo  $k$ , por:

$$S_k(r) = \sum_{i=L}^{NGN} \phi_i(r) \cdot \rho_{i,k} + \sum_{i=L}^N \phi_i(r) \cdot q_{i,k} \quad (5.34)$$

51.

onde:

NGN - número de grupos de neutrons.

N - um dos índices do grupo de neutrons ( $N \leq NGN$ ), normalmente  $N=7$ .

## 6 - Biblioteca de Dados

Os dados básicos multigrupo necessários ao programa foram obtidos a partir da biblioteca do código MAC (17) e gravados em fita magnética.

A cada elemento foi dado um código (tabela (6.1)), que será utilizado cada vez que se necessitar referenciar o constituinte de uma das camadas.

Tabela (6.1)

### CÓDIGO DOS ELEMENTOS CONSTITUTUINTES DA BIBLIOTECA

#### DE DADOS

ELEMENTO	CÓDIGO	ELEMENTO	CÓDIGO	ELEMENTO	CÓDIGO	ELEMENTO	CÓDIGO
H	1	V	22	PD	43	HF	64
HE	2	CR	23	AG	44	TA	65
LI	3	MN	24	CD	45	W	66
BE	4	FE	25	IN	46	RE	67
B	5	CO	26	SN	47	OS	68
C	6	NI	27	SB	48	IR	69
N	7	CU	28	TE	49	FT	70
O	8	ZN	29	I	50	AU	71
F	9	GA	30	XE	51	HG	72
NA	10	GE	31	CS	52	TL	73
MG	11	SE	32	BA	53	PB	74
AL	12	BR	33	LA	54	BI	75
SI	13	KR	34	CE	55	TH	76
P	14	RB	35	PR	56	U	77
S	15	SR	36	ND	57	U235	78
CL	16	Y	37	SM	58	U238	79
A	17	ZR	38	LJ	59	FU39	80
K	18	NB	39	GD	60	FU40	81
CA	19	MO	40	TB	61	FU41	82
SC	20	RU	41	DY	62	FU46	83
TI	21	RH	42	HO	63	FU7	84

A cada conjunto de dados corresponde um código (tabela 6.2), que é referenciado quando se deseja obter certo conjunto específico (por exemplo: seções de choque microscópica multigrupo de absorção).

Tabela (6.2)

CÓDIGO DE CONJUNTOS DE DADOS MULTIGRUPO  
ARMAZENADOS NA BIBLIOTECA DE DADOS

CÓDIGO	CONJUNTO DE DADOS	
	NOME FORTRAN	DESCRIÇÃO
1	SIGI	Seção de choque microscópica de espalhamento de neutrons
2	PCTI	Matriz de espalhamento inelástico
3	QIAC	Coeficiente de attenuação linear para raios gama
4	PF	Energia emitida por captura de neutrons
5	CRS	Seção de choque microscópica de reação de neutrons
6	SIGS	Seção de choque microscópica de espalhamento elástico de neutrons
7	SIGA	Seção de choque microscópica de absorção de neutrons

Toda vez que o programa é utilizado o arquivo dos dados básicos em fita é descarregado em disco magnético. Os conjuntos de dados específicos, para os elementos de cada camada, são pesquisados e descarregados na memória principal do computador.

Realizou-se um programa separado para tratar os dados básicos. Este programa fornece seções de choque macroscópica de cada camada de blindagem, a partir de dados microscópicos e da densidade nuclear dos constituintes da camada. Este programa tem como saída, em cartões, todas as seções de choque microscópicas que servirão de entrada ao programa principal.

### 6.1 - Dados Necessários ao Cálculo do Fluxo de Remoção

Para o cálculo do fluxo de remoção necessita-se dos seguintes dados:

- a.  $F(k)$  - fração de neutrons de fissão emitidos por grupo de fissão.

- b.  $\sum_t^k$  - seção de choque de remoção macroscópica para cada camada da blindagem e grupo de energia de fissão.

Já o cálculo do fluxo de difusão exige que se tenha, para cada grupo  $i$  de difusão e em cada camada:

- a.  $\sum_a^i$  - seção de choque macroscópica de absorção.

- b.  $\sum_{ij}^i$  - seção de choque macroscópica total de transferência do  $i^{\text{ésimo}}$  para o  $j^{\text{ésimo}}$  grupo de neutrons.

$$(j \geq i)$$

- c.  $\sum_t^i$  - seção de choque macroscópica total.

### 6.2 - Dados Necessários ao Cálculo do Fluxo de Raio Gama

⑥

Para se calcular o fluxo de gamas necessita-se dos seguintes dados, para cada camada do núcleo e da blindagem e para cada grupo de energia  $k$ :

$f_k$  - espectro de gamas de fissão prontos e de equilíbrio.

$\mu^*$  - coeficiente de atenuação linear.

$C_k$  - número de gamas por captura de neutrons.

$\sum_i^k$  - seção de choque macroscópica de captura de neutrons.

$\sum_{ij}^{ik}$  - seção de choque macroscópica de espalhamento inelástico do  $i^{\text{ésimo}}$  para o  $j^{\text{ésimo}}$  grupo de energia.

$Q(i,j,k)$  - número de gases enriquecidos, devido a espalhamento inelástico do grupo i para o grupo j.

$A, \alpha_1, \alpha_2$  - coeficiente do fator de acumulação dado sob a forma de Taylor.

## 7 - Desenvolvimento do Programa Reactor

Propõe-se a seguir diversas etapas que visam completar o trabalho realizado. Muitas delas são de fácil execução, algumas porém apresentam maiores dificuldades, podendo servir mesmo a trabalhos de tese.

As tarefas mais problemáticas são as que necessitam comprovação experimental, pois exigem fontes de radiação de alta intensidade, e com dispositivos de acesso especiais, não disponíveis no nosso meio.

### 7.1 - Tarefas a realizar

Este trabalho poderá ser considerado completo quando forem realizadas as seguintes tarefas:

- a. Utilização de uma biblioteca completa de seções de choque mais coerente com o método utilizado;
- b. Utilização de subprograma para cálculo de funções de resposta do tipo:

$$R(\alpha) = \sum_{i=1}^{i_2} \phi_i(\alpha) f_i \quad (7.1)$$

$$1 \leq i_1 \leq i_2 \leq N_{\text{FN}}$$

©

para obtenção de taxas de dose, taxa de reação, fluxos rápido e epitérmico, determinação do aquecimento da blindagem devido à radiação.

A outra utilidade seria o cálculo da taxa de reação para detectores de "threshold", para obtenção de informações na região rápida do espectro de neutrons;

- c. Otimização do programa quanto ao tempo de processamento e memória de computador utilizada;
- d. Verificação experimental dos resultados fornecidos pelo código, para diversos materiais de blindagem, principalmente a grandes distâncias do núcleo do reator;

e. Verificação experimental dos dados utilizados ;  
principalmente seção de choque de velocão.

## 8 - Manual do Usuário

Apresenta-se a seguir instruções necessárias para o interessado utilizar o código realizado, de forma a entrar com os dados de maneira adequada e obter os resultados desejados.

### 8.1 - Configuração do Computador

O código foi realizado na linguagem de programação FORTRAN básico. Utilizou-se principalmente o sistema /360-módulo 40 do Centro de Computação da UFMG, sendo que no início foi utilizado o sistema 1130 da Escola de Engenharia da mesma Universidade. Sem adotar qualquer técnica de compartilhamento de memória, o programa no seu estado atual ocupa um total de 110K bytes (palavra de 4 bytes).

### 8.2 - Escolha dos Intervalos de Integração por Camadas

O usuário deverá estabelecer (através da variável NIC) o número de intervalos de integração para cada camada da blindagem. Cada um destes intervalos deverá ficar dentro de uma faixa variável para cada material. Este fato deve ser observado principalmente para os casos onde o fluxo varie acentuadamente (regiões mais absorvedoras®, interfaces entre diversas camadas).

Na tabela (8.1) apresenta-se as faixas para materiais mais usuais.

Tabela (8.1)Intervalos de Integração para Camadas de Blindagem

MATERIAL	INTERVALO (cm)
Água	0,70 - 1,00 **
Água-pesada	0,70 - 1,50 **
Berílio	0,50 - 1,00 **
Grafite	1,00 - 2,00 **
Alumínio	1,50 - 2,00 **
Concreto	1,50 - 2,50 **
Ferro	0,50 - 1,00 *
Chumbo	1,50 - 3,00 **

\* comprovado pelo código

\*\* referência (18)

Para cada ponto da blindagem, correspondente a um intervalo, programa imprime o valor do fluxo de neutrons e gamas.

Note-se que quanto menor o valor do intervalo de integração maior será o tempo de máquina necessário para se obter os valores de fluxo. Deve-se, pois, fazer um compromisso entre a precisão desejada e o tempo de máquina consumido.

Com as limitações do programa, para o número máximo de 6 intervalos por camada, pode-se subdividir as placas de blindagem em tantas placas adjacentes quantas forem necessárias para se enquadrar o intervalo de integração ao limite dado pela tabela (8.1).

Isto também se aplica a placas de espessura muito grande, já que devido a problemas de "under" e "overflow", na memória do computador, deve-se subdividi-las em algumas placas adjacentes. Tem exemplo no caso da água a espessura, devido a este fato, não deverá ultrapassar 60 cm. (18).

### 8.3 - Variáveis de Entrada

Os dados de entrada necessários à utilização do programa são descritos na tabela (8.2) a seguir. A sequência em que os conjuntos de dados deverão ser fornecidos pode ser observada através da subrotina DAENE (ver apêndice).

### 8.4 - Saída do Programa

O programa realizado, em seu estágio atual, emite o valor dos fluxos de neutrons e raios gama, para cada intervalo de camadas, através de todas as placas de blindagem, em pontos específicos através da variável NIC (que define o número de intervalos para cada camada).

O fluxo de raios gama é fornecido também nos diversos pontos das duas camadas do núcleo.

TABELA (3.2)  
DADOS DE VERDADE

©

CONTATO DE MATERIAIS	COLUNA	FORMATO ESTRUTURAL	POSS. PROTEZ.	POSS. INTERAT.	DESCRICA O	RADIATIVAS INTENS.	UNIDADE MATERIAL
3	1.5	T5	—	NC	Não de camadas de blindagens (não de seção total = NC+2)	—	—
1	6-10	T5	—	NCN	não de grupos de neutrons de difusão	—	—
1	11-15	T5	—	NC	não de grupos de espectro de fluxo	—	—
1	21-25	T5	—	INC	Se $\Sigma$ não bê célula de fluxo de reação inicia $\geq$ NEN	—	—
1	26-30	T5	—	TCR	Indice que define a geometria de blindagem, no caso = 0 (zero)	—	—
1	31-35	T5	—	H	limite máximo da contralumigao de espalhamento inelástico $H \leq NCN$ , $H = 7$ (normalmente)	—	—
1	36-40	T5	—	TO	Se $\Sigma$ NCN não há fonte de gama, servido e espalhamento inelás- tico $\leq 0$ não há fonte gama	—	—
1	41-45	T5	—	TCB	não de tipos de camadas de blind- agem (constituídas do mesmo material)	—	—
1	46-50	T5	—	INCT	padronização de camadas totais	—	—

## TABELA (8.2)

## TABUADA

## Combinacão 2

COMBINACAO	COMBINACAO	COMBINACAO	COMBINACAO
1 51-55	15	31	DIFUSOR(3)
2 1-80	15	31	REFLEXO
3 1-80	15	REF(T)	INDICADOR(3)
4 11-70	310,2	A	INDICADOR(3)
4 11-70	310,2	A	INDICADOR(3)
5 1-15	310,2	A	INDICADOR(3)
5 16-30	315,5	C	INDICADOR(3)
5 31-45	315,5	P	INDICADOR(3)
5 46-75/(1-75)	315,5	R	INDICADOR(3)
6 11-70	310,2	P	INDICADOR(3)
7 1-30	315,5	A0,BO	INDICADOR(3)

índice inicial de esmaltecimento  
isotrópico normalizado  $T_1 = 1$   
na de intervalos por camada do  
núcleo e blindagem

índice dos tipos diferentes de  
camadas (1 a 100)  
coef. de fator de acumulação:

Regras de Taylor

coef. do fator de acumulação:

Fórmula de Taylor

TABELA (8,2)

## DADOS DE IMPACTO

continuação

CONTENDO DE DÁDOS	FORMULA	UNIDADE	DEFINIÇÃO	UNIDADE
7	$30 \cdot 60$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
8	$\sum_{i=1}^{15} (1 \cdot 15) \cdot \sum_{j=1}^{15} (1 \cdot 15)$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
9	$1 \cdot 75$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
10	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
11	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
12	$\frac{1}{2} \cdot 30$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
13	$\frac{1}{2} \cdot 30$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
14	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
15	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
16	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
17	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
18	$1 \cdot 80$	$\text{cm}^2$	ÁREA DE EXPOSIÇÃO	$\text{cm}^2$
	$\mu$		COEFICIENTE DE ABSORÇÃO	$\text{cm}^{-1}$
	$\mu_{\text{eff}}$		COEFICIENTE DE ABSORÇÃO EFETIVO	$\text{cm}^{-1}$
	$\sum_{i=1}^{15} \sum_{j=1}^{15} \mu_{ij}$		COEFICIENTE DE ABSORÇÃO MÉDIA	$\text{cm}^{-1}$

$$\text{COEFICIENTE DE ABSORÇÃO MÉDIA} = \frac{\sum_{i=1}^{15} \sum_{j=1}^{15} \mu_{ij}}{225}$$

$$\text{COEFICIENTE DE ABSORÇÃO EFETIVO} = \frac{\sum_{i=1}^{15} \sum_{j=1}^{15} \mu_{ij}}{225}$$

$$\text{COEFICIENTE DE ABSORÇÃO LINHA} = \frac{\sum_{i=1}^{15} \sum_{j=1}^{15} \mu_{ij}}{225}$$

## 9- Conclusões Finais - Resultados Obtidos

Uma vez realizado o programa seria necessário testá-lo, de preferência experimentalmente, para um caso real. Procurar-se-ia determinar a resposta de um detector colocado em qualquer ponto da blindagem, para compará-la com o valor fornecido pelo código.

O processo de medida para o caso permitiria obter resultados com uma precisão da ordem de 20 a 30% (20). Esta incerteza deve-se principalmente a erros sistemáticos:

- a) no valor da potência do reator
- b) na posição do detector
- c) na incerteza da composição da blindagem
- d) nos fatores de calibração do detector

Este fato não seria grande problema já que os códigos de remoção difusão desenvolvidos até o presente não conseguem alcançar precisão menor que 200%, para a determinação de fluxos absolutos (20), rima blindagem perfeitamente determinada.

A tendência ainda é obter-se resultados piores quanto maior espessura da blindagem. Estes erros devem-se principalmente:

- a) à simplicidade de método que pretende, através de um formalismo simplificado, resolver um problema físico complexo.
- b) imprecisão nos valores das seções de choque utilizadas.
- c) geometria da blindagem.
- d) efeito da falta de homogeneidade da blindagem, que é constituída de placas diferentes.

Tentou-se fazer a comprovação experimental do método utilizar do reator TRIGA IPR-R1. Concluiu-se a impraticabilidade da experiência devida a:

- a) geometria do núcleo, com impossibilidade de qualquer tipo de correção dos resultados, devido às pequenas dimensões do reator.
- b) níveis de radiação muito baixos, aquém dos limites prático de medida, em ponto qualquer de uma possível blindagem,

Devido aos fatos citados, a comprovação do método sómente pode ser feita através de comprovação com valores obtidos em bibliografia. Procurou-se comparar os resultados obtidos com valores fornecidos por um código semelhante ao realizado, no caso o código MARAD (19). O código realiza os cálculos para um reator moderado a água e com blindagem constituída de placas de aço (ver fig. 9.1). Na verdade a comparação não pode ser perfeita devido aos seguintes problemas:

- a) diversidade da biblioteca de seções de choques utilizada.
- b) imprecisão inherente do método, desde que se utilizou processos matemáticos diferentes.
- c) memória disponível de computador, o que não permitiu que se realizasse a comparação para todas as camadas de blindagem.

O limite no intervalo de integração obriga que se faça cálculos em muitos pontos intermediários e subdivida as camadas. Isto fez com que sómente fosse possível o cálculo nas primeiras camadas da blindagem. Como para cada cálculo temos que entrar com as condições de contorno, com o corte realizado ficou impossível aplicar as condições de contorno possíveis para a última camada ou seja:

- a- distância de extração
- b- corrente de neutrons que entram nula.

Tivemos que adotar um processo iterativo, procurando determinar a distância de extração naquele ponto da blindagem. Uma vez determinada esta distância, pode-se comparar os resultados obtidos nos diversos pontos da blindagem. Devido à dificuldade do processo, sómente foi possível a determinação para alguns grupos de energia. Apresentamos na figura (9.1) os resultados do código MARAD e os valores obtidos pelo código BLINDA. A comparação foi possível apenas para neutrons.

No Apêndice apresentamos os resultados finais para todos os grupos de neutrons e raios gama.

Constituintes das camadas de blindagem

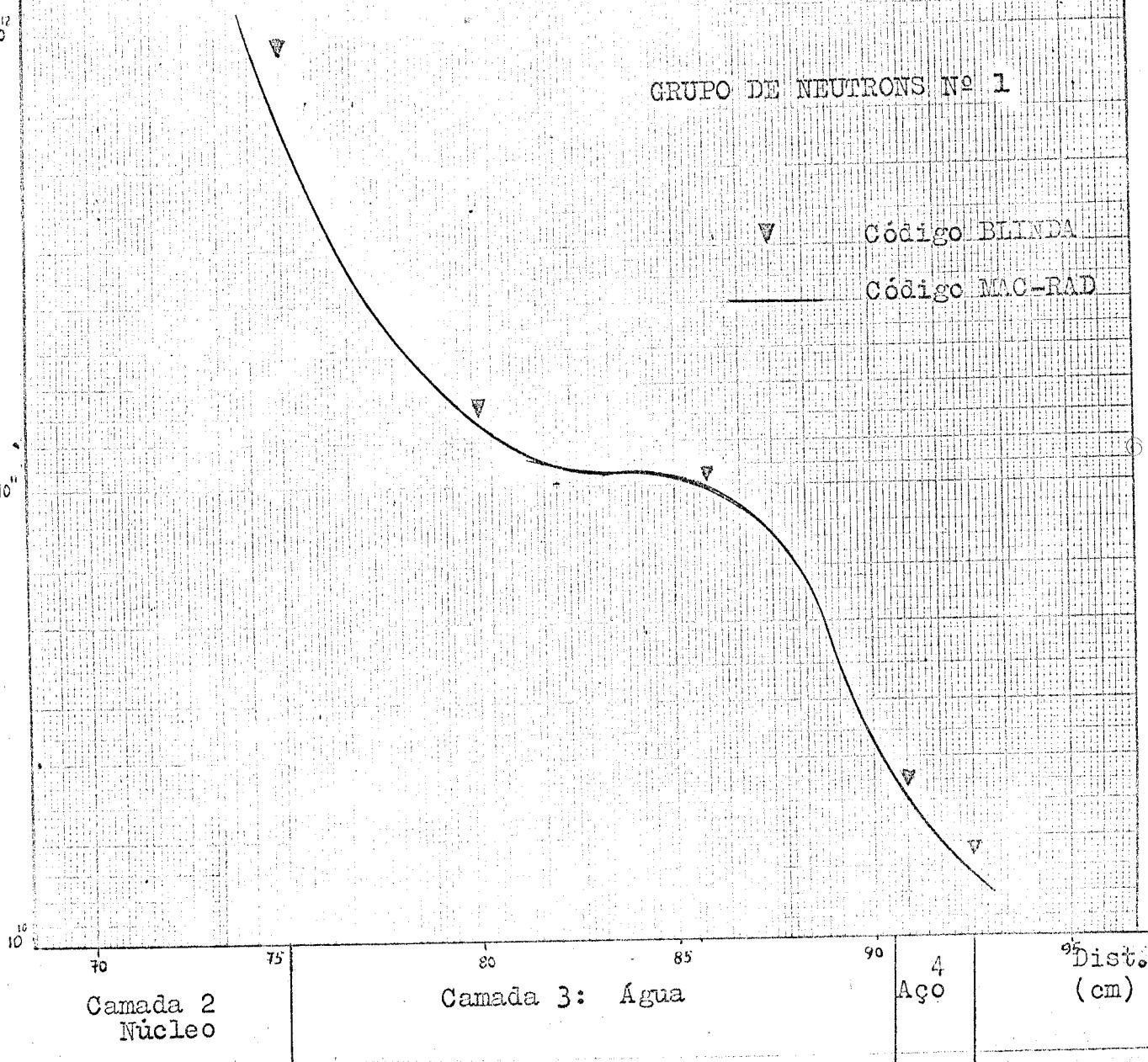
Camada	Elemento	% em Peso	Camada	Elemento	% em Peso
1-Núcleo	H	0,0135	3-Agua	H	0,1117
	C	0,2908		O	0,8883
	O	0,3913			
	Al	0,2466			
	Cr	0,0014			
	Fe	0,0059			
	Ni	0,0006			
	U235	0,0090			
	U238	0,0359			
2-Núcleo	H	0,0575	4-Aço	C	0,0018
	Al	0,7822		Si	0,0023
	U235	0,0320		P	0,0002
	U238	0,1282		S	0,0002

