

|  |   |  |  |                 |           |
|--|---|--|--|-----------------|-----------|
| NUCLEBRÁS/CDTN   |   | NOTA TÉCNICA   |  | DETR.PD 112 /80 | PG.1 / 22 |
| DEPARTAMENTO DE TECNOLOGIA DE REATORES                       |   |  |  | DATA 15/07/80   |           |
| DIVISÃO DE ELEMENTO COMBUSTÍVEL                              |   |  |  |                 |           |
| DET.R.PD-072/79  |   |  |  |                 |           |
| TÍTULO<br>MODELO DE EXPANSÃO TÉRMICA DO GAPCON-THERMAL-3     |   |  |  |                 |           |
| NOTAS CORRELATAS   |   | OBJETIVO   |  |                 |           |
| DETR.PD 081/79<br>DETR.PD 105/80                             |   | Analizar o modelo de expansão térmica do código Gapcon-Thermal-III |  |                 |           |
| LISTA DE DISTRIBUIÇÃO  |   |  |  |                 |           |
| SUPED  | * | (1)  | No presente trabalho é descrito o modelo de expansão térmica do código Gapcon-III e o efeito desta expansão nos volumes vazios e pressão gasosa interna da vareta. A comparação do modelo de expansão térmica diametral livre com resultados experimentais mostra que o modelo de expansão livre corresponde a uma situação ideal e é limite superior para os dados experimentais. |                 |           |
| ASPC.PD  | * | (1)  |  |                 |           |
| DETR.PD  | * | (2)  |  |                 |           |
| DIAAC.PD   |   | ( )  |  |                 |           |
| DIECB.PD   |   | (2)  |  |                 |           |
| DIFNU.PD   | * | (1)  |  |                 |           |
| DISCO.PD   |   | ( )  |  |                 |           |
| DITES.PD   |   | ( )  |  |                 |           |
| LABFRE.PD  |   | ( )  |  |                 |           |
| LAETEH.PD  |   | ( )  |  |                 |           |
| AUTOR(ES)  |   | ( )  |  |                 |           |
| SEDOTE.PD  | * | (1)  |  |                 |           |
| OUTROS   |   |  |  |                 |           |
| ÍNDICE   |   |  |  |                 |           |
| 1. Introdução 2/22   |   |  |  |                 |           |
| 2. Expansão Térmica Livre do Combustível 2/22                |   |  |  |                 |           |
| 3. A Expansão Térmica na Estrutura de Elementos Finitos 5/22 |   |  |  |                 |           |
| 4. Os Volumes Vazios e a Expansão Térmica 9/22               |   |  |  |                 |           |
| 5. A Pressão Gasosa e a Expansão Térmica 12/22               |   |  |  |                 |           |
| 6. Resultados Experimentais da Expansão Diametral 15/22      |   |  |  |                 |           |
| Referências 16/22  |   |  |  |                 |           |
| Figuras 17/22  |   |  |  |                 |           |
| * Apenas folha de rosto                                      |   |  |  |                 |           |
|  |   |  |  |                 |           |
| NR. COPIAS 8   |   |  |  |                 |           |
| AUTOR(ES) VISTO DATA APROVAÇÃO VISTO DATA                    |   |  |  |                 |           |
| F.S. LAMEIRAS  |   | 15/7/80  | CHEFE DO LAB. OU GRUPO   |                 |           |
| N.M. SOARES  |   | 15/7/80  | CHEFE DA DIVISÃO   |                 | 16.07.80  |
| M.S. DIAS  |   | 15/7/80  |  |                 |           |
| CLASSIFICAÇÃO  |   |  |  | TAREFA:         |           |
|  |   |  |  | 21.01           |           |

## MODELO DE EXPANSÃO TÉRMICA DO GAPCON-THERMAL-3

### 1. INTRODUÇÃO

Neste trabalho estuda-se o modelo de expansão térmica da vareta utilizado no Gapcon Thermal III. Não havendo contato combustível - revestimento, o código adota para o combustível um modelo de expansão quase livre de tensões. Para o revestimento, o código utiliza o método dos elementos finitos e a expansão térmica é calculada através de um modelo radial e um axial. Havendo contato, a expansão térmica do combustível é obtida de modo análogo à do revestimento.