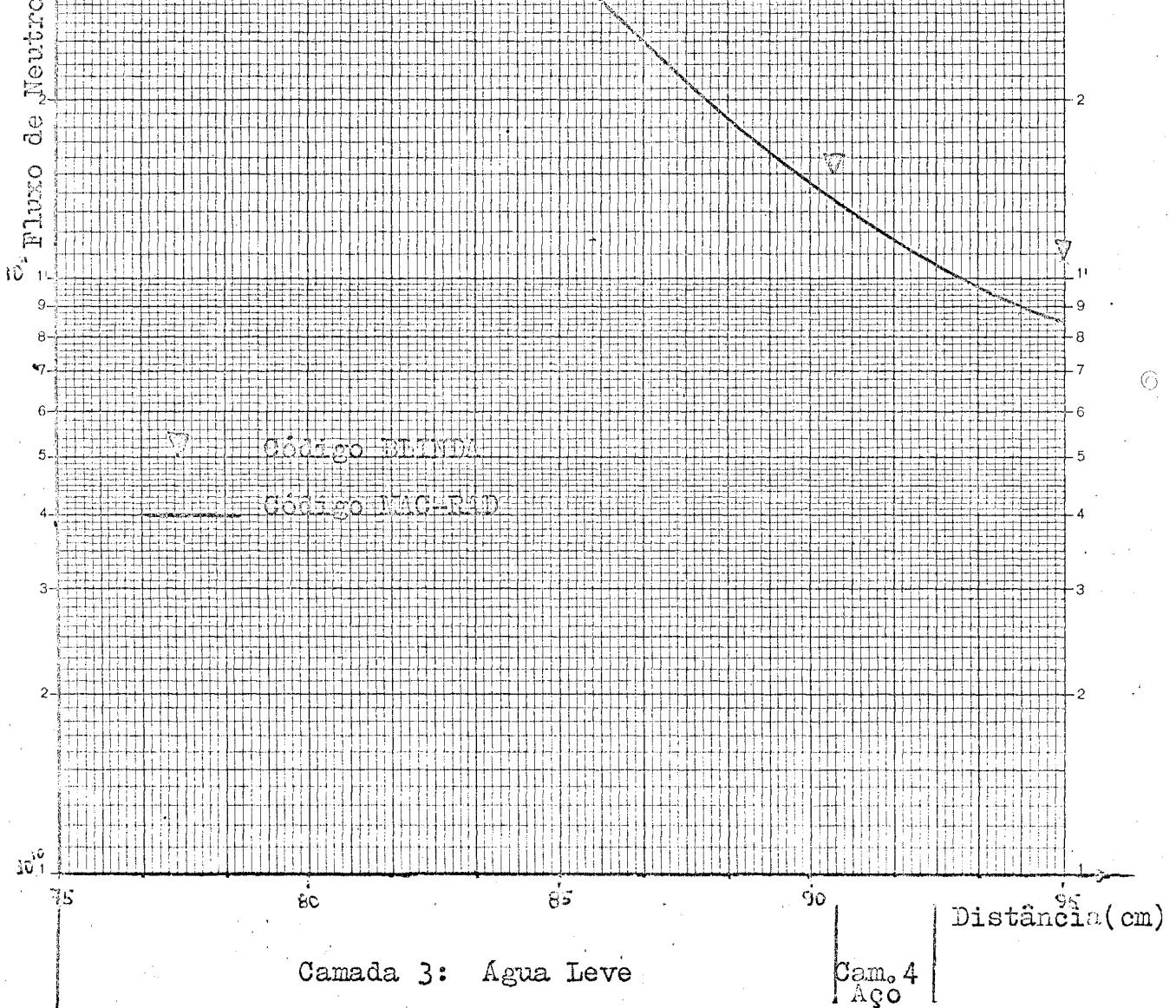
FIG. (9.1a)

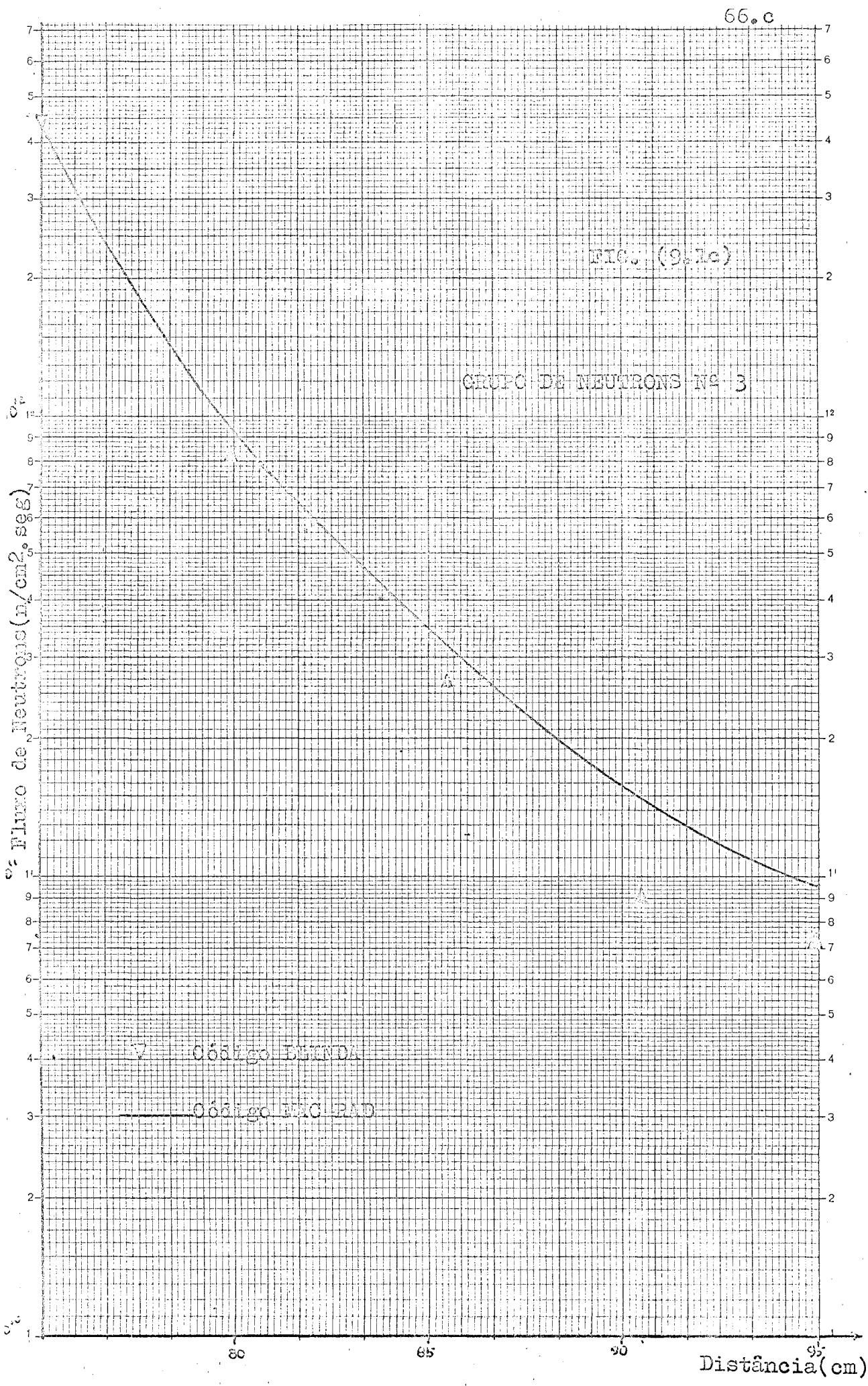
GRUPO DE NEUTRONS N° 1

Código BLINDA

Código MAC-RAD







Camada 3: Agua Leve

Cam. 4  
Aço

10. Referências Bibliográficas

1. A. M. Ribeiro, Projeto da Blindagem de um Reator, Nota Interna do Instituto de Pesquisas Radioativas, 1969, 15 pg. (Nota GT-90)
2. R. D. Albert, T. A. Welton, A Simplified Theory of Neutron Attenuation and Its Applications to Reactor Shield Design, Westinghouse Electric Corporation, Atomic Power Division, (USAEC Rep. WAPD-15)
3. E. P. Blizzard, Nuclear Engineering Handbook, New York, MC-GRAW-HILL, 1958, pg. 7-89
4. J. W. Haffner, Personal Communication (1959)
5. D. C. Anderson, Nuclear Science Engineering, 8, 260-269(1960)
6. K. T. Spinney, Neutron Attenuation in Concrete, 1957 (AERE T/R 2507)
7. A. F. Avery, D. E. Bendall, J. Butler, K. T. Spinney, Methods of Calculations for Use in the Design of Shields for Power Reactors, 1960 (AERE-R 3216)
8. D. E. Bendall, A Mercury Programme for Neutron Shielding Calculations, RASHD, 1962 (AEEW-M 261)
9. E. G. Peterson, A Bulk Shielding Code, MAC, 1962 (HW-73381)
10. H. Feshback, V. F. Weisskopf, A Schematic Theory of Nuclear Cross Sections Physiks Review, 1949, Vol. 76, Nº 11, pg. 1550 - 1560
11. L. Hjarne, A user's Manual for the NRN Shield Design Method, 1964 (AE-145)
12. A. M. Ribeiro, A Integral Exponencial, Nota Interna do Instituto de Pesquisas Radioativas, 1969, (Nota GT-93)
13. H. Goldstein, J. E. Wilkins Jr., NYO - 3075 (1954)
14. A. B. Chilton, Two parameter formula for point-source Buildup factors. Nucleonics, New York, 23(8):119 - 22, Aug. 1965
15. M. A. Capo, Polynomial approximation of gamma ray buildup factors for a point isotropic source, Cincinnati, General Electric, Aircraft Nuclear Propulsion Dept., 1959 (APEX - 510)

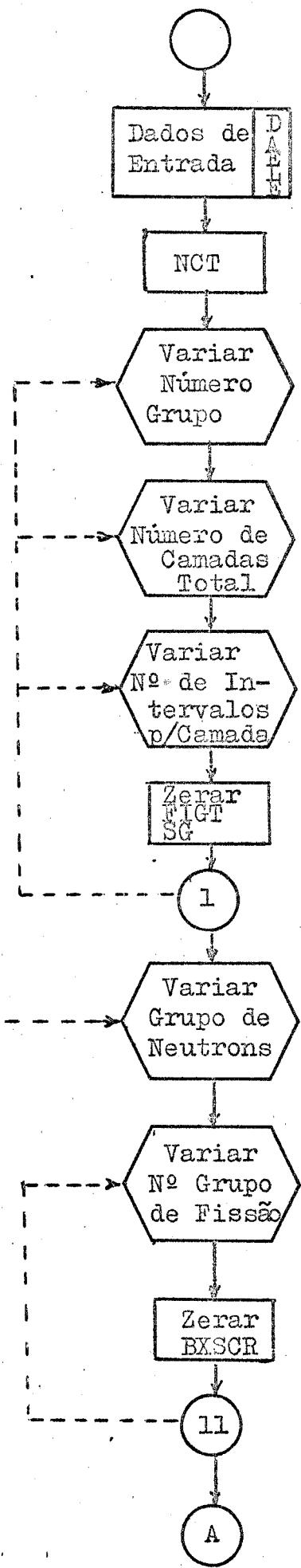
16. J. J. Taylor, WAPD RM - 217 (1954)
17. Greenborg, J., Two cross section libraries for use with MAC shielding code, Richland, Wash., General Electric, Hanford Atomic Products Operation, 1964 (EW - 73381 suppl. 1)
18. C. Ponti, H. Preusch, H. Schubart, Sabine, A one Dimensional Bulk Shielding Program, Ispra Establishment, EURATOM, 1967 (EUR 3636e)
19. C. Ponti, H. Preusch, U. Canali, H. Ilsemann, Mac-Rad a Reactor Shielding Code, Ispra Establishment, EURATOM, 1964 (EUR 2152e)
20. J. Butler, A. F. Avery, Removal Difusion Theory, in Engineering Compendium On Radiation Shielding, Vol. I, Springer Verlag New York Inc., 1968, pg. 273

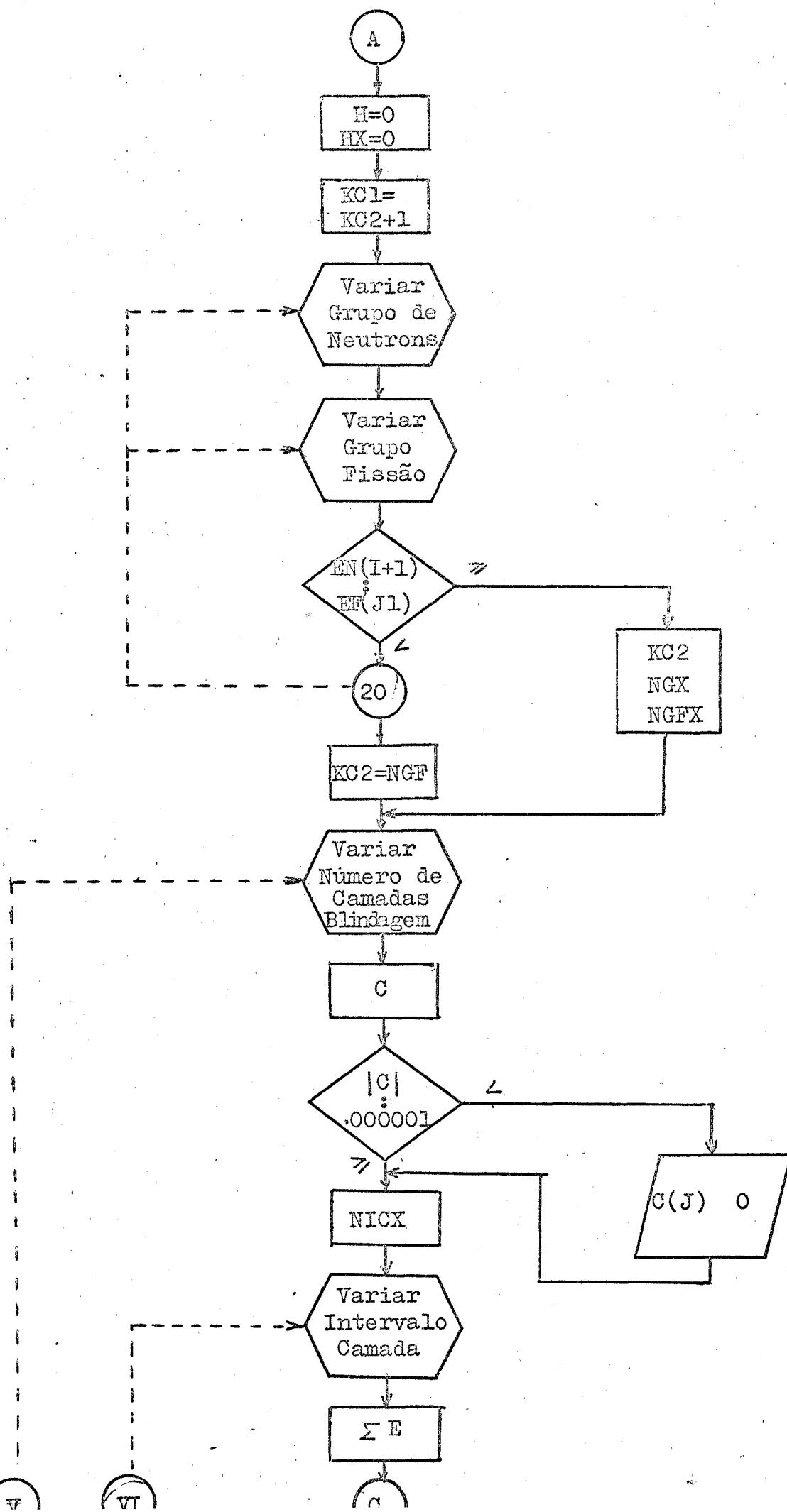
**APÊNDICE A**

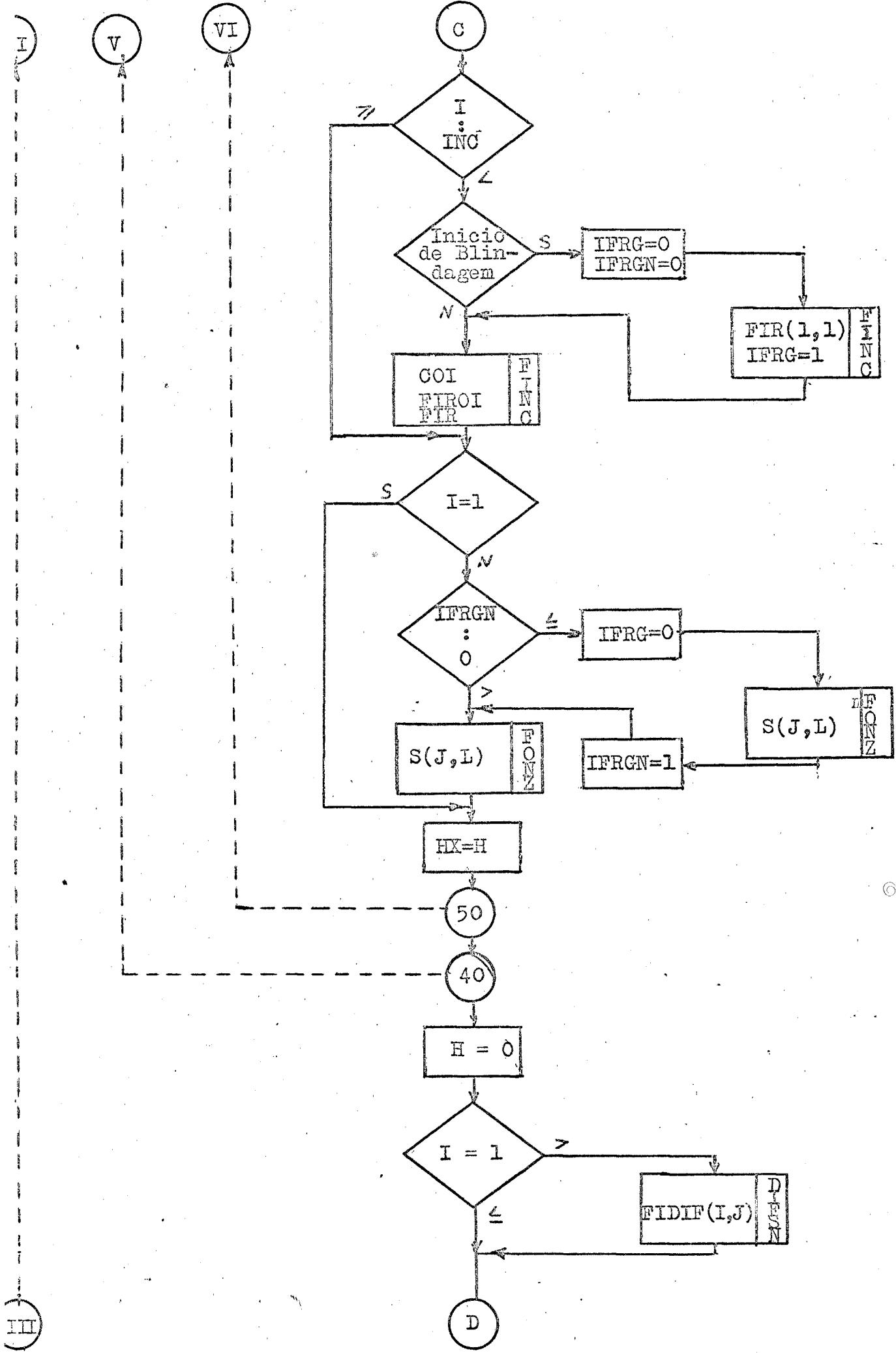
©

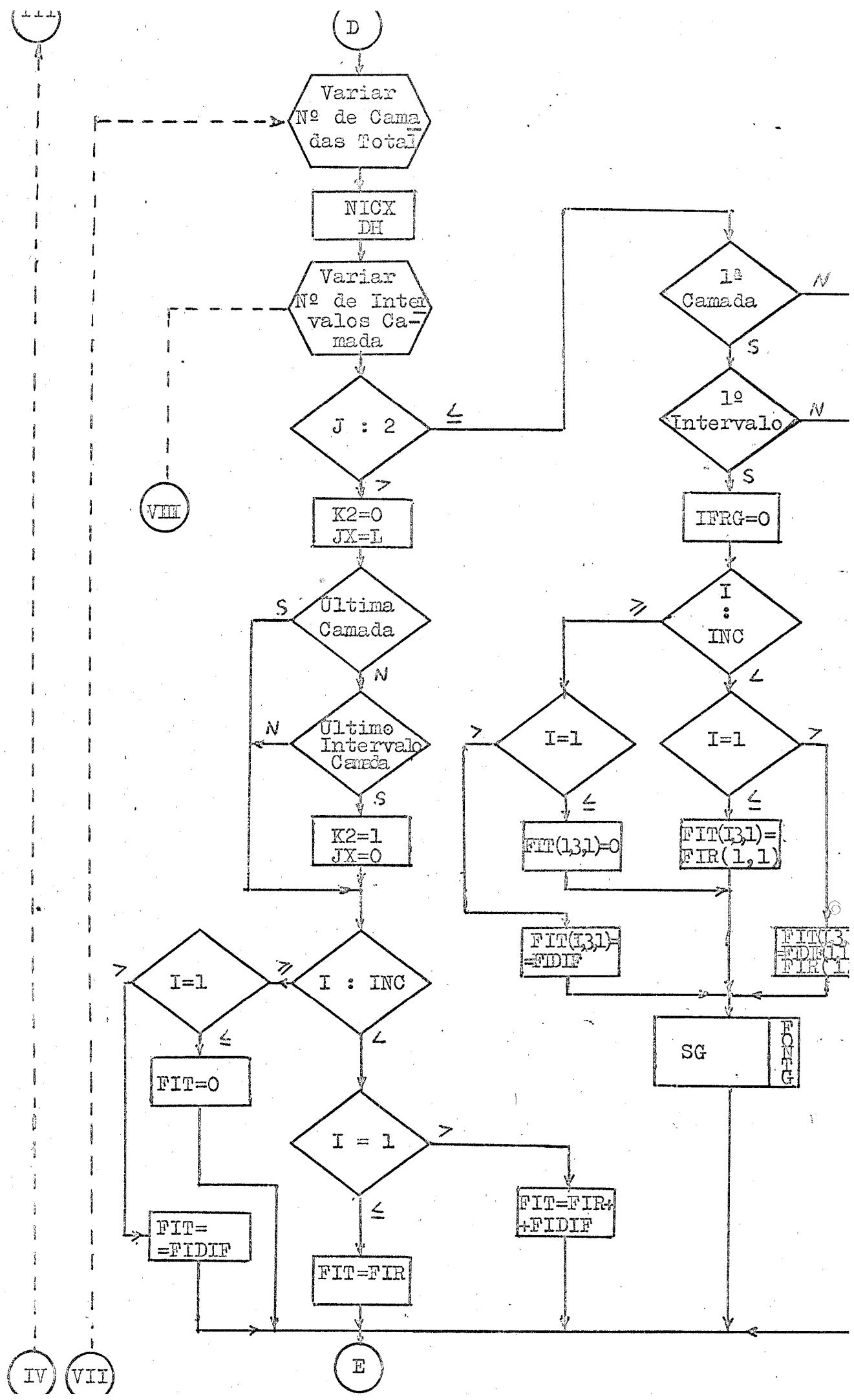
**FLUXOGRAMA**

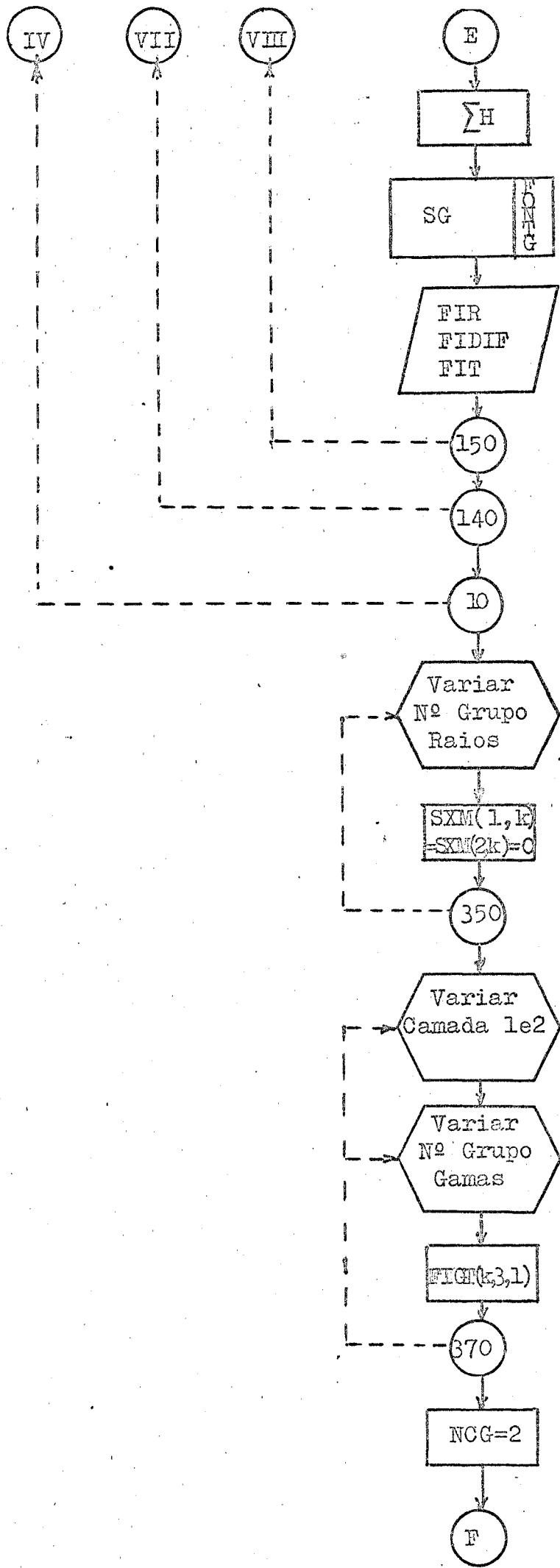
Programa Principal

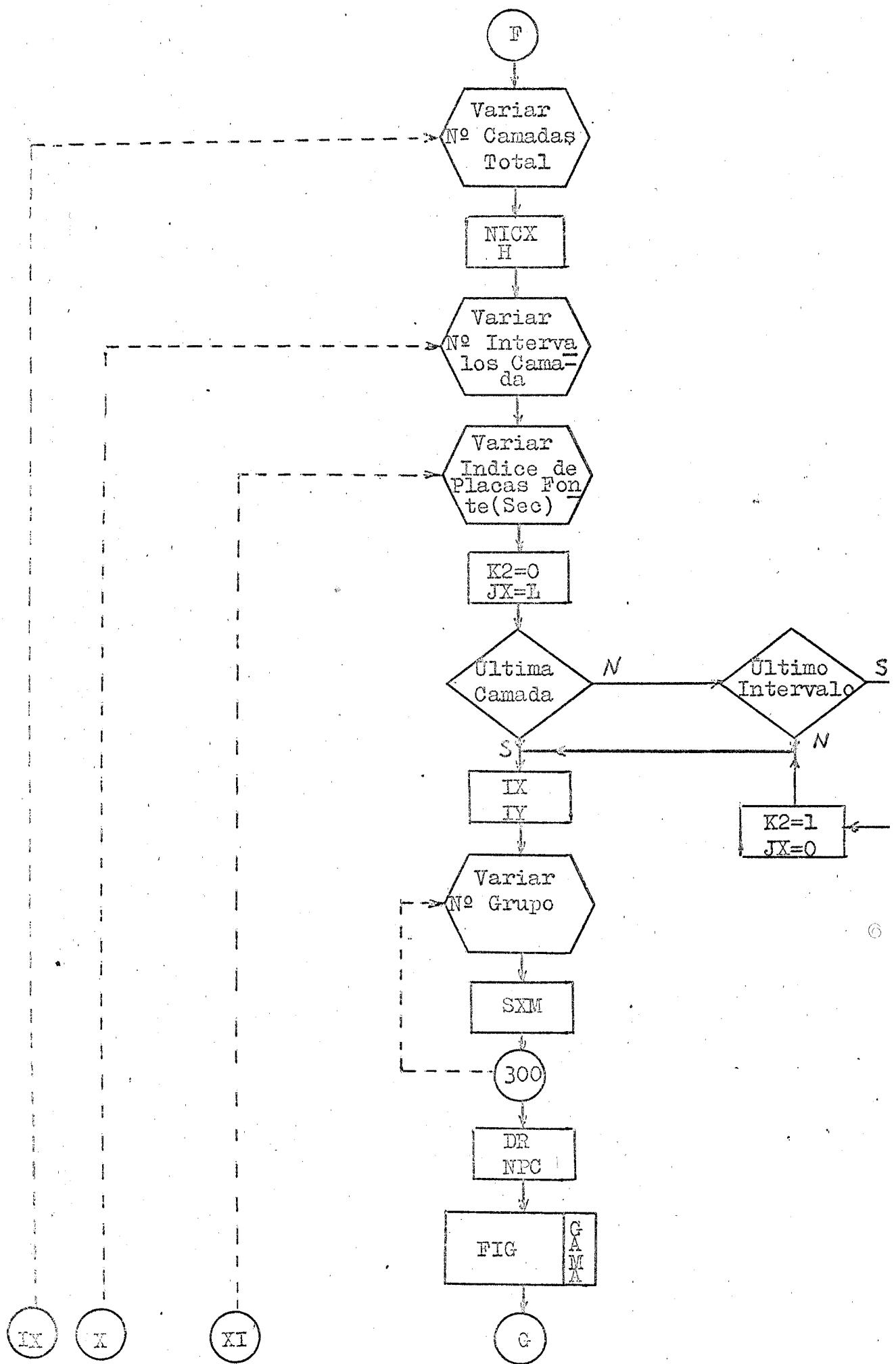


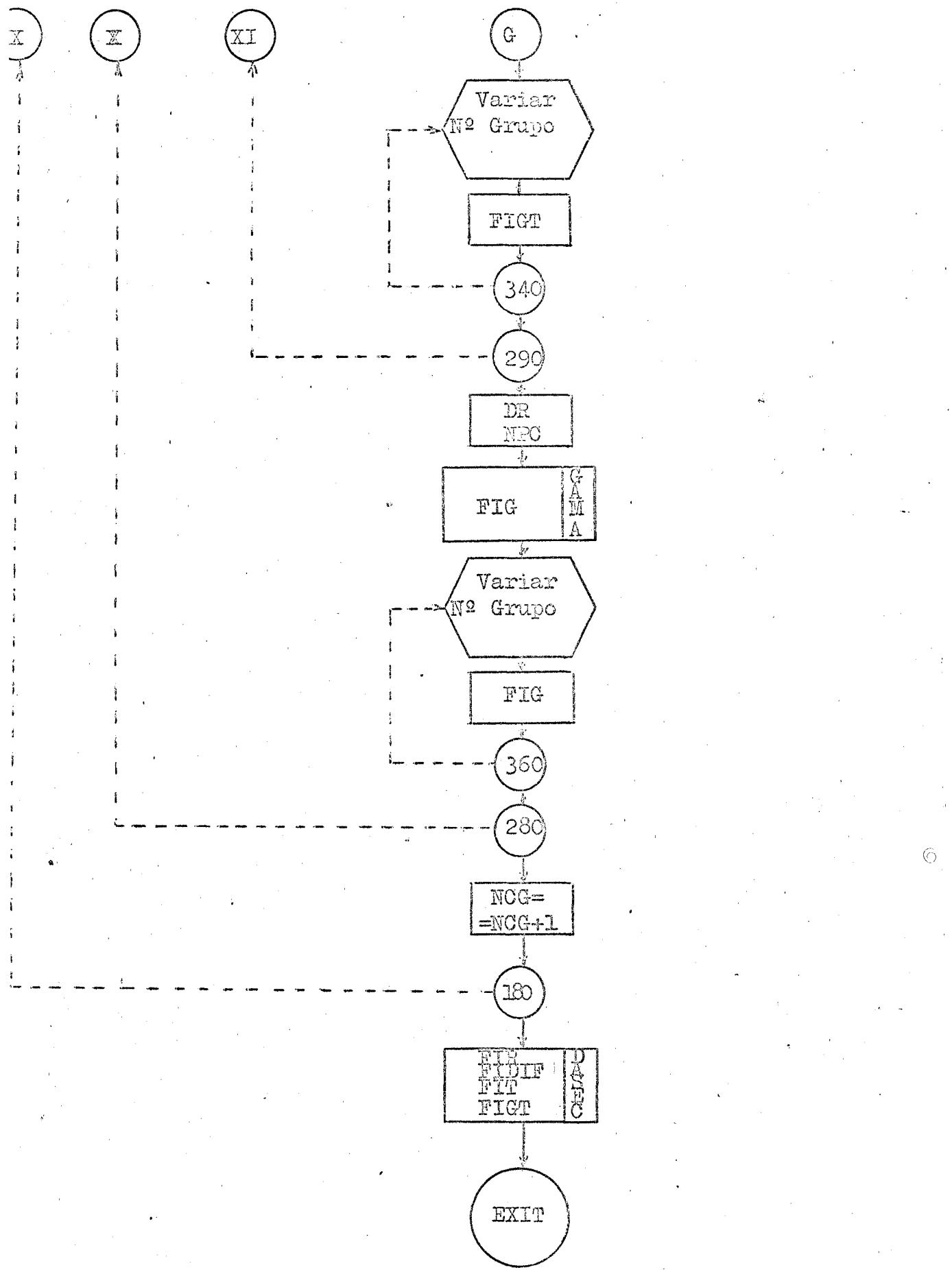




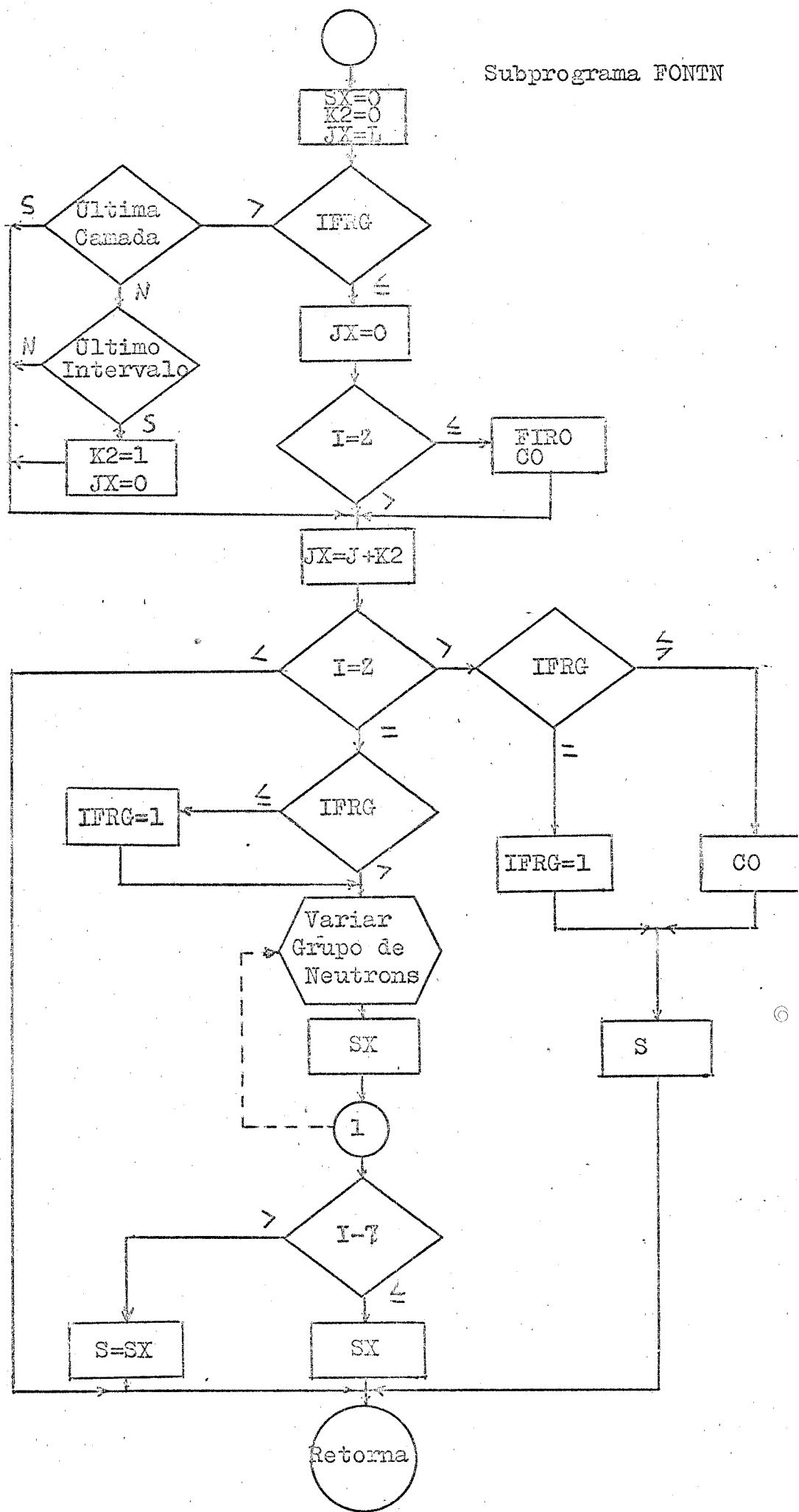




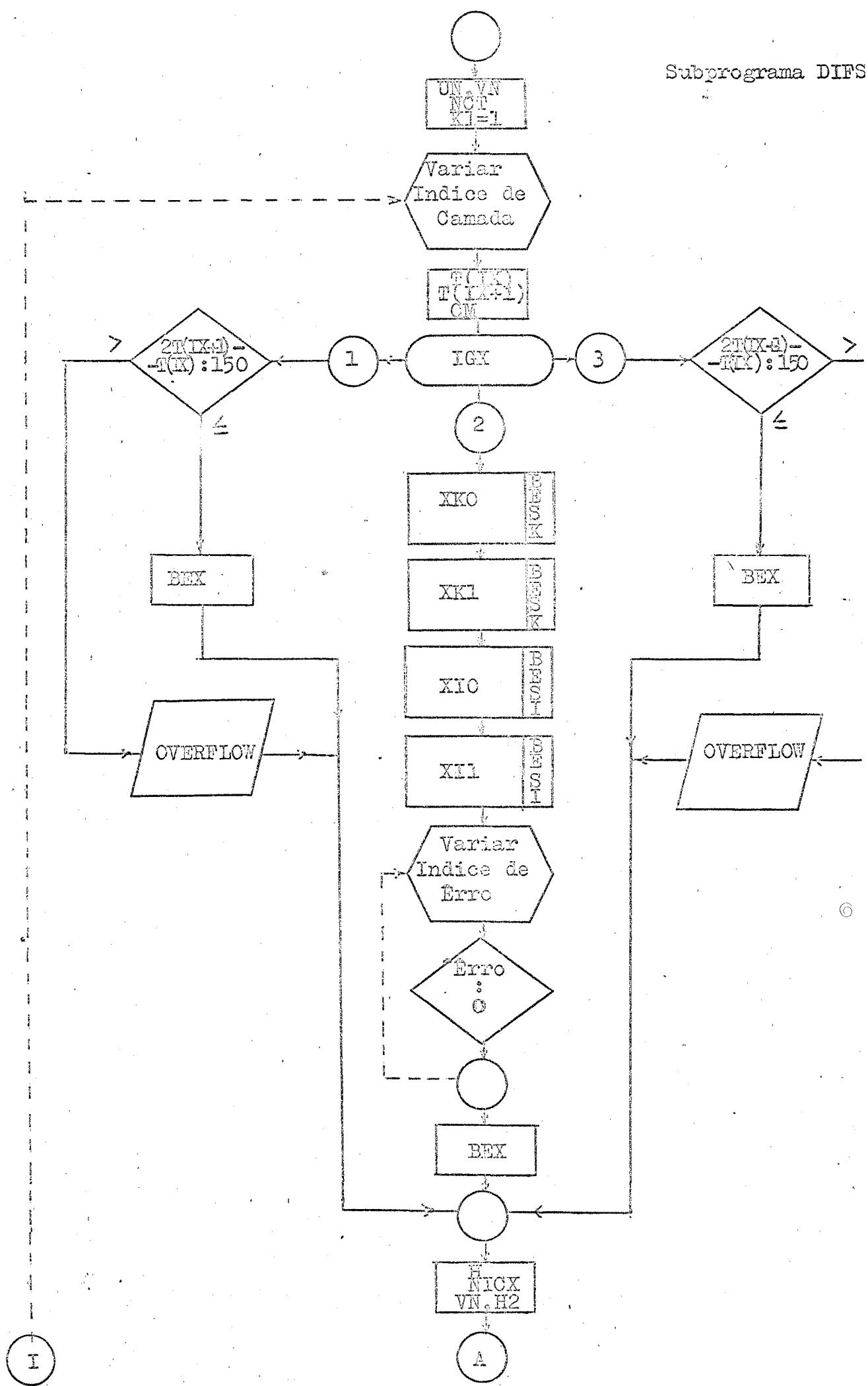


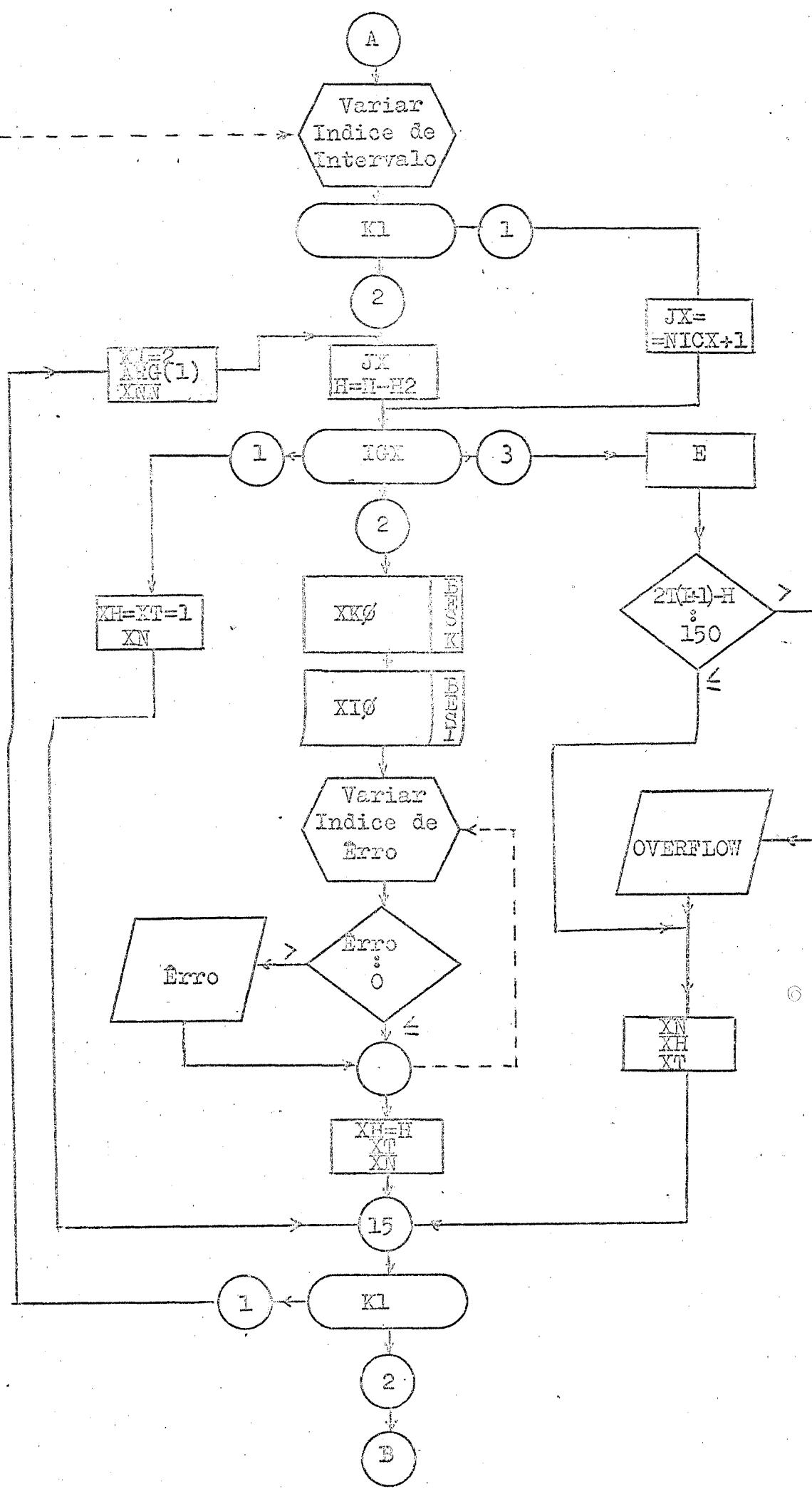


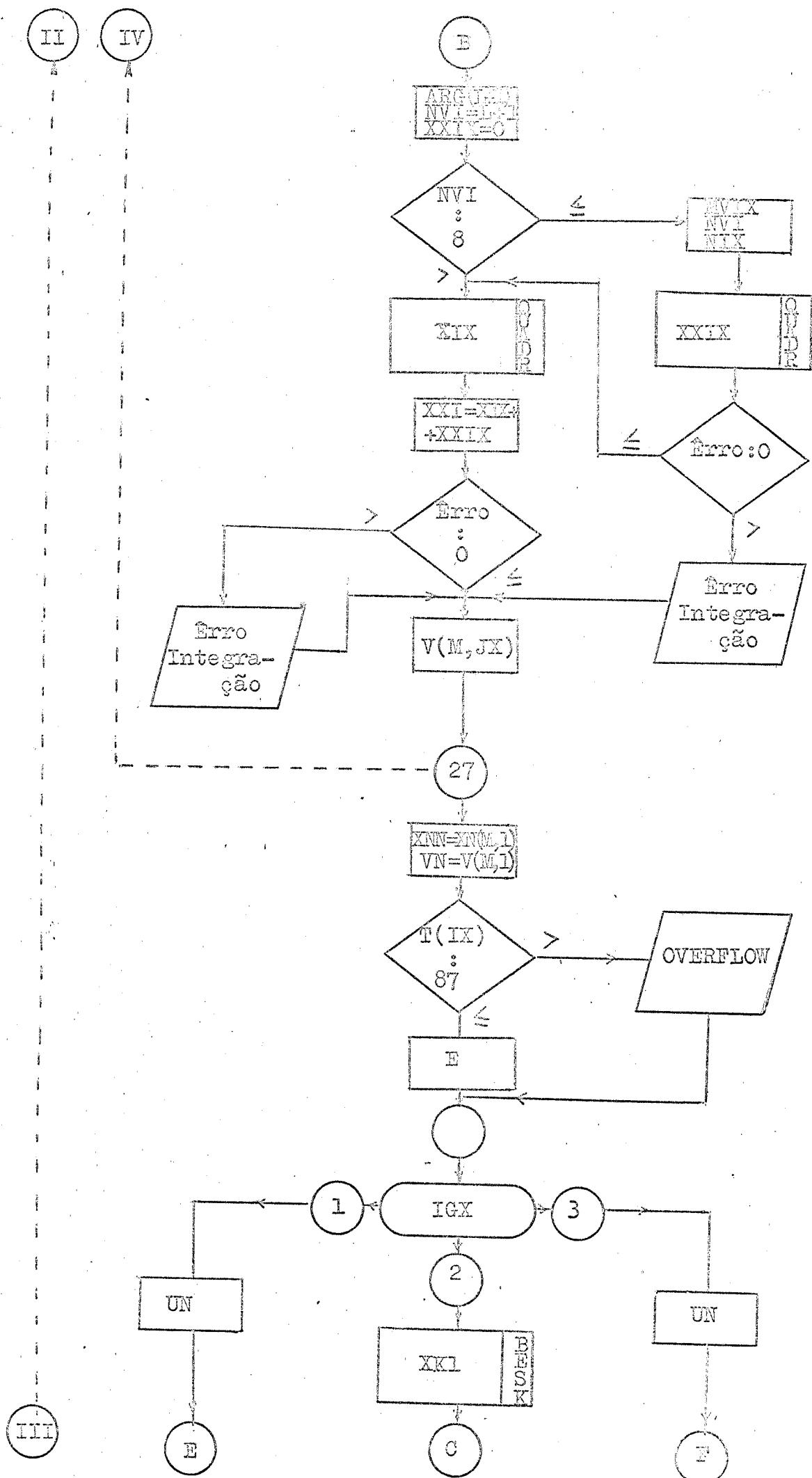
Subprograma FONTN

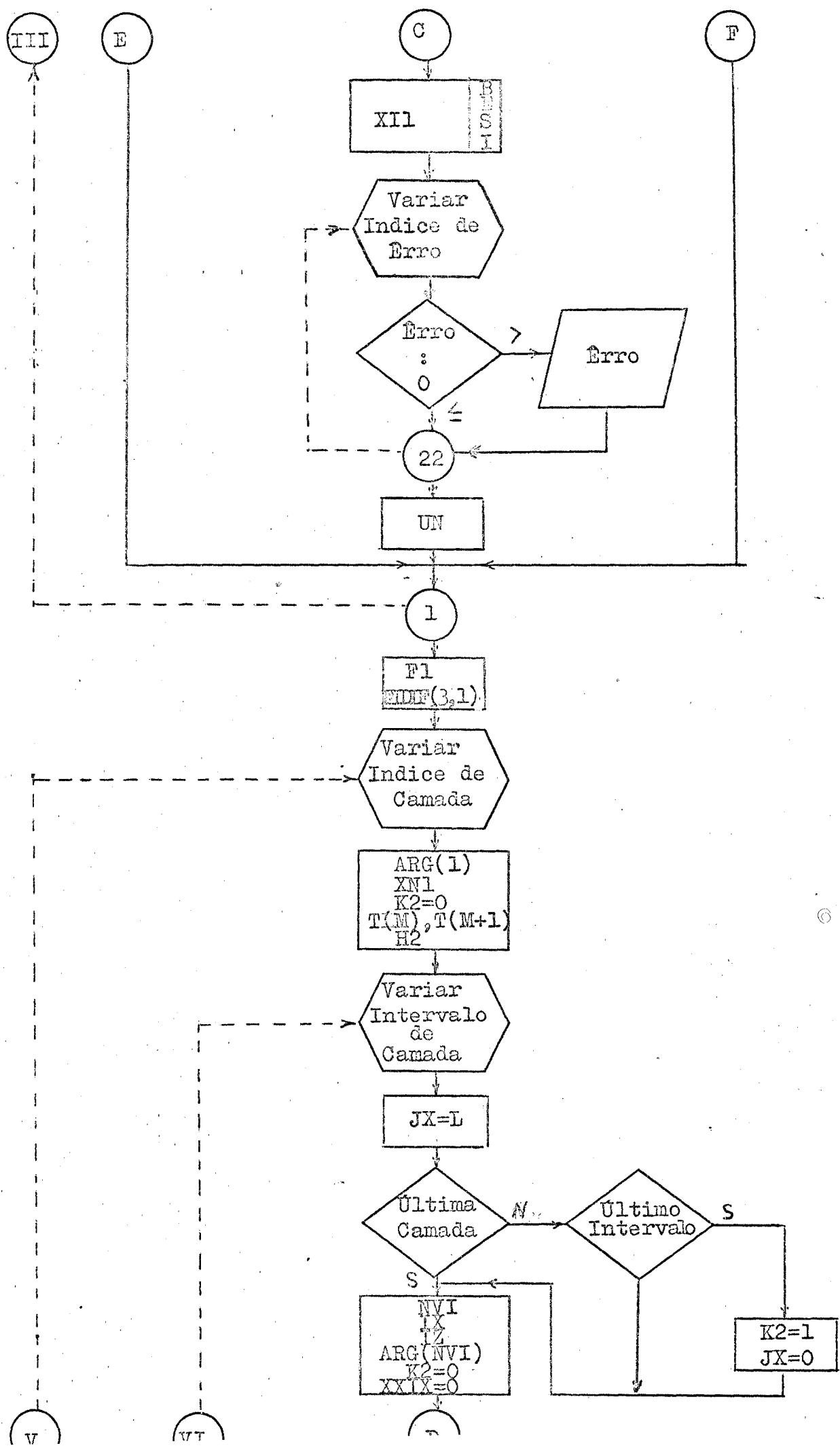


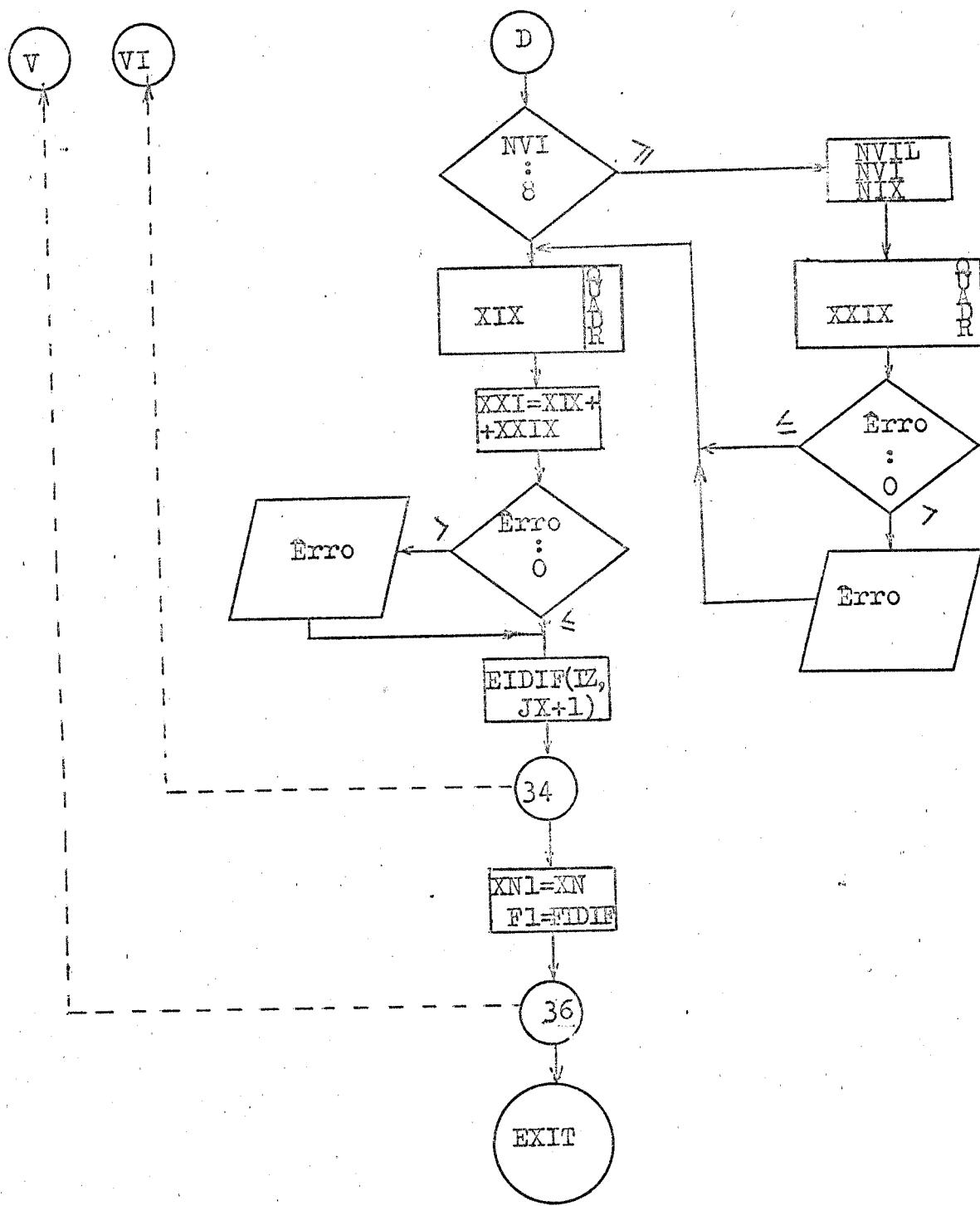
Subprograma DIFS



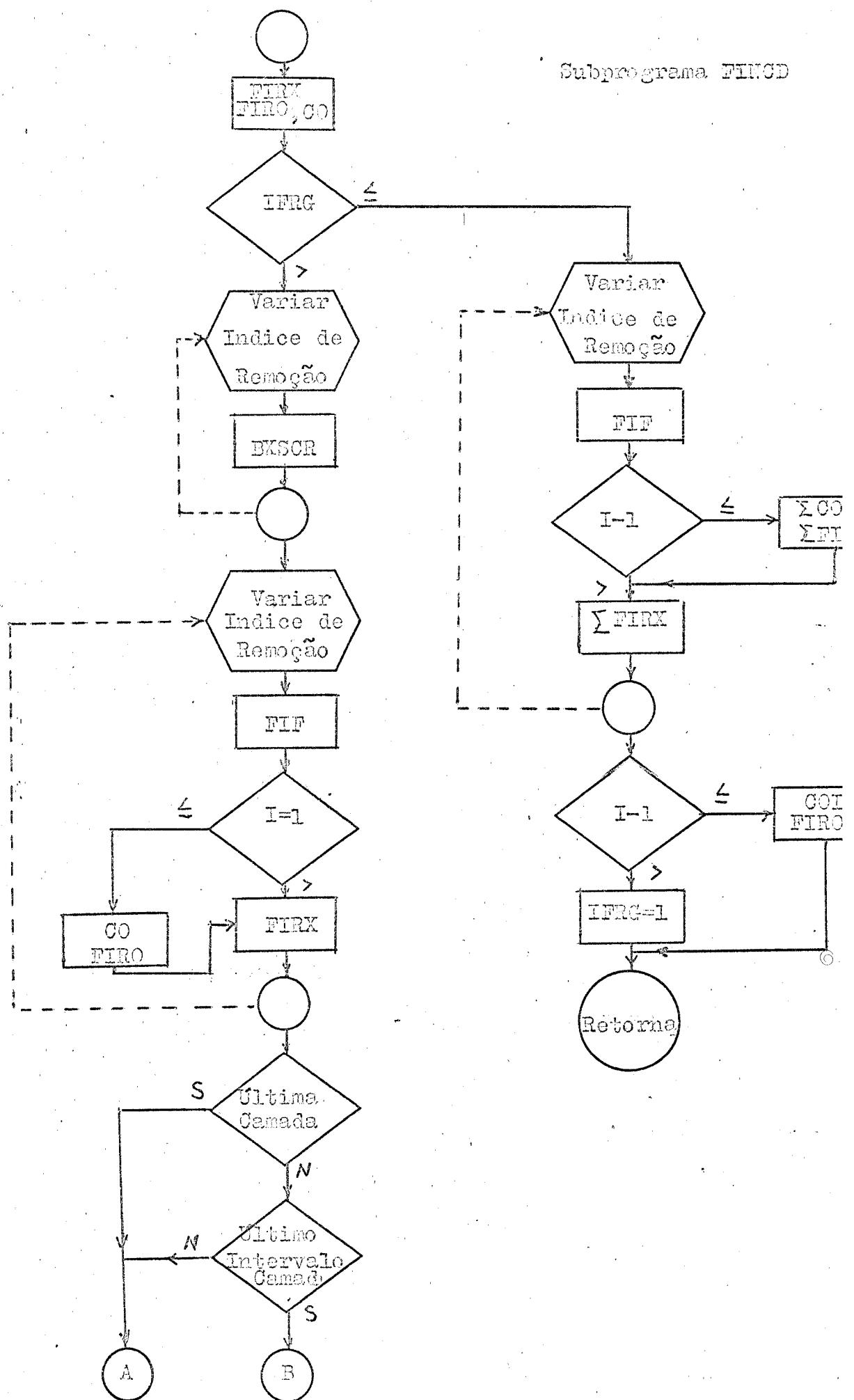


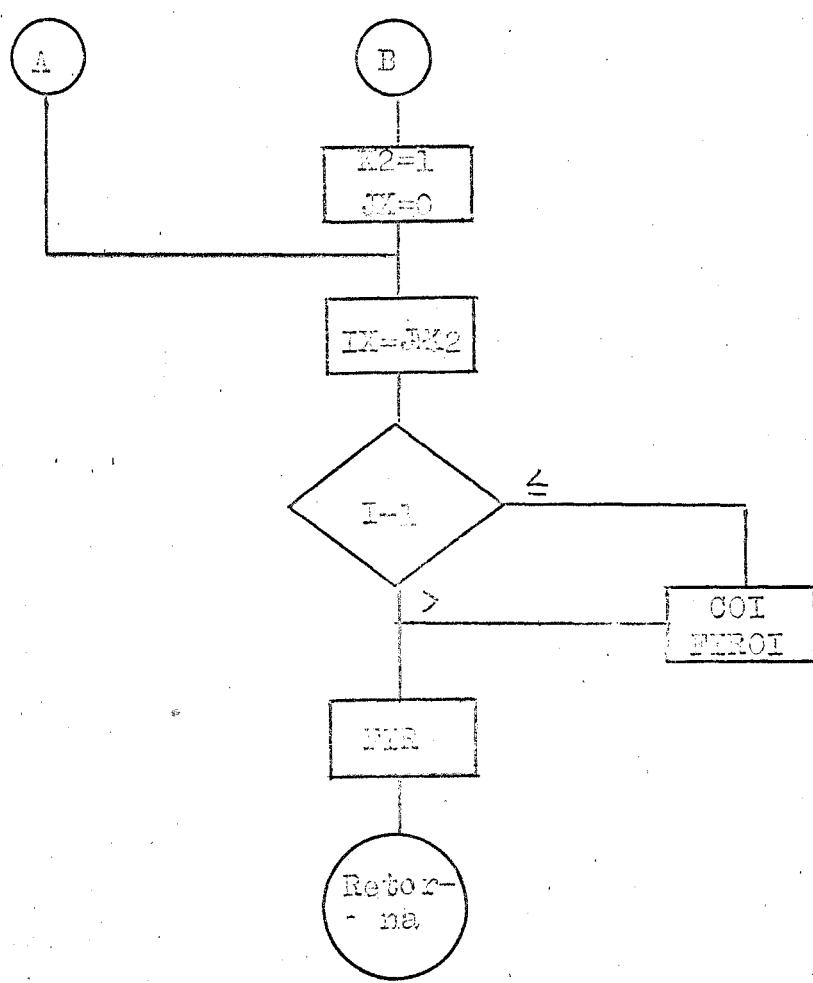






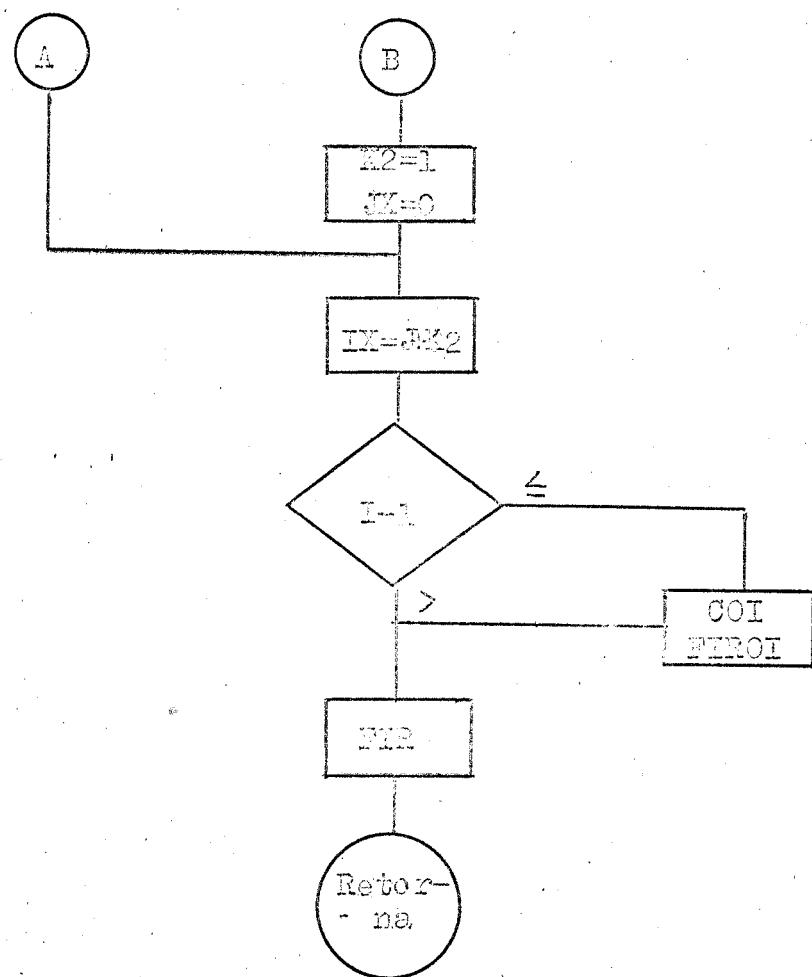
### Subprogram FINCD





APÉNDICE B

LISTAGENS



IV 36CM-FD-479 3-5      MAINPGM      DATE 16/10/71      TIME  
 C FLUXO GAMMA/NEUTRON BLENDAGEM - METODO DE VACAO - DIFUSAO  
 COMMON T,J,L  
 COMMON ALFA1(7,7),ALFA2(7,7),NGC,NIC(7),TGM,AD(31),BD(31),A  
 11,B1(31),A2(31),B2(31),C(7),P(7),S(7),C(7),NCF,SHN,XNT,EN(3  
 2E(12),INC,A(7,7),ITC(7),NTCT,NTCB,L(7)  
 COMMON FIG(7),SD,DS(7),ALTMK,XMTX,AK,PTDE(7,7),PIR(7,7),SGC7,  
 1,S(7,7),PIT(31,7,7),H,HX,KC1,KC2,CNC,RXSCR(1E),C(7),SXM(7,7),E  
 27,7,7),SGI(31,7),F1P01(7,7),C(7,7)  
 COMMON RM1(7,7),D(31,7),S,PM(1E,7),A(7),VIA(31,7),RGTEC(31,7)  
 1N(7,7,7),P(31,7,7),O(31,7,7),SGE(31,31,7)  
 CALL DATED  
 NCT=NC+P  
 DO 1 K=1,NGC  
 DO 1 J=1,NCT  
 NTGX=NIC(J)  
 SXM(J,K)=0.  
 DO 1 L=1,NTGX  
 FIGT(K,J,L)=0.  
 SG(J,L,K)=0.  
 CONTINUE  
 KC2=0  
 NGX=1  
 NGEX=1  
 CNC=.5\*SND\*XNT  
 C VARIACAO DO GRUPO DE NEUTRONS  
 DO 10 I=1,NGN  
 DO 11 K=1,NCF  
 11 RXSCR(K)=0.  
 H=0.  
 HX=0.  
 C AJUSTE ENTRE GRUPOS NEUTRON FISSAO  
 IF(I=INC)12,13,13  
 12 KC1=KC2+1  
 IF(KC1-NGF)15,14,14  
 14 INC=0  
 15 DO 20 J1=NGFX,NCF  
 IF(EN(I+1)-EF(J1))20,30,30  
 20 CONTINUE  
 KC2=NGF  
 GO TO 13  
 30 KC2=J1-1  
 NGFX=J1  
 C VARIACAO DO NUMERO DE CAMADAS  
 13 DO 40 J=1,NC  
 LD=ITC(J+2)-NTCT+NTCB  
 C(J)=SQRT(SGT(I,LU)/D(I,LU))  
 IF(ABS(C(J))-1.E-6)700,710,710  
 700 WRITE(3,720)J,SGT(I,LU),D(I,LU)  
 720 FORMAT(20X,I1,I1,I2,I1)IGUAL A ZERO,10X,2E15.7)  
 710 NTGX=NIC(J+2)  
 C VARIACAO DOS INTERVALOS DE CAMADA  
 DO 50 L=1,NTGX  
 H=H+(R(J+3)-R(J+2))/NTGX  
 IF(J=1)81,81,82

IV 26CN-F0-479 3-5

MAINPROGRAM

DATE 16/10/71

TIT

81 IF(L=1)B3,B3,B2

P3 IERG=0

IERGN=0

IF(I=INC)B6,B6,B7

CALL F1NCD

IF(I=INC)B4,B4,B5

CALL F1NCD

IF(I=1)B0,106,112

C CALCULO DA FONTE DE NEUTRONS

112 IF(ITERNO)111,111,110

111 IERG=0

CALL F0NTN

IERGN=1

110 CALL F0NTN

100 HX=H

50 CONTINUE

40 CONTINUE

H=0.

IF(I=1)126,120,130

C CALCULO DO FLUXO DE NEUTRONS P/GRUPO

130 CALL D1TSN

C CALCULO DO FLUXO TOTAL P/GRUPO

120 DO 140 J=1,NCT

NTCX=NTC(J)

RH=(A(J+1)-A(J))/NTCX

DO 150 L=1,NTCX

IF(J=2)250,250,240

240 K2=0

JX=L

IF(J=NCT)151,152,152

151 IF(L=NTCX)152,153,153

153 K2=1

JX=0

152 IX=J+K2

IZ=IX-2

IF(I=INC)190,200,200

190 IF(I=1)160,160,210

160 FIT(I,IX,JX+1)=FIR(IZ,JX+1)

GO TO 170

210 FIT(I,IX,JX+1)=FIT(I,IX,JX+1)+FIR(IZ,JX+1)

GO TO 170

200 IF(I=1)220,220,230

220 FIT(I,IX,JX+1)=0.0

GO TO 170

230 FIT(I,IX,JX+1)=FIT(I,IX,JX+1)+0.0

GO TO 170

C CALCULO DA FONTE DE RAJOS GAMMA

250 IF(J=1)270,270,170

270 IF(L=1)260,260,170

260 IERG=0

IF(I=INC)191,201,201

191 IF(I=1)161,161,211

161 FIT(I,3,1)=FIR(I,1)

GO TO 171

IV-34 CN-FD-67-1-5 1974 TRINITY

1000 10/13/71 1157

```

211 FIT(1,3,1)=F1DF(3,1)+F2(1,1)
      GO TO 171
221 IF(I-1)221,221,231
221 FIT(1,3,1)=0.0
      GO TO 171
223 FIT(1,3,1)=F1DF(3,1)
171 CALL FONTC
176 H=H+DH
      CALL FONTC
150 CONTINUE
140 CONTINUE