A expansão térmica através do método dos elementos finitos situa-se dentro do cálculo elástico do modelo de análise mecânica do código.

### 2. EXPANSÃO TÉRMICA LIVRE DO COMBUSTÍVEL

#### 2,1 Expansão Térmica Radial

A base para o modelo é a consideração de que as fissuras radiais que se formam na primeira rampa de potência aliviam as tensões radiais e tangenciais originadas do gradiente térmico, resultando em uma expansão térmica quase livre de tensões. Cada anel concêntrico de combustível pode expandir-se sem restrição e as expansões de cada anel são somadas para fornecer o deslocamento do raio externo.

Se  $N$  é o número de contornos radiais no modelo de elementos finitos do combustível, tem-se  $2N - 2$  anéis numa faixa radial do combustível.

A espessura inicial de cada anel é dada por:

$$\delta r_i^0 = (r_b - r_a) / (2N - 2)$$

Onde  $r_b$  é o raio externo do combustível e  $r_a$  é o raio do canal central (figura 1a).

No código GAPCON-III é dada uma relação empírica para a deformação térmica do  $UO_2$  e  $UO_2 - PuO_2$ , até 5% de  $PuO_2$ :

$$\theta(T_i) = 2,896 \times 10^{-9} (T_i^2 - T_o^2) + 6,797 \times 10^{-6} (T_i - T_o) \quad (1)$$

onde

$T_o$  = temperatura de referência ( $= 21^\circ C$ )

$T_i$  = temperatura no centro do anel i ( $^\circ C$ )

A temperatura  $T_i$  no centro  $r_i$  de cada anel é calculada, conforme [1,2], através de uma expansão em série de potência da forma:

$$T = C_1 + C_2\left(\frac{r}{r_d}\right) + C_3\left(\frac{r}{r_d}\right)^2 + C_4\left(\frac{r}{r_d}\right)^3 + C_5\left(\frac{r}{r_d}\right)^4 + C_6\left(\frac{r}{r_d}\right)^5 \quad (2)$$

onde

$r$  = posição radial no combustível.

$r_d$  = raio externo da vareta combustível

$C_1, \dots, C_6$  = coeficientes dependentes dos parâmetros que afetam o perfil de temperatura, tais como potência, condutividade térmica, etc; tendo inclusive valores diferentes caso a posição radial  $r$  esteja dentro da região reestruturada ou não do combustível.

A variação térmica da espessura do anel i será portanto:

$$\delta r_i = \delta r_i^0 = \theta(T_i) \cdot \delta r_i^0$$

tal que:

$$\delta r_i = \delta r_i^0 [1 + \theta(T_i)]$$

onde

$\delta r_i^0$  = espessura radial inicial da zona anular i;

$\delta r_i$  = espessura radial final da zona anular i

Sendo  $R_b$  o raio final do combustível e  $R_a$  o raio final do canal central, a espessura final do combustível é dada por:

$$R_b - R_a = \sum_{i=1}^{2N-2} \delta r_i = \sum_{i=1}^{2N-2} \delta r_i^0 + \sum_{i=1}^{2N-2} \theta(T_i) \cdot \delta r_i^0$$

$$R_b - R_a = r_b - r_a + \sum_{i=1}^{2N-2} \theta(T_i) \cdot \delta r_i^0$$

O raio final do combustível é dado por:

$$R_b = r_b + (R_a - r_a) + \sum_{i=1}^{2N-2} \theta(T_i) \cdot \delta r_i^0$$

onde

$R_a - r_a$  = variação térmica do raio do canal central, e, conforme [2], é dada por:

$$R_a - r_a = \theta(T_{2N-2}) \cdot r_a \quad (3)$$

e  $\theta(T_{2N-2})$  é a deformação térmica do anel  $2N - 2$ .

O raio final será então expresso por (figura 1b):

$$R_b = r_b + r_a \cdot \theta(T_{2N-2}) + \sum_{i=1}^{2N-2} \theta(T_i) \cdot \delta r_i^0 \quad (4)$$

### 2.1.1      Expansão Livre para outros Combustíveis

A alteração em relação ao modelo anterior para outros combustíveis, que o  $UO_2$  e  $UO_2 + PuO_2$  (até 5%), está no cálculo de  $\theta(T_i)$ , que no caso será dado por:

$$\theta(T_i) = \alpha_1(T_i) \cdot \Delta T = \alpha_1(T_i) \cdot (T_i - T_o) \quad (5)$$

onde o coeficiente de expansão térmica  $\alpha_1$  é obtido numa tabela de referência fornecida pelo usuário do código.

Portanto as variações radiais do combustível devido à expansão térmica serão dadas por:

$$\Delta r_a = R_a - r_a = \theta(T_{2N-2}) \cdot r_a \quad (6)$$

$$\Delta r_b = R_b - r_b = \Delta r_a + \sum_{i=1}^{2N-2} \theta(T_i) \cdot \delta r_i^0 \quad (7)$$

onde  $\Delta r_a$  é a variação do raio do canal central e  $\Delta r_b$  é a variação do raio externo do combustível.

### 3. A EXPANSÃO TÉRMICA NA ESTRUTURA DE ELEMENTOS FINITOS

O modelo mecânico depende do perfil de temperatura e este por sua vez da geometria da vareta. Então, na primeira iteração do primeiro intervalo de tempo-potência do histórico de potência introduzido no código, a expansão térmica radial do revestimento é aproximada pelo modelo summarizado abaixo [2]:

O incremento do raio interno do revestimento é dado por:

$$\Delta r_c = r_c \cdot \alpha_2 (T_{avg}) \cdot (T_{avg} - T_0) \quad (8)$$

onde

$r_c$  = raio interno inicial do revestimento;

$T_{avg} = \frac{T_d + T_c}{2}$  = temperatura média através do revestimento;

$T_c$  = temperatura na superfície interna do revestimento;

$T_d$  = temperatura na superfície externa do revestimento;

$\alpha_2$  = coeficiente de expansão térmica do revestimento.

(5)

Nos intervalos de tempo-potência subsequentes, a expansão térmica do revestimento, bem como as deformações de outras origens, é calculada pelo modelo de elementos finitos do código [3].

Na estrutura do código, a vareta combustível é sempre dividida em regiões axiais, como mostrado na figura 2. O cálculo mecânico

através dos elementos finitos usa um modelo radial e um axial. A montagem radial (figura 3) é aplicada ao centro da região axial, enquanto a montagem axial simula a vareta como um todo (figura 4).

### 3.1 Expansão Radial do Revestimento

Um sistema de numeração de nós (pontos no corpo sólido) e graus de liberdade (deslocamentos dos nós) para o modelo radial do revestimento é mostrado na figura 5. A equação de equilíbrio para esta montagem será:

$$[K] \cdot \{r\} = \{R\} \quad (9)$$

onde:

$\{R\}$  = vetor carga nodal global,

$\{r\}$  = vetor deslocamento nodal global (incógnita);

$[K]$  = matriz de rigidez ou matriz de transformação que relaciona cargas aplicadas aos nós e os deslocamentos nodais produzidos.

O elemento básico do modelo é o triângulo mostrado na figura 6 e contém 3 nós e 6 graus de liberdade (DOF's), entendendo-se por graus de liberdade os deslocamentos axiais e radiais dos nós.

Uma matriz de transformação  $[B]^*$  pode ser desenvolvida para relacionar os deslocamentos dos pontos nodais do elemento  $\{q\}$  com as deformações do elemento  $\{\epsilon_0\}$ .