10 CONTINUE
C CALCULO DO FLUXO DE GAMA
NCG=0
NG1=0
DO 180 J=1,NCT
  LU=ITC(J)
  NTCX=NIC(J)
  H=(R(J+1)-R(J))/NTCX
  DO 200 L=1,NTCX
    IF(NG1)371,371,372
372 DO 290 M=1,NGC
371 K2=0
  JX=L
  IF(J-NCT)310,320,320
310 IF(L-NTCX)320,330,330
330 K2=1
  JX=0
320 JX=M+K2
  IY=J+K2
  IF(NG1)321,321,322
322 DO 300 K=1,NGG
  320 SXA(M,K)=SXA(M,K)+H*XK1(Y,L,U)
  DR=R(M+1)-R(M)
  NPC=NIC(M)+1
  CALL GAMA(IX,DR,NPC,C,1,1)
  DO 340 K=1,NGG
    FIGT(K,IY,JX+1)=FIGT(K,IY,JX+1)+FTG(K)
340 CONTINUE
290 CONTINUE
321 DR=R(J+1)-R(J)
  NPC=NIC(J)+1
  CALL GAMAL(IY,DR,NPC,L,1,1)
  DO 360 K=1,NGG
    FIGT(K,IY,JX+1)=FIGT(K,IY,JX+1)+FTG(K)
360 WRITE(3,77777) J,L,JX,IY,K,FTG(K),FIGT(K,IY,JX+1)
77777 FORMAT(5I5,2E15.7)
360 CONTINUE
290 CONTINUE
NCG=NCG+1
NG1=1
180 CONTINUE
CALL BASEC
CALL EXIT

```

SUBROUTINE CTFSM

```

1 DIMENSION T(7,7),T(7,4),V(7,7),X(7,7),C(7,7),A(31,31)
2 COMMON A(1,1),A(31,31),B(31,31),C(1,1),C(31,31),D(31,31),E(31,31)
3 COMMON ALFA(1,7,7),BLA(1,7,7),BLB(1,7,7),BLC(1,7,7),BLD(1,7,7),BLF(1,7,7)
4 COMMON B(1,7,7),BLG(1,7,7),BLH(1,7,7),BLI(1,7,7),BLJ(1,7,7),BLK(1,7,7),BLM(1,7,7)
5 COMMON C(1,7,7),BLN(1,7,7),BLO(1,7,7),BLP(1,7,7),BLQ(1,7,7),BLR(1,7,7),BLS(1,7,7)
6 COMMON D(1,7,7),BLT(1,7,7),BLU(1,7,7),BLV(1,7,7),BLW(1,7,7),BLX(1,7,7),BLY(1,7,7)
7 COMMON X(1,7,7),BLZ(1,7,7),BLA(31,7,7),BLB(31,7,7),BLC(31,7,7),BLD(31,7,7),
8 BLF(31,7,7),BLG(31,7,7),BLH(31,7,7),BLI(31,7,7),BLJ(31,7,7),BLK(31,7,7),BLM(31,7,7),
9 BLN(31,7,7),BLO(31,7,7),BLP(31,7,7),BLQ(31,7,7),BLR(31,7,7),BLS(31,7,7),BLT(31,7,7),
10 BLU(31,7,7),BLV(31,7,7),BLW(31,7,7),BLX(31,7,7),BLY(31,7,7)
```

11 UN=81(I)/80(I)

12 VN=R2(I)/80(I)

13 IX=IX+1

14 NCT=NCT+2

15 DO 1 J=3,NCT

16 K1 = 1

17 TX=NCT-J+3

18 LU=ITC(TX+2)-NCT+NTCR

19 M=TX

20 T(IX)=C(1X)+C(3X+2)

21 T(IX+1)=C(1X)+D(1X+2)

22 CN=-UN/(C(1X)+D(1,1))

23 GO TO 2,3,4,16X

C CALCULO DOS COEFICIENTES A

24 2 GEX(GX)=(CM+1.)/((1.+CM))

25 GO TO 5

26 3 CALL BESK(T((IX+1)),0,XK0,TFR(1))

27 CALL BESK(T((IX+1)),1,XK1,TFR(2))

28 CALL BESK(T((IX+1)),2,XK2,TFR(3))

29 CALL BESK(T((IX+1)),3,XK3,TFR(4))

30 DO 6 IBS=1,4

31 TFR(IBS)=16,6,7

32 WRITE(3,\*) IBS,TFR(IBS),R(IX+1)

33 FFORMAT(16X,\*FP)/\*AL FUNCAO DE BESSER\*,215,10X,\*CANADA C/T=1,810\*

34 CONTINUE

35 HEX(1GX)=(IXX+CN\*XX0)/(XII-CM\*XT0)

36 GO TO 5

37 4 BEX(GX)=(T((IX+1)\*(CM+1.))+1.)/(T((IX+1)\*(1.+CM)+1.)\*EXP(.5\*(T((IX)
 1.)\*T((IX+1))))

C CALCULO DA MATRIZ N POR CANADA

38 5 H=1(TX+1)

39 NTGX=NIC((IX+2))

40 V(M,NTGX+1)=VN

41 H2=(T((IX+1)-T((IX)))/NTGX)

42 DO 27 L=1,NTGX

43 GO TO 11,16,X

44 11 JX=NICX+1

45 GO TO 28

46 JX=NICX-L+1

47 H = H-H2

48 GO TO 12,13,14,16X

49 XH=1.

50 XT=1.



```

22 CONTINUE
    UN=-C(IX)*D(1,LU)*(K2*(1,LU)*X1+K3*(1,LU)*X2+XKD)
    GPO TO 1
21  UN=-C(IX)*D(1,LU)*(C(X1)+C(T(IX)-1,2)+C(1,(IX+1,2)))/((R6*X(IX)+1)*T(IX))
    1 CONTINUE
    F1=(A2(1,1)+A1(1,2)*V1)/(A0(1,1)*D1-A1(1,1))
    FDIF(3,1)=F1
    DO 36 J=3,NCT
    C CALCULO DO FLUXO DE NEUTRONS
    IX=J-2
    LU=TIC(J)-NCT*T+TIC
    ARG(1)=V(IX,1)*1.E-7
    XN1=XN(IX,1)
    XN1D=XND(IX,1)
    K2=0
    IZ=J
    M=IX
    NTCX=NIC(J)
    T(M)=C(N)*D(J)
    T(M+1)=C(M)*D(J+1)
    H2=(T(M+1)-T(M))/NTCX
    DO 34 L=1,NICX
    JX=L
    JY=L
    IF(J-NCT)49,36,38
36  IF(L-NTCX)39,39,39
39  K2=1
    JY=0
38  NVI=L+1
    IZ=J+K2
    ARG(NVI)=(1.E-7*D*V(IX,JX+1))/XN(IX,JX+1))/XND(IX,JX+1)
    K2=6
    XXIX=0
    IF(NVI-6)42,52,53
42  NVI=NVI-1/2
    NVI=NVI-NVI*1
    NVI=NVI
    CALL QUADR(1,R6,NVIX,MIX,H2,XNIX,TERR)
    ICIUER(1,52+52,42)
    52  CALL QUADR(ARG,NVI,1,R6,XNIX,TERR)
    XXI=XIX+XXIX
    IC(TERR)37,37,42
    42  M=ITG(3,42)TERR,JY,U
    42  INQFORMAT(40X,1F20.0,1A1,1F10.4,1F5)