Para o elemento isolado a equação de equilíbrio é:

$$[k] \cdot \{q\} = \{Q\} \quad (10)$$

onde:

$\{Q\}$  = vetor carga nodal do elemento;

$\{q\}$  = vetor deslocamento nodal do elemento;

$[k]$  = matriz de rigidez do elemento.

\* A barra indica que a matriz é avaliada em relação ao centro do elemento.

A matriz de rigidez do elemento é dada por:

$$[k] = 2 \cdot \pi \cdot \bar{r} \cdot A \cdot [\bar{B}]^T \cdot [C] \cdot [\bar{B}]$$

onde

$A$  = área do triângulo;

$\bar{r}$  = posição radial do centro do elemento;

$[C]$  = matriz de constantes elásticas materiais;

$[\bar{B}]^T$  = matriz transposta de  $[\bar{B}]$ .

O vetor carga nodal do elemento é expresso por:

$$\{Q\} = 2 \cdot \pi \cdot \bar{r} \cdot A \cdot [\bar{B}]^T \cdot [C] \cdot \{\epsilon_0\}$$

$\{\epsilon_0\}$  = vetor de deformação

O vetor de deformação  $\{\epsilon\}$  tem origem nas cargas devido à pressão interna e externa da vareta, nas cargas térmicas, nas cargas resultantes do comportamento plástico e de fluência. Aqui serão considerados somente as cargas térmicas.

Devido a estrutura cilíndrica da vareta e supondo o material isotrópico tem-se:

$$\{\epsilon_0\} = \begin{pmatrix} \epsilon_r \\ \epsilon_\phi \\ \epsilon_z \\ \gamma_{rz} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

- $\epsilon_r$  - deformação radial
- $\epsilon_\phi$  - deformação circumferencial
- $\epsilon_z$  - deformação axial
- $\gamma_{rz}$  - deformação cisalhante

sendo que  $\theta$  é a deformação térmica e é dada por:

$$\theta(\bar{T}) = \alpha_2(\bar{T}) \cdot (\bar{T} - T_0)$$

onde  $\bar{T}$  é a temperatura no centro do elemento

\* As constantes elásticas na matriz  $[C]$  são também avaliadas em termos de  $T$ .

De acordo com as regras de montagem do método dos elementos finitos [3], introduz-se a matriz de rigidez do elemento  $[k]$  na matriz de rigidez global  $[K]$ , o vetor carga térmica nodal  $\{Q\}$  no vetor carga nodal global  $\{R\}$  e então resolve-se o sistema de equilíbrio global (equação 9).

O vetor  $\{r\}$  contém os deslocamentos axiais e radiais dos nós da montagem radial. Os deslocamentos radiais dos pontos nodais da superfície interna do revestimento correspondem às variações  $\Delta r_c$  do raio interno do revestimento na altura do contorno axial central da região axial (figura 5).

Aplicando-se o modelo às regiões axiais, o raio interno do revestimento ao longo da vareta será:

$$R_c(j) = r_c(j) + \Delta r_c(j) = r_c(j) + r_{\text{radial}} \text{ (nó interno)} \quad (11)$$

onde  $j$  indica a região axial,  $r_c$  é o raio interno inicial do revestimento,  $R_c$  é o raio interno final e  $r_{\text{radial}}$  é a componente radial do vetor de deslocamento  $\{r\}$  associada ao nó interno do revestimento. O vetor carga  $\{R\}$  deverá conter somente as cargas térmicas para que  $r_{\text{radial}}$  seja a variação do raio interno devido a expansão térmica.

### 3.2

#### Expansão Axial do Combustível e Revestimento

No modelo axial a vareta combustível é modelada através de uma única montagem de elementos finitos. Um sistema de numeração de pontos nodais para a montagem axial do combustível e revestimento é mostrado na figura 4. Semelhantemente ao modelo radial, a montagem axial é constituída de elementos básicos triangulares e do mesmo modo está sujeita a um sistema de equilíbrio da forma:

$$[K'].\{r'\} = \{R'\} \quad (12)$$

O procedimento de cálculo é o mesmo delineado anteriormente e a expansão axial do combustível e revestimento serão dadas pelos deslocamentos axiais dos pontos nodais no topo da coluna combustível e no topo do revestimento (como anteriormente, o vetor  $\{R'\}$  deverá conter somente cargas térmicas). Em relação a figura 4 tem-se:

$$\Delta h = h - h_0 = r'_{\text{axial}} \text{ (nó 19)} \quad (13)$$

$$\Delta H = H - H_0 = r'_{\text{axial}} \text{ (nó 12)} \quad (14)$$

onde

$\Delta h$  = alongamento térmico do revestimento;

$h_0, h$  = altura inicial e final do revestimento;

$\Delta H$  = alongamento térmico da coluna combustível;

$H_0, H$  = altura inicial e final da coluna combustível;

$r'_{\text{axial}}$  (nó do topo) = componente axial do vetor de deslocamento  $\{r'\}$  associada ao nó do topo.

### 3.3

#### Expansão Térmica Radial com Contato Combustível-Revestimento

No caso de contato combustível-revestimento em alguma região axial da vareta, o modelo de expansão térmica descrito na seção 2 não pode mais ser aplicado a esta região axial do combustível. Neste caso, o modelo radial descrito na seção 3.1 é aplicado ao sistema de combustível e revestimento combinados, como mostrado na figura 3b.

Deve-se ressaltar que não somente as cargas térmicas têm efeito na alteração da geometria da vareta, mas ainda as cargas citadas na seção 3.1 e neste caso de contato também as cargas de pressão interfacial combustível-revestimento.

### 4.

#### OS VOLUMES VAZIOS E A EXPANSÃO TÉRMICA

As alterações geométricas da vareta afetam principalmente a espessura do "gap", que afeta acentuadamente a condutância do "gap" e portanto o perfil de temperatura, e os volumes vazios ("gap", "plenum", "dishes" e canal central), que por sua vez afetam a pressão gasosa interna da vareta.

O efeito da expansão térmica no volume do "gap" ( $V_{\text{gap}}$ )

do "plenum" ( $V_{p1}$ ) e do canal central ( $V_{cc}$ ) pode ser estimado através das variações geométricas descritas nas seções 2 e 3, mas não se consegue avaliar, através destas variações, o efeito da expansão no volume dos "dishes" ( $V_{dh}$ ).

E suposto então que o combustível tenha um núcleo plástico circunvizinhado por uma zona anular com fissuras mas rígida. A extensão do comportamento plástico do combustível é determinada pelo estado de tensão e pela temperatura, e, no caso do  $UO_2$ , é admitido o valor  $T_{plas} = 1200^\circ C$ , como temperatura externa desta região plástica. Como mostrado na figura 7, uma região axial do combustível é constituída pelo empilhamento de pastilhas, de modo que a expansão térmica axial da região será governada pela posição radial  $r' \geq r_{dh}$  ( $r_{dh}$  = posição radial da borda do "dish") da pastilha que apresente maior temperatura  $T$ , onde  $T \leq T_{plas}$ :

O modelo para cálculo do efeito da expansão térmica no volume dos "dishes", conforme [2], pode ser assim summarizado:

Inicialmente, a partir do perfil radial de temperatura na região axial, determina-se a temperatura na borda do "dish" ( $T_{dh}$ ) e a posição radial  $r_{plas}$  correspondente a  $T_{plas}$ . Caso  $T_{dh} \leq T_{plas}$ , a expansão axial da região axial j será dada por:

$$\Delta l_j = \theta(T_{dh}) \cdot l_j^0 \quad (15a)$$

onde:

$l_j^0$  = comprimento inicial da região axial j;