    57  AUX=F1*(XN(M,JX+1)*XN1)*(XND(M,JX+1)/XN1)*
    FDIF(IZ,JY+1)*(-XXI/(C(M)*D(I,JL)))**XN(M,JY+1)*H1*R7*D*XND(M,JY+1)
    111  +AUX
34  CONTINUE
    XN1=XN(IZ-2,JY+1)
    XN1D=XN(IZ-2,JY+1)
36  F1=FDIF(IZ,1)
    RETURN
    END

```

V 360N-FD-472 3-5

DATE

1971/10/17 17:21:17

TIME

SUBROUTINE DFILE

DIMENSION AUX(1)

COMMON I,J,I

COMMON ALFA1(7,7),ALFA2(7,7),NGE,NFC(7),RGE,ND(31),PC(31),AI(1),  
AI(31),A2(31),SP(31),CUTL,R(1),NGE,NFC(7),RGE,ND(31),PC(31),  
2F(12),TMC,A(7,7),TFRG,ITC(7),NTCT,NTCB(1),R(7)

COMMON F16(7),SD,DS(7),ALFA1,X(7,7),R(7,7),F16(7,7),SD(7,7),  
1,S(7,7),F16(31,7),F16(7,7),R(31,7),X(31,7),R(7,7),F16(7,7),  
27,7,7),SGT(31,7),F16(7,7),F16(7,7)

COMMON X(7,7),D(31,7),SGE(12,7),R(31,7),NGE(31,7),PC(31,7),  
1N(7,7,7),R(31,7,7),D(31,7,7),SGE(31,7,7)

READ(2,100)NC,NON,NGE,NFC,NGM,ITC,ITCB,NTCT,NTCB,PC

I1=NC+2

READ(2,100)(ITC(I),I=1,11)

WRITE(3,130)(ITC(I),I=1,11)

READ(2,100)(ITC(I),I=1,11)

WRITE(3,130)(ITC(I),I=1,11)

DO 10 K=1,NGE

READ(2,140)(A(K,I),I=1,11)

WRITE(3,150)(A(K,I),I=1,11)

READ(2,140)(ALFA1(K,I),I=1,11)

WRITE(3,150)(ALFA1(K,I),I=1,11)

READ(2,140)(ALFA2(K,I),I=1,11)

WRITE(3,150)(ALFA2(K,I),I=1,11)

10 CONTINUE

I1=NC+4

READ(2,180)CNC1,SNO,XN,I,(R(I)),I=1,11

WRITE(3,190)CNC1,SNO,XN,I,(R(I)),I=1,11

READ(2,140)(F(I),I=1,NGE)

WRITE(3,210)(F(I),I=1,NGE)

READ(2,140)(G(I),I=1,NGG)

WRITE(3,210)(G(I),I=1,NGG)

READ(2,181)(AO(I),BQ(I),AI(I),R1(I),A2(I),B2(I),I=1,NGN)

WRITE(3,220)(AO(I),BQ(I),AI(I),R1(I),A2(I),B2(I),I=1,NGN)

I1=NGM+1

I2=NGE+1

READ(2,180)(EN(I),I=1,11)

WRITE(3,250)(EN(I),I=1,11)

READ(2,180)(FF(I),I=1,12)

WRITE(3,250)(FF(I),I=1,12)

DO 410 J=1,NTCB

DO 410 I=1,6

READ(2,500)(SGIN(I,J,I1),I1=1,7)

WRITE(3,500)(SGIN(I,J,I1),I1=1,7)

410 CONTINUE

DO 420 J=1,NTCB

READ(2,500)(SGA(I,J),I=1,NG(N))

420 WRITE(3,500)(SGA(I,J),I=1,NG(N))

DO 430 J=1,NTCB

READ(2,500)(D(I,J),I=1,NG(N))

430 WRITE(3,500)(D(I,J),I=1,NG(N))

DO 481 J=1,NTCB

READ(2,500)(SGIC(I,J),I=1,NG(N))

V-360N-FP-679 3-5

TIME

```

431 WRITE(3,500)(S(J),J=1,J),J=1,NGM)
      DO 432 J=1,NGM
        READ(2,500)(S(J),J=1,J),J=1,NGM)
432 WRITE(3,500)(SET(J,J),J=1,NGM)
      DO 440 J=1,NGM
        READ(2,500)(P(I,J,K),K=1,NGM)
440 WRITE(3,500)(P(I,J,K),K=1,NGM)
      DO 450 J=1,NGM
        READ(2,500)(P(I,J,K),K=1,NGM)
450 CONTINUE
451 DO 460 J=1,NGM
        READ(2,500)(XMT(K,J),K=1,NGM)
460 WRITE(3,500)(XMT(K,J),K=1,NGM)
      DO 470 J=1,NGM
        READ(2,500)(AUX(I),I=1,NGM)
      DO 471 I=1,NGM
        IP=NGM-I+1
471 SGRFM(I,J)=AUX(IP)
      WRITE(3,500)(SGRFM(I,J),I=1,NGM)
      DO 480 J=1,NGM
        J2=NGM-I
        DO 480 J=1,NGM
          II=I+1
          READ(2,500)(SGHBI(I,II,J),II=II,NGM)
480 RHTD(3,500)(SGHBR(I,II,J),II=II,NGM)
480 FORMAT(5E16.7)
100  FORMAT(16I5)
110  FORMAT(20X,16I5)
130  FORMAT(20X,16I5)
140  FORMAT(10X,6E16.2,10X)
150  FORMAT(10X,11E10.5)
160  FORMAT(5E15.5,5X)
170  FORMAT(5E15.5,/,E15.5)
180  FORMAT(5X,7E15.5)
210  FORMAT(10X,11E10.5)
230  FORMAT(10X,6E16.5)
250  FORMAT(5X,7E15.5)

      RETURN
      END

```

V 360N-F0-479 3-5

FONTR

16/10/71 TIME

## SUBROUTINE FONTR

CALCULO DA FONTE DE NEUTRONS-60.DIFUSAO

COMMON T,J,L

COMMON ALFA1(7,7),ALFA2(7,7),NGE,NCMTC(7),TGC,AC(31),AN(31),AL(3)

11,BL(31),A2(31),B2(31),CNC,IC(19),MC,MC(19),XNE,SNQ,XNI,EN(32),

2E(19),TNC,A(7,7),TEPC,TTC(7),MC,MC(19),XTC(7)

COMMON FIG(7),SD,DS(7),SUX,XMY,SD,TDTC(7),TTC(7,7),SG(7,7),

1,S(7,7),FIT(31,7,7),H,(X,KC1,KC2,CNC,PXSC(19),I(7),SX(7,7),FIG

27,7,7),SGT(31,7),FIRG(7,7),C(7,7)

COMMON XMT(7,7),D(31,7),SGEM(19,7),R(7),SGA(31,7),SGTIC(31,7),S

1N(7,7,7),P(31,7,7),Q(31,7,7),SGEM(7,7,7)

SX=0.