$\theta$  = deformação térmica do combustível (equação 1 ou 5)

e a posição radial de referência para a expansão axial da região é:

$$r' = r_{dh}$$

Caso  $T_{dh} > T_{plas}$  tem-se:

$$\Delta l_j = \theta(T_{plas}) \cdot l_j^0 \quad (15b)$$

$$r' = r_{plas} (> r_{dh})$$

O combustível é dividido em 50 anéis concêntricos de espessura  $\delta r = (r_b - r_a)/50$ , de modo que o volume do anel i normalizado em relação ao volume da região axial da vareta será dado por:

$$v_i = \left( \frac{r_a + i \cdot \delta r}{r_d} \right)^2 - \left( \frac{r_a + (i-1) \cdot \delta r}{r_d} \right)^2$$

$$v_i = \left( \frac{r_i}{r_d} \right)^2 - \left( \frac{r_{i-1}}{r_d} \right)^2$$

onde

$r_a$  = raio do canal central;

$r_d$  = raio externo da vareta;

$r_i = r_a + i \cdot \delta r$  = raio externo do anel i;

$r_{i-1} = r_a + (i-1) \delta r$  = raio interno do anel i.

O anel mais interno m, que satisfaça a condição  $r_{m-1} = r_a + (m-1) \delta r > r'$ , governa a expansão térmica axial do combustível pois  $r' = r_{dh}$  ou  $r' = r_{plas}$ . A temperatura média na região delimitada por este anel de referência é dada por:

$$\bar{T}' = \frac{\sum_{i=1}^m T_i \cdot v_i}{\sum_{i=1}^m v_i} \quad (16)$$

onde  $T_i$  é a temperatura em cada anel i (equação 2).

A deformação térmica axial da região interna ao anel de referência será dada pela equação 1 ou 5 com  $T = \bar{T}'$ ; e a expansão térmica axial pela relação:

$$\Delta l_j = \theta(\bar{T}') \cdot (l_j^0 - l_{dhj}^0) \quad (17)$$

onde

$l_j^0$  = comprimento inicial da região axial j;

$l_{dhj}^0$  = comprimento inicial dos "dishes" dentro da região axial j, sendo dado pela relação:

$$l_{dhj}^0 = F_{dh} \cdot l_j^0 \cdot V_c' / V_c \quad (18)$$

onde

$F_{dh}$  =  $\frac{\text{volume total dos "dishes"}}{\text{volume total do combustível}}$  = fração da coluna combustível que é volume dos "dishes" ( dado de entrada);

$V_c' = \pi \cdot (r_b^2 - r_a^2) \cdot H_0$  = volume total da coluna combustível , excetuando o volume total do canal central;

$V_c' = \pi \cdot r'^2 \cdot H_0$  = volume total da região delimitada pelo anel m.

Portanto, o volume dos "dishes" dentro da região axial j após a expansão térmica será:

$$V_{dh} = V_{dh}^0 + \Delta V_{dh} \quad (19)$$

onde

$V_{dh}^0 = \pi (r'^2 - r_a^2) l_{dhj}^0$  = volume inicial dos "dishes" na região j;

$\Delta V_{dh} = \pi (r'^2 - r_a^2) \cdot (\Delta l_j - \Delta l'_j)$  = variação dos volumes dos "dishes" devido a expansão térmica.

5.

#### A PRESSÃO GASOSA E A EXPANSÃO TÉRMICA

No código Gapcon-3, a pressão gasosa interna da vareta é calculada por:

$$P = n \cdot R \cdot T / V$$

(20)

onde

$R$  = constante dos gases;

$n$  = número total de moles do gás de enchimento e gases de fissão

$V$  = volume vazio

$T$  = temperatura

A razão  $\frac{V}{T}$  é dada pela relação:

$$\frac{V}{T} = \frac{V_{gap}}{T_{gap}} + \frac{V_{pl}}{T_{pl}} + \frac{V_{cc}}{T_{cc}} + \frac{V_{dh}}{T_{dh}} \quad (21)$$

onde  $V_{gap}$ ,  $V_{pl}$ ,  $V_{cc}$  e  $V_{dh}$  são os volumes vazios da vareta definidos anteriormente (seção 4) e  $T_{gap}$ ,  $T_{pl}$ ,  $T_{cc}$  e  $T_{dh}$  as temperaturas características associadas a cada um destes volumes.