T1=J-1

NTCX=NTC( J+2)

K2=0

JX=L

IF(IFRG)12,12,11

11 IF(J-MC)13,13,9

8 IF(L-NTCX)9,10,10

10 K2=1

JY=0

GO TO 9

12 JX=0

IF(I-2)13,13,9

13 FIRG=FIRG(I,1,1)

CD=CD(I,1,1)

9 IX=J+K2

LU=ITC(IY+2)-NTCT+NTCB

IF(I-2)7,2,3

2 IF(IFRG)14,14,15

14 IFRG=1

GO TO 16

15 CD=CD(IX,JX+1)

PIRG=FIRG(IX,JX+1)

16 S/IX,JX+1)=CD-SGAI(I,LU)\*FIRG+SGTIC(2,LU)\*FIRG(IX,JX+1)

RETURN

3 DO 31 IL=1,11

SX=SX+FIRG(IL,IX+2,JX+1)\*SGEM(IL,LU)

31 CONTINUE

IF(IFRG)7,17,18

17 IFRG=1

18 IF(I-12)19,19,6

19 T2=T-1

T1=T-6

IF(I1)22,22,23,1

22 T1=1

23 DO 1 IN=11,12

1 IF(IN-6)24,24,21

24 S/Y=SX+FIRG(IN,IX+2,JX+1)\*SGEM(IN,LU)+T1\*IRG

1 CONTINUE

21 IF(I-MC)15,15,6

6 S/IX,JX+1)=SX

-FTURM

6 S/IX,JX+1)=SX+FIRG(I,IX+2)\*SGTIC(I,LU)

V-36CN-FD-479 3-5

DATE 3/19/71

TIME

```
431 WRITE(3,501)(S1(I,J),I=1,NGN)
DO 432 J=1,NGN
  READ(2,501)(S1(I,J),I=1,NGN)
432 WRITE(3,501)(S1(I,J),I=1,NGN)
DO 440 J=1,NTCT
  DO 440 I=1,NGN
    READ(2,501)(P(I,J,K),K=1,NK)
440 WRITE(3,501)(P(I,J,K),K=1,NK)
DO 450 J=1,NTCT
  DO 450 I=1,NGN
    J1=(I-1)*440+440+J
441 IF (J1>450) 450,452,452
452 READ(2,500)(Q(I,J,K),K=1,NK)
  WRITE(3,500)(Q(I,J,K),K=1,NK)
450 CONTINUE
451 DO 460 J=1,NTCT
  READ(2,500)(XMT(K,J),I=1,NM1)
460 WRITE(3,500)(XMT(K,J),I=1,NM1)
DO 470 J=1,NTCT
  READ(2,500)(AM(X(J)),J=1,NM1)
DO 471 I=1,NGP
  I2=NGN-I+1
471 SGRFM(I,I)=AM(I2)
470 WRITE(3,501)(SGRFM(I,J),I=1,NGP)
DO 480 J=1,NTCT
  J2=NGN+1
480 DO 480 I=1,12
  I1=I+1
  READ(2,500)(SGEHB(I,I1,J),IL=I1,NGN)
480 WRITE(3,500)(SGEHB(I,I1,J),IL=I1,NGN)
500 FORMAT(5F16.7)
100 FORMAT(16I5)
110 FORMAT(20X,16I5)
130 FORMAT(20X,16I5)
140 FORMAT(30X,6E10.2,10X)
150 FORMAT(10X,11E10.5)
180 FORMAT(5E15.5,5X)
191 FORMAT(5E15.5,/,E15.5)
190 FORMAT(5X,7E15.5)
210 FORMAT(10X,11E10.5)
230 FORMAT(10X,6E15.5)
250 FORMAT(5X,7E15.5)
      RETURN
      END
```

360N-F0-479-3-5

DASEC

DATE 16/10/71

TIME

```
* SUBROUTINE DASEC
COMMON I,J,L
COMMON ALFA1(7,7),ALFA2(7,7),NGG,NCT,NIC(7),TGM,AD(31),BD(31),AI(11+31(31)),A2(31),B2(31),CNC1,I(1)*NGG,NC,SMC,XNI,EN(32)
2F(19),INC,Y(7,7),IEFG,ETC(7),NTCT,NTCD,PL1,V(7)
COMMON E(7),ST,DS(7),ALFAX,YMX,XZ,NTDE(7,7),E(7,7),S(7,7,
1,S(7,7),FIT(31,7,7),H,HX,KC1,KC2,CNC,RXSCR(13),C(7),SXH(7,7),FIG
27,7,7),SUT(31,7),FINIT(7,7),CUT(7,7)
COMMON XKI(7,7),D(31,7),SCDM(18,7),E(0),SUT(31,7),S,NTG(31,7),S
1M(7,7,7),P(31,7,7),Q(31,7,7),SCFHR(31,31,7)
WRITTE(3,200)
200 FORMAT(5X,'CODIGO BLINDA',//,2F8.4, 'FLUXO DE NEUTRONS',//)
NCT=NC+2
DO 1 J=1,NGN
WRITTE(3,100)J
100 FORMAT(30X,'GRUPO DE NEUTRONS ',I,18)
DO 1 J=3,NCT
NICY=NIC(J)
NICX=NICY+1
1F(J=NCT)2,3,3
2 WRITE(3,10)R(J),(FIT(I,J,L),L=1,NICM),FIT(I,J+1,1)
GO TO 1
3 WRITE(3,10)P(J),(FIT(I,J,L),L=1,NICM)
4 CONTINUE
WRITTE(3,400)
400 FORMAT(//,5X,'FLUXO DE RAIOS GAMAS',//)
DO 4 K=1,NGG
WRITTE(3,200)K
300 FORMAT(30X,'GRUPO DE GAMAS ',I1)
DO 4 J=1,NCT
NICY=NIC(J)
NICX=NICY+1
1F(J=NCT)5,6,6
5 WRITE(3,10)R(J),(FIGT(K,J,L),L=1,NICY),FIGT(K,J+1,1)
GO TO 4
6 WRITE(3,10)R(J),(FIGT(K,J,L),L=1,NICX)
4 CONTINUE
10 FORMAT(5X,F4.1,(9(E11.4,2X)))
* RETURN
END
```

IV 340 N=PO=470 P=5 Date : 15/10/71 11:51:00  
 SUBROUTINE LADAK(KM,T,NPC,NPFC,KM,RP)  
 COMMON ALFA1(7,7),ALFA2(7,7),A1(1,1),A1(1,2),  
 A1(1,3),A1(1,4),A1(1,5),A1(1,6),A1(1,7),  
 A1(1,8),A1(1,9),A2(1,1),A2(1,2),A2(1,3),  
 A2(1,4),A2(1,5),A2(1,6),A2(1,7),A2(1,8),  
 A2(1,9),INC,A(7,7),TC(6,7,7),NTC(6,7,7),  
 CC(7),SG(7,7,7),SC(7,7,7),S(7,7,7),  
 S(7,7,7),E(7,7,7),S(7,7,7),E(7,7,7),  
 S(7,7,7),E(7,7,7),S(7,7,7),E(7,7,7),  
 S(7,7,7),E(7,7,7),S(7,7,7),E(7,7,7),  
 S(7,7,7),E(7,7,7),S(7,7,7),E(7,7,7),  
 LU=ITC(KM)  
 DO 1 K=1,NPC  
 DO 10 TD(2,31,RP)  
 C FLUXO FORA DA FONTE  
 C CALCULO DA FONTE  
 2 S=SG(KM,1,K)  
 DO 4 KC=2,NPC  
 TFK(KM-NPC)10,12,12  
 10 IF(KC-NPC)12,13,13  
 13 DS(KC)=SC(KM+1,1,K)-SD  
 14 DO 10 4  
 12 FS(KC)=SU(KC,KC,K)-SG  
 4 CONTINUE  
 DS(1)=0.  
 C CALCULO DO FLUXO  
 AX=A(K,KM)  
 ALFAX=ALFA1(K,KM)  
 XMTK=XMT(K,KM)  
 CALL FMTH(SXK(KM,K),T,NPC,KN,EP1,X11)  
 AX=1.-AX  
 ALFAX=ALFA2(K,KM)  
 CALL FMTH(SXK(KM,K),T,NPC,KN,EP2,X12)  
 E10(K)=.5\*(EP1+EP2+X11)+X12  
 15 GO TO 1  
 C FLUXO DENTRO DA FONTE  
 C CALCULO DA FONTE A DIREITA  
 3 NPCC=NPC-NPFC-1  
 NXE=KM+NPC  
 SD=SG(KM,NXE,K)  
 TFC(NPC)7,7,7  
 SD DO 5 KCX=1,NPCC  
 KCZ=NPC-KCX+1  
 KCY=KCZ-1+KN  
 5 DS(KCZ)=SG(KN,KCY,K)-SD  
 C CALCULO DA FONTE A ESQUERDA  
 6 NCE=NPCC+1  
 DO 8 KCX=1,NCE  
 KCY=KN+NCE-KCX  
 KCZ=KCY  
 8 DS(KCZ)=SA(KN,KCY,K)-SD  
 C CALCULO DO FLUXO  
 SN=0.  
 ALFAX=ALFA1(K,KM)  
 AX=A(K,KM)





IV 360N-FD-479 2-6 FANTC DATE 14/10/73 TIME  
 SUBROUTINE FANTC  
 CALCULO DAL FONTE ANTOS GAMMA  
 COMMON 1,J,L  
 COMMON ALFA1(7,7),ALFA2(7,7),NGG,PGU,NTC(7),LNM,A1(31),BD(31),A1  
 1,B1(31),A2(31),B2(31),CMCL,F(18),N,NGN,LH,NGF,SNH,XNI,EN(32  
 2E(19),INC,A(7,7),IFRG,ITC(7),NTC3,NTC3,11,6(7)  
 COMMON FIG(7),S0,DS(7),ALFMX,KMX,EX,FIG(7,7),FIG(7,7),SG(7,7  
 1,S(7,7),FIG(31,7,7),HMX,KC,KC,CMC,3XSCN(18),C(),SX(7,7),FI  
 27,7,7),SGT(31,7),CPM(7,7),COI(7,7)  
 COMMON XMT(7,7),O(31,7),SGPM(18,7),R(7),SGA(31,7),SGTC(31,7),  
 1M(7,7,7),P(31,7,7),Q(31,7,7),SGEHR(31,31,7)  
 NCT=NC+2  
 IF(LD)1,1,2  
 2 K2=0  
 JX=L  
 NICK=NIC(J)  
 IF(J=NCT)151,152,152  
 151 IF(L-NICK)152,153,153  
 153 K2=1  
 JX=0  
 152 IX=J+K2  
 LU=ITC(IX)  
 IF(I=1)1,3,3  
 3 DO 80K=1,NGG  
 4 IF(J-2)10,10,20  
 10 IF(IFRG) 110,110,120  
 110 IX=1  
 LU=ITC(1)  
 JX=0  
 IFRG=1  
 120 IFTRN=FIG(I,3,1)\*(1.0+CMCL\*RAHS(R(3)+K(1)-1))  
 130 IF(I=1)1,40,50  
 140 SG(IX,JX+1,K)=SG(IX,JX+1,K)+IFTRN\*R(T,LU,K)+SNH\*G(K)  
 150 GO TO 60  
 160 SG(IX,JX+1,K)=SG(IX,JX+1,K)+IFTRN\*R(T,LU,K)  
 170 IF(LD-NGN)90,90,80  
 180 IF(T-N)70,70,80  
 190 70 IF(I-1)80,80,71  
 200 71 SG(IX,JX+1,K)=SG(IX,JX+1,K)+IFTRN\*R(T,LU,K)  
 210 GO TO 80  
 220 20 SG(IX,JX+1,K)=SG(IX,JX+1,K)+FIG(T,IX-2,JX+1)\*Q(T,LU,K)  
 230 IF(I=N)100,100,80  
 240 100 IF(I-1)80,80,101  
 250 101 SG(IX,JX+1,K)=SG(IX,JX+1,K)+FIG(T,IX-2,JX+1)\*Q(T,LU,K)  
 260 CONTINUE  
 1 RETURN  
 2 FND

IV 360M-F(1-479) P-5

EXPIT

DATE 16/10/71

TIME

```
FUNCTION EXPIT(X,NEXP)
C   FUNCAO PARA CALCULO DE INTEGRAL EXPONENCIAL
      DIMENSION AI(5),BT(5)
      DATA AI,BT / 0.26777373, 0.6347609, 1.9350112, 2.5730287, 1.6, 3.95849
      19, 21, 0.020653, 2.5, 6.32956, 2.5733223, 1.6 /
      A = AI(1)
      B = BT(1)
      MM = 1
      EPINT = 0.
      DO 1 L=1,NEXP
      1 IF(L>1)2,2,3
      2 IF(ABS(X)->1E-5)5,6,22
      6 IF(NEXP-1)<3,30,32
      32 EXPIT=1./(NEXP-1)
      GO TO 33
      22 IF(ABS(X)=1.)8,5,5
      30 WRITE(3,9) NEXP
      9 FORMAT(20X,'ARGUMENTO DA INTEGRAL EXPONENCIAL IGUAL A ZERO!',IS7)
      GO TO 1
      5 DO 7 M=2,5
      6 A = A + AI(M)*X***(M-1)
      7 B = B + BT(M)*X***(M-1)
      EPINT = EXP(-X)*A/(X*B)
      GO TO 11
      8 DO 12 M=1,100
      9 MM = MM*M
      10 IF(M>120)20,21
      20 MX=2
      11 GO TO 23
      21 MX=M-1
      23 EPINT=(-1.)***(MX)*X***(M-1)/(M*X**M)+EPINT
      12 IF(M-1)13,13,15
      15 IF(ABS(EXPIT)-ABS(EPINT)+10.*X*(-6)) 14,13,13
      13 EPITX = EPINT
      12 CONTINUE
      14 WRITE(3,16)
      16 FORMAT(10X,'INTEGRAL EXPONENCIAL SEM A PRECISAO DESEJADA')
      17 EPINT = EPINT-.577215-ALOG(X)
      11 IF(NEXP-1)17,17,1
      13 EPINT=(EXP(-X)-X*EPINT)/(L-1)
      14 CONTINUE
      17 EXPIT = EPINT
      33 RETURN
      END
```