Desde que a vareta combustível é dividida em regiões axiais, muda-se a equação 21 para:

$$\frac{V}{T} = \frac{V_{pl}}{T_{pl}} + \sum_j \left( \frac{V_{gap}}{T_{gap}} \right)_j + \left( \frac{V_{cc}}{T_{cc}} \right)_j + \left( \frac{V_{dh}}{T_{dh}} \right)_j \quad (22)$$

Considerando somente a expansão térmica, a estimativa do volume inicial dos "dishes" na região axial  $j$  de cada um destes termos será dada por:

5.1

"Gap"

O volume do "gap" na região axial  $j$  é dado por

$$(V_{gap})_j = \pi [(r_c + \Delta r_c)^2 - (r_b + \Delta r_b)^2] l_j^0$$

onde

$r_b$  = raio externo inicial do combustível

$\Delta r_b$  = variação térmica de  $r_b$  na região axial j (equação 7);

$r_c$  = raio interno inicial do revestimento;

$\Delta r_c$  = variação térmica de  $r_c$  na região axial j (equação 8 ou 11)

$l_j^0$  = comprimento inicial da região axial j

No caso de contato combustível-revestimento,  $V_{gap}$  é dado pelo volume vazio entre as rugosidades das superfícies em contato:

$$(V_{gap})_j = 2 \cdot \pi \cdot r_b \cdot l_j^0 \cdot c_o \cdot (R_1 + R_2)$$

onde

$R_1, R_2$  = rugosidades superfícies do combustível e revestimento

$c_o = 3,69$  = constante empírica

A temperatura característica do "gap" é dada por:

$$(T_{gap})_j = (T_b + T_c)/2$$

onde

$T_b$  = temperatura superficial do combustível na região axial j (equação 2)

$T_c$  = temperatura superficial interna do revestimento na região axial j (dada por uma relação para o revestimento semelhante a equação 2).

## 5.2

### Canal Central

Devido ao comportamento plástico do combustível a alta temperatura ( $>1200^\circ\text{C}$ ), não são consideradas as variações do raio do canal central devidas à expansão térmica, tal que

$$(V_{cc})_j = \pi \cdot r_a^2 \cdot l_j^0$$

DETR. PD 103/79

onde  $r_a$  é o raio do canal central na região axial j, cuja variação é determinada principalmente pela reestruturação do combustível. A temperatura  $T_{cc}$  é dada pela equação 2 com  $r = r_a$ .

Deve-se observar neste ponto que a variação  $\Delta r_a$  dada pela equação 6 é usada somente para estimativa de  $\Delta r_b$  (equação 7) e ainda que  $\theta (T_{2N-2})$ , admitida neste caso para o raio  $r_a$ , é a deformação térmica do anel mais externo do combustível no modelo de expansão livre, e, portanto, é um valor mínimo de deformação.

## 5.3

"Dish"

O volume total dos "dishes" dentro da região axial j,  $(V_{dh})_j$ , é dado pela equação 19 e a temperatura característica é  $T_{dh} = \bar{T}$ , dada pela equação 16.

## 5.4

"Plenum"

O volume final do "plenum" é dado por

$$V_{pl}^f = V_{pl}^0 + \pi \cdot r_c^2 \cdot (\Delta H - \Delta h)$$

onde

$V_{pl}^0$  = volume inicial do "plenum" (dados de entrada);

$\Delta h$  = variação na altura do revestimento (equação 13);

$\Delta H$  = variação na altura da coluna combustível (equação 14);

e  $T_{pl} = T_s$  onde  $T_s$  é a temperatura de saída do refrigerante.

## 6.

## RESULTADOS EXPERIMENTAIS DA EXPANSÃO DIAMETRAL

Notley et al [4], a partir de vários testes em varetas combustíveis, determinaram a expansão diametral do UO<sub>2</sub> em função da temperatura central. Utilizando os dados fornecidos nas referências [4, 5, 6] e aplicando o modelo de expansão livre do Gapcon foi obtida a curva mostrada na figura 8.