\* 960N-FO-470 3-6 11-FINCD DATE 16/10/71 TIME  
 1 SUBROUTINE FINCD  
 2 COMMON I,J,L  
 3 COMMON ALFA(I,J,I),BLFA(I,J,I),HIC,I,ITC(I,I),I1(I,I),I2(I,I),  
 4 I3(I,I),I4(I,I),I5(I,I),I6(I,I),I7(I,I),I8(I,I),I9(I,I),  
 5 I10(I,I),I11(I,I),I12(I,I),I13(I,I),I14(I,I),I15(I,I),  
 6 I16(I,I),I17(I,I),I18(I,I),I19(I,I),I20(I,I),I21(I,I),  
 7 I22(I,I),I23(I,I),I24(I,I),I25(I,I),I26(I,I),I27(I,I),  
 8 I28(I,I),I29(I,I),I30(I,I),I31(I,I),I32(I,I),I33(I,I),  
 9 I34(I,I),I35(I,I),I36(I,I),I37(I,I),I38(I,I),I39(I,I),  
 10 I40(I,I),I41(I,I),I42(I,I),I43(I,I),I44(I,I),I45(I,I),  
 11 I46(I,I),I47(I,I),I48(I,I),I49(I,I),I50(I,I),I51(I,I),  
 12 I52(I,I),I53(I,I),I54(I,I),I55(I,I),I56(I,I),I57(I,I),  
 13 I58(I,I),I59(I,I),I60(I,I),I61(I,I),I62(I,I),I63(I,I),  
 14 I64(I,I),I65(I,I),I66(I,I),I67(I,I),I68(I,I),I69(I,I),  
 15 I70(I,I),I71(I,I),I72(I,I),I73(I,I),I74(I,I),I75(I,I),  
 16 I76(I,I),I77(I,I),I78(I,I),I79(I,I),I80(I,I),I81(I,I),  
 17 I82(I,I),I83(I,I),I84(I,I),I85(I,I),I86(I,I),I87(I,I),  
 18 I88(I,I),I89(I,I),I90(I,I),I91(I,I),I92(I,I),I93(I,I),  
 19 I94(I,I),I95(I,I),I96(I,I),I97(I,I),I98(I,I),I99(I,I),  
 20 I100(I,I),I101(I,I),I102(I,I),I103(I,I),I104(I,I),  
 21 I105(I,I),I106(I,I),I107(I,I),I108(I,I),I109(I,I),  
 22 I110(I,I),I111(I,I),I112(I,I),I113(I,I),I114(I,I),  
 23 I115(I,I),I116(I,I),I117(I,I),I118(I,I),I119(I,I),  
 24 I120(I,I),I121(I,I),I122(I,I),I123(I,I),I124(I,I),  
 25 I125(I,I),I126(I,I),I127(I,I),I128(I,I),I129(I,I),  
 26 I130(I,I),I131(I,I),I132(I,I),I133(I,I),I134(I,I),  
 27 I135(I,I),I136(I,I),I137(I,I),I138(I,I),I139(I,I),  
 28 I140(I,I),I141(I,I),I142(I,I),I143(I,I),I144(I,I),  
 29 I145(I,I),I146(I,I),I147(I,I),I148(I,I),I149(I,I),  
 30 I150(I,I),I151(I,I),I152(I,I),I153(I,I),I154(I,I),  
 31 I155(I,I),I156(I,I),I157(I,I),I158(I,I),I159(I,I),  
 32 I160(I,I),I161(I,I),I162(I,I),I163(I,I),I164(I,I),  
 33 I165(I,I),I166(I,I),I167(I,I),I168(I,I),I169(I,I),  
 34 I170(I,I),I171(I,I),I172(I,I),I173(I,I),I174(I,I),  
 35 I175(I,I),I176(I,I),I177(I,I),I178(I,I),I179(I,I),  
 36 I180(I,I),I181(I,I),I182(I,I),I183(I,I),I184(I,I),  
 37 I185(I,I),I186(I,I),I187(I,I),I188(I,I),I189(I,I),  
 38 I190(I,I),I191(I,I),I192(I,I),I193(I,I),I194(I,I),  
 39 I195(I,I),I196(I,I),I197(I,I),I198(I,I),I199(I,I),  
 40 I200(I,I),I201(I,I),I202(I,I),I203(I,I),I204(I,I),  
 41 I205(I,I),I206(I,I),I207(I,I),I208(I,I),I209(I,I),  
 42 I210(I,I),I211(I,I),I212(I,I),I213(I,I),I214(I,I),  
 43 I215(I,I),I216(I,I),I217(I,I),I218(I,I),I219(I,I),  
 44 I220(I,I),I221(I,I),I222(I,I),I223(I,I),I224(I,I),  
 45 I225(I,I),I226(I,I),I227(I,I),I228(I,I),I229(I,I),  
 46 I230(I,I),I231(I,I),I232(I,I),I233(I,I),I234(I,I),  
 47 I235(I,I),I236(I,I),I237(I,I),I238(I,I),I239(I,I),  
 48 I240(I,I),I241(I,I),I242(I,I),I243(I,I),I244(I,I),  
 49 I245(I,I),I246(I,I),I247(I,I),I248(I,I),I249(I,I),  
 50 I250(I,I),I251(I,I),I252(I,I),I253(I,I),I254(I,I),  
 51 I255(I,I),I256(I,I),I257(I,I),I258(I,I),I259(I,I),  
 52 I260(I,I),I261(I,I),I262(I,I),I263(I,I),I264(I,I),  
 53 I265(I,I),I266(I,I),I267(I,I),I268(I,I),I269(I,I),  
 54 I270(I,I),I271(I,I),I272(I,I),I273(I,I),I274(I,I),  
 55 I275(I,I),I276(I,I),I277(I,I),I278(I,I),I279(I,I),  
 56 I280(I,I),I281(I,I),I282(I,I),I283(I,I),I284(I,I),  
 57 I285(I,I),I286(I,I),I287(I,I),I288(I,I),I289(I,I),  
 58 I290(I,I),I291(I,I),I292(I,I),I293(I,I),I294(I,I),  
 59 I295(I,I),I296(I,I),I297(I,I),I298(I,I),I299(I,I),  
 60 I299(I,I),I300(I,I),I301(I,I),I302(I,I),I303(I,I),  
 61 I304(I,I),I305(I,I),I306(I,I),I307(I,I),I308(I,I),  
 62 I309(I,I),I310(I,I),I311(I,I),I312(I,I),I313(I,I),  
 63 I314(I,I),I315(I,I),I316(I,I),I317(I,I),I318(I,I),  
 64 I319(I,I),I320(I,I),I321(I,I),I322(I,I),I323(I,I),  
 65 I324(I,I),I325(I,I),I326(I,I),I327(I,I),I328(I,I),  
 66 I329(I,I),I330(I,I),I331(I,I),I332(I,I),I333(I,I),  
 67 I334(I,I),I335(I,I),I336(I,I),I337(I,I),I338(I,I),  
 68 I339(I,I),I340(I,I),I341(I,I),I342(I,I),I343(I,I),  
 69 I344(I,I),I345(I,I),I346(I,I),I347(I,I),I348(I,I),  
 70 I349(I,I),I350(I,I),I351(I,I),I352(I,I),I353(I,I),  
 71 I354(I,I),I355(I,I),I356(I,I),I357(I,I),I358(I,I),  
 72 I359(I,I),I360(I,I),I361(I,I),I362(I,I),I363(I,I),  
 73 I364(I,I),I365(I,I),I366(I,I),I367(I,I),I368(I,I),  
 74 I369(I,I),I370(I,I),I371(I,I),I372(I,I),I373(I,I),  
 75 I374(I,I),I375(I,I),I376(I,I),I377(I,I),I378(I,I),  
 76 I379(I,I),I380(I,I),I381(I,I),I382(I,I),I383(I,I),  
 77 I384(I,I),I385(I,I),I386(I,I),I387(I,I),I388(I,I),  
 78 I389(I,I),I390(I,I),I391(I,I),I392(I,I),I393(I,I),  
 79 I394(I,I),I395(I,I),I396(I,I),I397(I,I),I398(I,I),  
 80 I399(I,I),I400(I,I),I401(I,I),I402(I,I),I403(I,I),  
 81 I404(I,I),I405(I,I),I406(I,I),I407(I,I),I408(I,I),  
 82 I409(I,I),I410(I,I),I411(I,I),I412(I,I),I413(I,I),  
 83 I414(I,I),I415(I,I),I416(I,I),I417(I,I),I418(I,I),  
 84 I419(I,I),I420(I,I),I421(I,I),I422(I,I),I423(I,I),  
 85 I424(I,I),I425(I,I),I426(I,I),I427(I,I),I428(I,I),  
 86 I429(I,I),I430(I,I),I431(I,I),I432(I,I),I433(I,I),  
 87 I434(I,I),I435(I,I),I436(I,I),I437(I,I),I438(I,I),  
 88 I439(I,I),I440(I,I),I441(I,I),I442(I,I),I443(I,I),  
 89 I444(I,I),I445(I,I),I446(I,I),I447(I,I),I448(I,I),  
 90 I449(I,I),I450(I,I),I451(I,I),I452(I,I),I453(I,I),  
 91 I454(I,I),I455(I,I),I456(I,I),I457(I,I),I458(I,I),  
 92 I459(I,I),I460(I,I),I461(I,I),I462(I,I),I463(I,I),  
 93 I464(I,I),I465(I,I),I466(I,I),I467(I,I),I468(I,I),  
 94 I469(I,I),I470(I,I),I471(I,I),I472(I,I),I473(I,I),  
 95 I474(I,I),I475(I,I),I476(I,I),I477(I,I),I478(I,I),  
 96 I479(I,I),I480(I,I),I481(I,I),I482(I,I),I483(I,I),  
 97 I484(I,I),I485(I,I),I486(I,I),I487(I,I),I488(I,I),  
 98 I489(I,I),I490(I,I),I491(I,I),I492(I,I),I493(I,I),  
 99 I494(I,I),I495(I,I),I496(I,I),I497(I,I),I498(I,I),  
 100 I499(I,I),I500(I,I),I501(I,I),I502(I,I),I503(I,I),  
 101 I504(I,I),I505(I,I),I506(I,I),I507(I,I),I508(I,I),  
 102 I509(I,I),I510(I,I),I511(I,I),I512(I,I),I513(I,I),  
 103 I514(I,I),I515(I,I),I516(I,I),I517(I,I),I518(I,I),  
 104 I519(I,I),I520(I,I),I521(I,I),I522(I,I),I523(I,I),  
 105 I524(I,I),I525(I,I),I526(I,I),I527(I,I),I528(I,I),  
 106 I529(I,I),I530(I,I),I531(I,I),I532(I,I),I533(I,I),  
 107 I534(I,I),I535(I,I),I536(I,I),I537(I,I),I538(I,I),  
 108 I539(I,I),I540(I,I),I541(I,I),I542(I,I),I543(I,I),  
 109 I544(I,I),I545(I,I),I546(I,I),I547(I,I),I548(I,I),  
 110 I549(I,I),I550(I,I),I551(I,I),I552(I,I),I553(I,I),  
 111 I554(I,I),I555(I,I),I556(I,I),I557(I,I),I558(I,I),  
 112 I559(I,I),I560(I,I),I561(I,I),I562(I,I),I563(I,I),  
 113 I564(I,I),I565(I,I),I566(I,I),I567(I,I),I568(I,I),  
 114 I569(I,I),I570(I,I),I571(I,I),I572(I,I),I573(I,I),  
 115 I574(I,I),I575(I,I),I576(I,I),I577(I,I),I578(I,I),  
 116 I579(I,I),I580(I,I),I581(I,I),I582(I,I),I583(I,I),  
 117 I584(I,I),I585(I,I),I586(I,I),I587(I,I),I588(I,I),  
 118 I589(I,I),I590(I,I),I591(I,I),I592(I,I),I593(I,I),  
 119 I594(I,I),I595(I,I),I596(I,I),I597(I,I),I598(I,I),  
 120 I599(I,I),I600(I,I),I601(I,I),I602(I,I),I603(I,I),  
 121 I604(I,I),I605(I,I),I606(I,I),I607(I,I),I608(I,I),  
 122 I609(I,I),I610(I,I),I611(I,I),I612(I,I),I613(I,I),  
 123 I614(I,I),I615(I,I),I616(I,I),I617(I,I),I618(I,I),  
 124 I619(I,I),I620(I,I),I621(I,I),I622(I,I),I623(I,I),  
 125 I624(I,I),I625(I,I),I626(I,I),I627(I,I),I628(I,I),  
 126 I629(I,I),I630(I,I),I631(I,I),I632(I,I),I633(I,I),  
 127 I634(I,I),I635(I,I),I636(I,I),I637(I,I),I638(I,I),  
 128 I639(I,I),I640(I,I),I641(I,I),I642(I,I),I643(I,I),  
 129 I644(I,I),I645(I,I),I646(I,I),I647(I,I),I648(I,I),  
 130 I649(I,I),I650(I,I),I651(I,I),I652(I,I),I653(I,I),  
 131 I654(I,I),I655(I,I),I656(I,I),I657(I,I),I658(I,I),  
 132 I659(I,I),I660(I,I),I661(I,I),I662(I,I),I663(I,I),  
 133 I664(I,I),I665(I,I),I666(I,I),I667(I,I),I668(I,I),  
 134 I669(I,I),I670(I,I),I671(I,I),I672(I,I),I673(I,I),  
 135 I674(I,I),I675(I,I),I676(I,I),I677(I,I),I678(I,I),  
 136 I679(I,I),I680(I,I),I681(I,I),I682(I,I),I683(I,I),  
 137 I684(I,I),I685(I,I),I686(I,I),I687(I,I),I688(I,I),  
 138 I689(I,I),I690(I,I),I691(I,I),I692(I,I),I693(I,I),  
 139 I694(I,I),I695(I,I),I696(I,I),I697(I,I),I698(I,I),  
 140 I699(I,I),I700(I,I),I701(I,I),I702(I,I),I703(I,I),  
 141 I704(I,I),I705(I,I),I706(I,I),I707(I,I),I708(I,I),  
 142 I709(I,I),I710(I,I),I711(I,I),I712(I,I),I713(I,I),  
 143 I714(I,I),I715(I,I),I716(I,I),I717(I,I),I718(I,I),  
 144 I719(I,I),I720(I,I),I721(I,I),I722(I,I),I723(I,I),  
 145 I724(I,I),I725(I,I),I726(I,I),I727(I,I),I728(I,I),  
 146 I729(I,I),I730(I,I),I731(I,I),I732(I,I),I733(I,I),  
 147 I734(I,I),I735(I,I),I736(I,I),I737(I,I),I738(I,I),  
 148 I739(I,I),I740(I,I),I741(I,I),I742(I,I),I743(I,I),  
 149 I744(I,I),I745(I,I),I746(I,I),I747(I,I),I748(I,I),  
 150 I749(I,I),I750(I,I),I751(I,I),I752(I,I),I753(I,I),  
 151 I754(I,I),I755(I,I),I756(I,I),I757(I,I),I758(I,I),  
 152 I759(I,I),I760(I,I),I761(I,I),I762(I,I),I763(I,I),  
 153 I764(I,I),I765(I,I),I766(I,I),I767(I,I),I768(I,I),  
 154 I769(I,I),I770(I,I),I771(I,I),I772(I,I),I773(I,I),  
 155 I774(I,I),I775(I,I),I776(I,I),I777(I,I),I778(I,I),  
 156 I779(I,I),I780(I,I),I781(I,I),I782(I,I),I783(I,I),  
 157 I784(I,I),I785(I,I),I786(I,I),I787(I,I),I788(I,I),  
 158 I789(I,I),I790(I,I),I791(I,I),I792(I,I),I793(I,I),  
 159 I794(I,I),I795(I,I),I796(I,I),I797(I,I),I798(I,I),  
 160 I799(I,I),I800(I,I),I801(I,I),I802(I,I),I803(I,I),  
 161 I804(I,I),I805(I,I),I806(I,I),I807(I,I),I808(I,I),  
 162 I809(I,I),I810(I,I),I811(I,I),I812(I,I),I813(I,I),  
 163 I814(I,I),I815(I,I),I816(I,I),I817(I,I),I818(I,I),  
 164 I819(I,I),I820(I,I),I821(I,I),I822(I,I),I823(I,I),  
 165 I824(I,I),I825(I,I),I826(I,I),I827(I,I),I828(I,I),  
 166 I829(I,I),I830(I,I),I831(I,I),I832(I,I),I833(I,I),  
 167 I834(I,I),I835(I,I),I836(I,I),I837(I,I),I838(I,I),  
 168 I839(I,I),I840(I,I),I841(I,I),I842(I,I),I843(I,I),  
 169 I844(I,I),I845(I,I),I846(I,I),I847(I,I),I848(I,I),  
 170 I849(I,I),I850(I,I),I851(I,I),I852(I,I),I853(I,I),  
 171 I854(I,I),I855(I,I),I856(I,I),I857(I,I),I858(I,I),  
 172 I859(I,I),I860(I,I),I861(I,I),I862(I,I),I863(I,I),  
 173 I864(I,I),I865(I,I),I866(I,I),I867(I,I),I868(I,I),  
 174 I869(I,I),I870(I,I),I871(I,I),I872(I,I),I873(I,I),  
 175 I874(I,I),I875(I,I),I876(I,I),I877(I,I),I878(I,I),  
 176 I879(I,I),I880(I,I),I881(I,I),I882(I,I),I883(I,I),  
 177 I884(I,I),I885(I,I),I886(I,I),I887(I,I),I888(I,I),  
 178 I889(I,I),I890(I,I),I891(I,I),I892(I,I),I893(I,I),  
 179 I894(I,I),I895(I,I),I896(I,I),I897(I,I),I898(I,I),  
 180 I899(I,I),I900(I,I),I901(I,I),I902(I,I),I903(I,I),  
 181 I904(I,I),I905(I,I),I906(I,I),I907(I,I),I908(I,I),  
 182 I909(I,I),I910(I,I),I911(I,I),I912(I,I),I913(I,I),  
 183 I914(I,I),I915(I,I),I916(I,I),I917(I,I),I918(I,I),  
 184 I919(I,I),I920(I,I),I921(I,I),I922(I,I),I923(I,I),  
 185 I924(I,I),I925(I,I),I926(I,I),I927(I,I),I928(I,I),  
 186 I929(I,I),I930(I,I),I931(I,I),I932(I,I),I933(I,I),  
 187 I934(I,I),I935(I,I),I936(I,I),I937(I,I),I938(I,I),  
 188 I939(I,I),I940(I,I),I941(I,I),I942(I,I),I943(I,I),  
 189 I944(I,I),I945(I,I),I946(I,I),I947(I,I),I948(I,I),  
 190 I949(I,I),I950(I,I),I951(I,I),I952(I,I),I953(I,I),  
 191 I954(I,I),I955(I,I),I956(I,I),I957(I,I),I958(I,I),  
 192 I959(I,I),I960(I,I),I961(I,I),I962(I,I),I963(I,I),  
 193 I964(I,I),I965(I,I),I966(I,I),I967(I,I),I968(I,I),  
 194 I969(I,I),I970(I,I),I971(I,I),I972(I,I),I973(I,I),  
 195 I974(I,I),I975(I,I),I976(I,I),I977(I,I),I978(I,I),  
 196 I979(I,I),I980(I,I),I981(I,I),I982(I,I),I983(I,I),  
 197 I984(I,I),I985(I,I),I986(I,I),I987(I,I),I988(I,I),  
 198 I989(I,I),I990(I,I),I991(I,I),I992(I,I),I993(I,I),  
 199 I994(I,I),I995(I,I),I996(I,I),I997(I,I),I998(I,I),  
 200 I999(I,I),I2000(I,I),I2001(I,I),I2002(I,I),I2003(I,I),  
 201 I2004(I,I),I2005(I,I),I2006(I,I),I2007(I,I),I2008(I,I),  
 202 I2009(I,I),I2010(I,I),I2011(I,I),I2012(I,I),I2013(I,I),  
 203 I2014(I,I),I2015(I,I),I2016(I,I),I2017(I,I),I2018(I,I),  
 204 I2019(I,I),I2020(I,I),I2021(I,I),I2022(I,I),I2023(I,I),  
 205 I2024(I,I),I2025(I,I),I2026(I,I),I2027(I,I),I2028(I,I),  
 206 I2029(I,I),I2030(I,I),I2031(I,I),I2032(I,I),I2033(I,I),  
 207 I2034(I,I),I2035(I,I),I2036(I,I),I2037(I,I),I2038(I,I),  
 208 I2039(I,I),I2040(I,I),I2041(I,I),I2042(I,I),I2043(I,I),  
 209 I2044(I,I),I2045(I,I),I2046(I,I),I2047(I,I),I2048(I,I),  
 210 I2049(I,I),I2050(I,I),I2051(I,I),I2052(I,I),I2053(I,I),  
 211 I2054(I,I),I2055(I,I),I2056(I,I),I2057(I,I),I2058(I,I),  
 212 I2059(I,I),I2060(I,I),I2061(I,I),I2062(I,I),I2063(I,I),  
 213 I2064(I,I),I2065(I,I),I2066(I,I),I2067(I,I),I2068(I,I),  
 214 I2069(I,I),I2070(I,I),I2071(I,I),I2072(I,I),I2073(I,I),  
 215 I2074(I,I),I2075(I,I),I2076(I,I),I2077(I,I),I2078(I,I),  
 216 I2079(I,I),I2080(I,I),I2081(I,I),I2082(I,I),I2083(I,I),  
 217 I2084(I,I),I2085(I,I),I2086(I,I),I2087(I,I),I2088(I,I),  
 218 I2089(I,I),I2090(I,I),I2091(I,I),I2092(I,I),I2093(I,I),  
 219 I2094(I,I),I2095(I,I),I2096(I,I),I2097(I,I),I2098(I,I),  
 220 I2099(I,I),I2100(I,I),I2101(I,I),I2102(I,I),I2103(I,I),  
 221 I2104(I,I),I2105(I,I),I2106(I,I),I2107(I,I),I2108(I,I),  
 222 I2109(I,I),I2110(I,I),I2111(I,I),I2112(I,I),I2113(I,I),  
 223 I2114(I,I),I2115(I,I),I2116(I,I),I2117(I,I),I2118(I,I),  
 224 I2119(I,I),I2120(I,I),I2121(I,I),I2122(I,I),I2123(I,I),  
 225 I2124(I,I),I2125(I,I),I2126(I,I),I2127(I,I),I2128(I,I),  
 226 I2129(I,I),I2130(I,I),I2131(I,I),I2132(I,I),I2133(I,I),  
 227 I2134(I,I),I2135(I,I),I2136(I,I),I2137(I,I),I2138(I,I),  
 228 I2139(I,I),I2140(I,I),I2141(I,I),I2142(I,I),I2143(I,I),  
 229 I2144(I,I),I2145(I,I),I2146(I,I),I2147(I,I),I2148(I,I),  
 230 I2149(I,I),I2150(I,I),I2151(I,I),I2152(I,I),I2153(I,I),  
 231 I2154(I,I),I2155(I,I),I2156(I,I),I2157(I,I),I2158(I,I),  
 232 I2159(I,I),I2160(I,I),I2161(I,I),I2162(I,I),I2163(I,I),  
 233 I2164(I,I),I2165(I,I),I2166(I,I),I2167(I,I),I2168(I,I),  
 234 I2169(I,I),I2170(I,I),I2171(I,I),I2172(I,I),I2173(I,I),  
 235 I2174(I,I),I2175(I,I),I2176(I,I),I2177(I,I),I2178(I,I),  
 236 I2179(I,I),I2180(I,I),I2181(I,I),I2182(I,I),I2183(I,I),  
 237 I2184(I,I),I2185(I,I),I2186(I,I),I2187(I,I),I2188(I,I),  
 238 I2189(I,I),I2190(I,I),I2191(I,I),I2192(I,I),I2193(I,I),  
 239 I2194(I,I),I2195(I,I),I2196(I,I),I2197(I,I),I2198(I,I),  
 240 I2199(I,I),I2200(I,I),I2201(I,I),I2202(I,I),I2203(I,I),  
 241 I2204(I,I),I2205(I,I),I2206(I,I),I2207(I,I),I2208(I,I),  
 242 I2209(I,I),I2210(I,I),I2211(I,I),I2212(I,I),I2213(I,I),  
 243 I2214(I,I),I2215(I,I),I2216(I,I),I2217(I,I),I2218(I,I),  
 244 I2219(I,I),I2220(I,I),I2221(I,I),I2222(I,I),I2223(I,I),  
 245 I2224(I,I),I2225(I,I),I2226(I,I),I2227(I,I),I2228(I,I),  
 246 I2229(I,I),I2230(I,I),I2231(I,I),I2232(I,I),I2233(I,I),  
 247 I2234(I,I),I2235(I,I),I2236(I,I),I2237(I,I),I2238(I,I),  
 248 I2239(I,I),I2240(I,I),I2241(I,I),I2242(I,I),I2243(I,I),  
 249 I2244(I,I),I2245(I,I),I2246(I,I),I2247(I,I),I2248(I,I),  
 250 I2249(I,I),I2250(I,I),I2251(I,I),I2252(I,I),I2253(I,I),  
 251 I2254(I,I),I2255(I,I),I2256(I,I),I2257(I,I),I2258(I,I),  
 252 I2259(I,I),I2260(I,I),I2261(I,I),I2262(I,I),I2263(I,I),  
 253 I2264(I,I),I2265(I,I),I2266(I,I),I2267(I,I),I2268(I,I),  
 254 I2269(I,I),I2270(I,I),I2271(I,I),I2272(I,I),I2273(I,I),  
 255 I2274(I,I),I2275(I,I),I2276(I,I),I2277(I,I),I2278(I,I),  
 256 I2279(I,I),I2280(I,I),I2281(I,I),I2282(I,I),I2283(I,I),  
 257 I2284(I,I),I2285(I,I),I2286(I,I),I2287(I,I),I2288(I,I),  
 258 I2289(I,I),I2290(I,I),I2291(I,I),I2292(I,I),I2293(I,I),  
 259 I2294(I,I),I2295(I,I),I2296(I,I),I2297(I,I),I2298(I,I),  
 260 I2299(I,I),I2300(I,I),I2301(I,I),I2302(I,I),I2303(I,I),  
 261 I2304(I,I),I2305(I,I),I2306(I,I),I2307(I,I),I2308(I,I),  
 262 I2309(I,I),I2310(I,I),I2311(I,I),I2312(I,I),I2313(I,I),  
 263 I2314(I,I),I2315(I,I),I2316(I,I),I2317(I,I),I2318(I,I),  
 264 I2319(I,I),I2320(I,I),I2321(I,I),I2322(I,I),I2323(I,I),  
 265 I2324(I,I),I2325(I,I),I2326(I,I),I2327(I,I),I2328(I,I),  
 266 I2329(I,I),I2330(I,I),I2331(I,I),I2332(I,I),I2333(I,I),  
 267 I2334(I,I),I2335(I,I),I2336(I,I),I2337(I,I),I2338(I,I),  
 268 I2339(I,I),I2340(I,I),I2341(I,I),I2342(I,I),I2343(I,I),  
 269 I2344(I,I),I2345(I,I),I2346(I,I),I2347(I,I),I2348(I,I),  
 270 I2349(I,I),I2350(I,I),I2351(I,I),I2352(I,I),I2353(I,I),  
 271 I2354(I,I),I2355(I,I),I2356(I,I),I2357(I,I),I2358(I,I),  
 272 I2359(I,I),I2360(I,I),I2361(I,I),I2362(I,I),I2363(I,I),  
 273 I2364(I,I),I2365(I,I),I2366(I,I),I2367(I,I),I2368(I,I),  
 274 I2369(I,I),I2370(I,I),I2371(I,I),I2372(I,I),I2373(I,I),  
 275 I2374(I,I),I2375(I,I),I2376(I,I),I2377(I,I),I2378(I,I),  
 276 I2379(I,I),I2380(I,I),I2381(I,I),I2382(I,I),I2383(I,I),  
 277 I2384(I,I),I2385(I,I),I2386(I,I),I2387(I,I),I2388(I,I),  
 278 I2389(I,I),I2390(I,I),I2391(I,I),I2392(I,I),I2393(I,I),  
 279 I2394(I,I),I2395(I,I),I2396(I,I),I2397(I,I),I2398(I,I),  
 280 I2399(I,I),I2400(I,I),I2401(I,I),I2402(I,I),I2403(I,I),  
 281 I2404(I,I),I2405(I,I),I2406(I,I),I2407(I

**APÊNDICE C**

6

**RESULTADOS FINAIS**

"FLUXO" DE NEUTRÔNIS

75.0	0.2331E-13	0.1214E-13	0.7377E-12	0.4952E-12	0.3651E-12	0.2311E-12	0.23861E-12
80.2	0.2311E-12	0.1595E-12	0.1446E-12	0.1237E-12	0.1062E-12	0.9024E-11	0.7608E-11
85.4	0.7608E-11	0.5349E-11	0.4906E-11	0.4237E-11	0.4237E-11	0.3624E-11	0.2962E-11
90.5	0.2320E-11	0.2294E-11	0.2260E-11	0.2223E-11	0.2223E-11	0.2205E-11	0.2205E-11
75.0	0.2219E-13	0.1037E-13	0.6252E-12	0.4029E-12	0.2857E-12	0.1725E-12	0.1725E-12
80.2	0.1725E-12	0.1139E-12	0.1020E-12	0.8373E-12	0.6935E-12	0.5435E-11	0.4693E-11
85.4	0.5493E-11	0.3741E-11	0.3429E-11	0.2935E-11	0.2636E-11	0.2513E-11	0.1933E-11
90.5	0.1285E-11	0.1268E-11	0.1255E-11	0.1255E-11	0.1255E-11	0.1255E-11	0.1255E-11
75.0	0.6131E-12	0.2392E-12	0.1347E-12	0.9150E-12	0.6368E-12	0.5280E-12	0.3933E-12
80.2	0.3933E-11	0.2719E-11	0.2269E-11	0.2045E-11	0.1693E-11	0.1585E-11	0.1244E-11
85.4	0.1244E-11	0.8993E-10	0.7295E-10	0.6936E-10	0.5516E-10	0.4416E-10	0.3279E-10
90.5	0.2208E-10	0.2079E-10	0.1970E-10	0.1858E-10	0.1858E-10	0.1858E-10	0.1858E-10
75.0	0.6130E-13	0.3174E-12	0.4979E-12	0.3181E-12	0.22602E-12	0.1672E-12	0.1201E-12
80.2	0.1291E-12	0.8233E-11	0.7161E-11	0.6313E-11	0.5413E-11	0.4753E-11	0.3764E-11
85.4	0.3954E-11	0.2646E-11	0.2367E-11	0.2031E-11	0.1713E-11	0.1255E-11	0.6759E-11
90.5	0.6769E-10	0.6641E-10	0.6517E-10	0.6396E-10	0.6396E-10	0.6396E-10	0.6396E-10
75.0	0.2331E-13	0.1038E-13	0.6669E-12	0.4441E-12	0.3522E-12	0.2223E-12	0.1609E-12
80.2	0.1630E-12	0.1064E-12	0.9963E-12	0.7834E-12	0.6775E-12	0.5844E-12	0.4603E-12
85.4	0.4903E-11	0.3239E-11	0.2897E-11	0.2517E-11	0.2517E-11	0.2517E-11	0.2517E-11
90.5	0.7950E-10	0.7735E-10	0.7624E-10	0.7463E-10	0.7463E-10	0.7463E-10	0.7463E-10
75.0	0.2331E-13	0.1145E-13	0.7526E-12	0.4874E-12	0.3269E-12	0.2385E-12	0.1765E-12
80.2	0.1765E-12	0.1069E-12	0.9010E-12	0.7816E-12	0.6601E-12	0.5847E-12	0.4652E-12
85.4	0.4853E-11	0.3177E-11	0.2818E-11	0.2434E-11	0.1946E-11	0.1335E-11	0.7385E-11
90.5	0.7386E-10	0.7245E-10	0.7167E-10	0.6972E-10	0.6972E-10	0.6972E-10	0.6972E-10
75.0	0.2331E-13	0.1164E-13	0.8047E-12	0.5322E-12	0.3614E-12	0.2590E-12	0.1986E-12
80.2	0.1236E-12	0.1116E-12	0.9227E-12	0.7899E-12	0.6776E-12	0.5874E-12	0.4857E-12
85.4	0.4857E-11	0.3154E-11	0.2777E-11	0.2380E-11	0.1898E-11	0.1326E-11	0.2113E-11
90.5	0.7002E-10	0.6837E-10	0.6676E-10	0.6520E-10	0.6520E-10	0.6520E-10	0.6520E-10
75.0	0.3159E-12	0.4124E-12	0.2673E-12	0.1365E-12	0.1250E-12	0.1250E-12	0.6645E-11
80.2	0.5645E-11	0.3965E-11	0.3065E-11	0.2741E-11	0.2741E-11	0.2741E-11	0.2741E-11
85.4	0.1662E-11	0.1114E-11	0.8105E-11	0.3130E-11	0.6304E-10	0.4560E-10	0.1639E-10
90.5	0.2002E-10	0.1502E-10	0.1202E-10	0.7002E-10	0.2002E-10	0.2002E-10	0.2002E-10

75.0	0.3159E+12	0.4141E+12	0.2639E+12	0.1393E+12	0.1269E+12	0.9745E+11	0.6780E+11
80.0	0.6780E+11	0.6476E+11	0.3061E+11	0.2731E+11	0.2267E+11	0.2124E+11	0.1666E+11
85.0	0.1666E+11	0.1169E+11	0.8943E+10	0.8023E+10	0.6298E+10	0.4524E+10	0.1672E+10
90.0	0.1672E+10	0.1539E+10	0.1206E+10	0.9516E+09	0.7408E+09	0.4932E+09	0.2453E+09
95.0	0.4433E+10	0.3458E+11	0.1874E+11	0.1608E+11	0.1265E+11	0.8842E+10	0.4433E+10
100.0	0.4433E+10	0.4194E+10	0.3971E+10	0.3763E+10	0.3552E+10	0.2454E+10	0.1832E+10
105.0	0.1632E+13	0.7200E+12	0.5635E+12	0.4664E+12	0.3661E+12	0.2659E+12	0.1913E+12
110.0	0.1460E+12	0.7314E+11	0.5655E+11	0.4664E+11	0.3661E+11	0.2659E+11	0.1913E+12
115.0	0.2935E+11	0.1897E+11	0.1590E+11	0.1367E+11	0.1067E+11	0.7173E+11	0.2935E+11
120.0	0.3637E+10	0.3368E+10	0.3121E+10	0.2897E+10	0.2664E+10	0.2362E+10	0.3637E+10
125.0	0.1399E+13	0.7359E+12	0.5159E+12	0.4092E+12	0.3061E+12	0.2059E+12	0.1363E+12
130.0	0.1399E+13	0.7536E+12	0.5812E+11	0.4932E+11	0.3861E+11	0.2859E+11	0.1937E+11
135.0	0.3163E+12	0.2130E+11	0.1535E+11	0.1353E+11	0.1153E+11	0.1054E+11	0.3163E+11
140.0	0.3085E+11	0.1529E+11	0.1203E+11	0.1035E+11	0.8623E+10	0.7305E+10	0.4085E+11
145.0	0.3567E+10	0.2288E+10	0.2035E+10	0.1836E+10	0.1636E+10	0.1436E+10	0.4567E+10
150.0	0.1865E+13	0.9956E+12	0.7162E+12	0.5994E+12	0.3897E+12	0.2666E+12	0.1393E+12
155.0	0.1913E+12	0.1049E+12	0.8112E+11	0.6735E+11	0.5446E+11	0.4065E+11	0.2013E+12
160.0	0.4048E+11	0.2527E+11	0.2130E+11	0.1792E+11	0.1305E+11	0.1056E+11	0.4608E+11
165.0	0.4851E+10	0.4518E+10	0.4395E+10	0.4162E+10	0.3935E+10	0.3691E+10	0.4851E+10
170.0	0.1265E+13	0.1011E+13	0.7323E+12	0.5349E+12	0.3843E+12	0.2972E+12	0.4294E+12
175.0	0.9325E+12	0.5017E+12	0.3476E+12	0.2551E+12	0.1703E+12	0.1304E+12	0.6711E+12
180.0	0.9711E+11	0.5340E+11	0.3950E+11	0.3375E+11	0.2757E+11	0.2546E+11	0.7657E+11
185.0	0.2600E+11	0.1273E+11	0.1020E+11	0.8823E+10	0.6729E+10	0.4768E+10	0.2121E+10
190.0	0.4518E+10	0.1741E+10	0.1435E+10	0.1126E+10	0.8912E+09	0.6891E+09	0.3518E+10
195.0	0.1265E+13	0.1561E+13	0.7323E+12	0.5349E+12	0.3843E+12	0.2972E+12	0.4543E+12
200.0	0.2062E+12	0.1116E+12	0.9502E+11	0.6953E+11	0.5774E+11	0.5056E+11	0.2779E+12
205.0	0.4101E+11	0.2533E+11	0.2114E+11	0.1763E+11	0.1363E+11	0.7591E+11	0.4157E+11
210.0	0.4699E+10	0.4447E+10	0.4211E+10	0.3991E+10	0.3791E+10	0.3591E+10	0.2223E+11
215.0	0.2797E+13	0.1561E+13	0.7323E+12	0.5349E+12	0.3843E+12	0.2972E+12	0.4543E+12
220.0	0.3279E+12	0.1561E+12	0.1889E+12	0.1069E+12	0.8459E+11	0.7591E+11	0.4157E+12
225.0	0.5152E+11	0.3813E+11	0.3216E+11	0.2621E+11	0.2119E+11	0.1566E+11	0.7223E+11
230.0	0.7230E+10	0.6971E+10	0.7230E+10	0.6456E+10	0.6456E+10	0.6456E+10	0.3456E+10

75.0	0.9325E+12	0.5242E+12	0.3746E+12	0.2359E+12	0.1609E+12	0.1127E+12	0.8112E+12
80.2	0.1123E+12	0.6123E+12	0.4459E+11	0.3695E+11	0.2643E+11	0.1963E+11	0.14663E+11
85.4	0.2046E+11	0.1610E+11	0.1285E+11	0.1010E+11	0.8504E+10	0.6552E+10	0.5065E+10
90.5	0.2005E+10	0.1609E+10	0.1297E+10	0.1051E+10	0.9476E+09	0.74764E+09	0.5375E+09
75.0	0.9325E+12	0.4361E+12	0.2782E+12	0.2160E+12	0.1521E+12	0.1252E+12	0.9400E+11
80.2	0.8480E+11	0.4712E+11	0.3270E+11	0.2779E+11	0.2176E+11	0.20466E+11	0.1515E+11
85.4	0.1515E+11	0.9345E+10	0.7422E+10	0.6468E+10	0.4764E+10	0.3473E+10	0.1375E+10
90.5	0.1375E+10	0.9721E+09	0.6304E+09	0.4948E+09	0.3494E+09	0.2440E+09	0.1244E+09
75.0	0.9325E+12	0.5959E+12	0.4497E+12	0.3456E+12	0.2523E+12	0.1991E+12	0.1469E+12
80.2	0.1409E+12	0.7529E+11	0.5467E+11	0.4463E+11	0.3586E+11	0.3199E+11	0.2498E+11
85.4	0.2498E+11	0.1534E+11	0.1215E+11	0.1019E+11	0.7693E+10	0.5356E+10	0.2440E+10
90.5	0.2449E+10	0.2065E+10	0.1747E+10	0.1484E+10	0.9924E+09	0.6262E+09	0.3262E+09
75.0	0.1662E+12	0.3734E+12	0.3383E+12	0.2795E+12	0.2041E+12	0.1677E+12	0.1186E+12
80.2	0.1156E+12	0.6264E+11	0.4303E+11	0.3654E+11	0.2896E+11	0.2674E+11	0.2022E+11
85.4	0.2022E+11	0.1265E+11	0.9642E+10	0.8246E+10	0.6131E+10	0.4337E+10	0.2666E+10
90.5	0.1954E+10	0.1451E+10	0.1141E+10	0.9024E+09	0.6304E+09	0.4472E+09	0.2713E+09
75.0	0.4094E+12	0.2977E+12	0.3251E+12	0.2757E+12	0.1994E+12	0.1767E+12	0.1425E+12
80.2	0.1142E+12	0.6320E+11	0.4270E+11	0.3625E+11	0.2825E+11	0.2705E+11	0.1975E+11
85.4	0.1975E+11	0.1266E+11	0.9233E+10	0.8079E+10	0.5911E+10	0.4371E+10	0.2713E+10
90.5	0.1713E+10	0.1325E+10	0.1029E+10	0.8044E+09	0.5576E+09	0.4472E+09	0.2629E+09
75.0	0.5693E+12	0.4155E+12	0.3271E+12	0.2776E+12	0.1949E+12	0.1741E+12	0.1471E+12
80.2	0.1119E+12	0.6535E+11	0.4157E+11	0.3645E+11	0.2756E+11	0.2611E+11	0.1919E+11
85.4	0.1919E+11	0.1239E+11	0.8935E+10	0.8035E+10	0.5705E+10	0.4472E+10	0.2829E+10
90.5	0.1522E+10	0.1159E+10	0.8682E+09	0.6335E+09	0.4635E+09	0.3471E+09	0.2186E+09
75.0	0.1713E+13	0.5693E+13	0.1658E+13	0.3542E+12	0.22414E+12	0.2330E+12	0.1320E+12
80.2	0.1392E+12	0.3531E+12	0.1531E+12	0.5123E+11	0.4622E+11	0.3407E+11	0.2364E+11
85.4	0.2364E+11	0.1679E+11	0.1679E+11	0.1666E+11	0.6963E+10	0.5763E+10	0.1736E+10
90.5	0.1978E+10	0.1637E+10	0.1484E+10	0.1359E+10	0.1084E+10	0.8634E+09	0.1422E+09
75.0	0.2466E+14	0.2400E+14	0.2037E+14	0.1873E+14	0.1969E+14	0.17848E+14	0.14665E+14
80.2	0.2106E+14	0.1674E+14	0.1674E+14	0.1620E+14	0.1568E+14	0.15185E+14	0.13064E+13
85.4	0.1730E+14	0.1674E+14	0.1674E+14	0.1620E+14	0.1568E+14	0.15185E+14	0.13064E+13
90.5	0.1422E+14	0.1172E+14	0.1172E+14	0.1172E+14	0.9693E+13	0.9693E+13	0.8064E+13

FLUXO DE RAIOS GAMA

GRUPO DE GAMA S 1		GRUPO DE GAMA S 2		GRUPO DE GAMA S 3		GRUPO DE GAMA S 4	
0.0 0.0	0.2551E-14	0.1953E-15	0.1949E-15	0.2997E-15	0.2936E-15	0.1053E-14	0.4974E-12
60.0 0.0	0.3476E-14	0.3476E-15	0.3476E-15	0.1790E-14	0.1790E-14	0.6477E-13	0.5550E-13
75.0 0.0	0.1816E-15	0.5159E-14	0.5159E-14	0.3587E-13	0.3587E-13	0.1560E-13	0.1126E-13
90.0 0.0	0.4804E-14	0.4932E-15	0.4932E-15	0.4974E-12	0.4974E-12	0.3155E-12	0.1954E-12
0.0 0.0	0.35.4 0.5078E-13	0.6314E-12	0.4307E-12	0.4235E-12	0.4235E-12	0.2397E-12	0.2257E-12
60.0 0.0	0.2257E-13	0.5164E-13	0.4905E-13	0.4679E-13	0.4679E-13	0.2416E-13	0.2110E-13
75.0 0.0	0.4453E-14	0.1542E-15	0.1536E-15	0.2394E-15	0.2434E-15	0.1536E-15	0.4453E-14
90.0 0.0	0.4453E-14	0.6750E-15	0.2536E-15	0.2424E-14	0.1517E-14	0.6890E-13	0.3748E-14
0.0 0.0	0.1679E-15	0.5485E-14	0.2424E-14	0.4418E-13	0.5360E-13	0.3135E-13	0.6920E-13
60.0 0.0	0.3748E-14	0.6347E-15	0.2424E-14	0.2406E-13	0.1265E-13	0.1111E-13	0.9925E-13
75.0 0.0	0.2107E-13	0.1985E-13	0.1985E-13	0.1500E-13	0.1464E-14	0.7257E-13	0.7257E-13
90.0 0.0	0.7073E-13	0.1548E-14	0.1548E-14	0.1464E-14	0.1464E-14	0.7257E-13	0.7257E-13
0.0 0.0	0.3692E-15	0.6805E-15	0.5722E-15	0.3585E-15	0.1620E-15	0.6461E-15	0.5128E-15
60.0 0.0	0.3692E-15	0.6552E-15	0.2257E-15	0.3156E-15	0.1862E-14	0.1630E-14	0.1361E-14
75.0 0.0	0.1573E-15	0.1573E-15	0.2257E-15	0.2406E-14	0.9464E-14	0.7653E-14	0.7332E-14
90.0 0.0	0.8834E-14	0.3144E-14	0.3144E-14	0.6534E-14	0.5947E-14	0.4305E-14	0.4305E-14
0.0 0.0	0.1977E-14	0.8703E-14	0.4756E-14	0.4625E-14	0.4625E-14	0.1677E-14	0.1677E-14
60.0 0.0	0.5567E-14	0.1874E-14	0.7649E-14	0.7217E-14	0.5567E-14	0.5567E-14	0.4691E-13
75.0 0.0	0.6294E-13	0.3127E-13	0.2405E-13	0.2057E-13	0.1642E-13	0.1642E-13	0.1638E-13
90.0 0.0	0.8276E-12	0.1947E-13	0.2653E-12	0.1152E-13	0.1076E-13	0.1020E-13	0.7410E-13
0.0 0.5	0.7110E-13	0.1697E-14	0.1552E-14	0.1552E-14	0.6755E-14	0.6755E-14	0.6755E-14



Cópias adicionais podem ser solicitadas ao:

Requests for additional copies should be addressed to:

Demandes pour les rapports à:

INSTITUTO DE PESQUISAS RADIOATIVAS  
DIVISÃO DE COORDENAÇÃO CIENTÍFICA  
Serviço de Publicações  
Caixa Postal, 1941  
Belo Horizonte-MG  
BRASIL



CÓDIGO BLINDA: ATENUAÇÃO DE NEUTRONS  
ATRAVÉS DE CAMADAS DE BLINDAGEM DE  
REATORES PELO MÉTODO MULTIGRUPO DE  
REMOÇÃO DIFUSÃO.

Antônio Mendes Ribeiro

Trabalho apresentado como par-  
te dos requisitos necessários para  
obtenção do grau de Mestre em Ciên-  
cias e Técnicas Nucleares pela UFMG

Orientador

Prof. José Mendonça de Lima

Belo Horizonte, outubro de 1971.