Na figura 8 é mostrado também o resultado de Notley para

DETR.PD 007/79

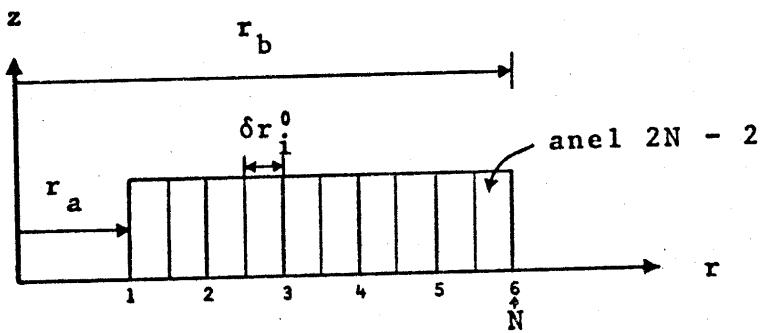
a expansão diametral livre do  $UO_2$ . A discordância entre o resultado de Notley e o obtido através do modelo do Gapcon deve-se principalmente às diferenças nas expressões usadas para a integral da condutividade e de formação térmica do  $UO_2$ , como mostrado nas figuras 9 e 10.

A partir de resultados como da figura 8, Notley et al [4] concluiram que o modelo de expansão livre corresponde a uma situação ideal e é um limite superior para os resultados experimentais.

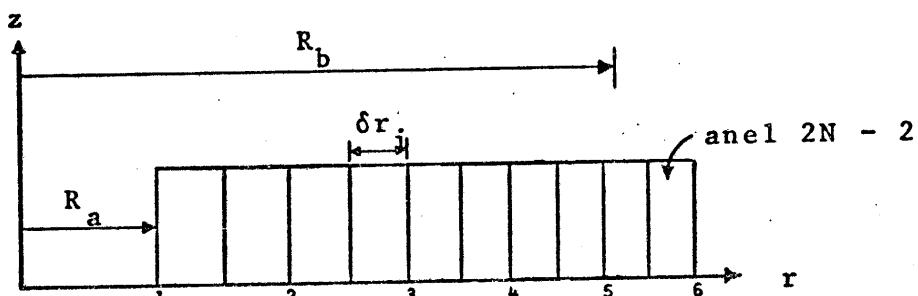
Ainda conforme Notley um melhor ajuste aos dados experimentais será obtido admitindo-se o comportamento plástico do núcleo do combustível. A expansão térmica do núcleo plástico será acomodada nos vazios internos ("dishes" e talvez porosidade) enquanto o volume interno vazio disponível for suficiente.

#### REFERÊNCIAS

- [1] LAMEIRAS, F.S e SABIONI, A.C.S - Descrição e Análise do Modelo para Cálculo Térmico do Código GAPCON-THERMAL III - Belo Horizonte, CDTN, 1979 (DETR.PD 081/79).
- [2] Programa Gapcon-Thermal-3 - Listagem de 11.06.79
- [3] DIAS, M.S. Descrição e Análise do Modelo do Cálculo Mecânico do Gapcon-Thermal-3. Belo Horizonte, CDTN, 1980 (DETR.PD 105/80).
- [4] NOTLEY, M.J.F et al. The Longitudinal and Diametral Expansions of  $UO_2$  Fuel Elements. Ontario, 1969. (AECL-2143)
- [5] NOTLEY, M.J.F et al. Zircaloy Sheathed  $UO_2$  Fuel Elements Irradiated at Values of  $fK.d\theta$  Between 40 and 83 w/cm<sup>2</sup>. Ontário, 1970. (AECL-1676)
- [6] NOTLEY, M.J.F. The Thermal Conductivity of Columnar Grains in Irradiated  $UO_2$  Fuel Elements. Ontario , 1963. (AECL-1822)



(a) antes da deformação térmica



(b) após a deformação térmica

FIGURA 1: Estrutura para o modelo de expansão livre do combustível.

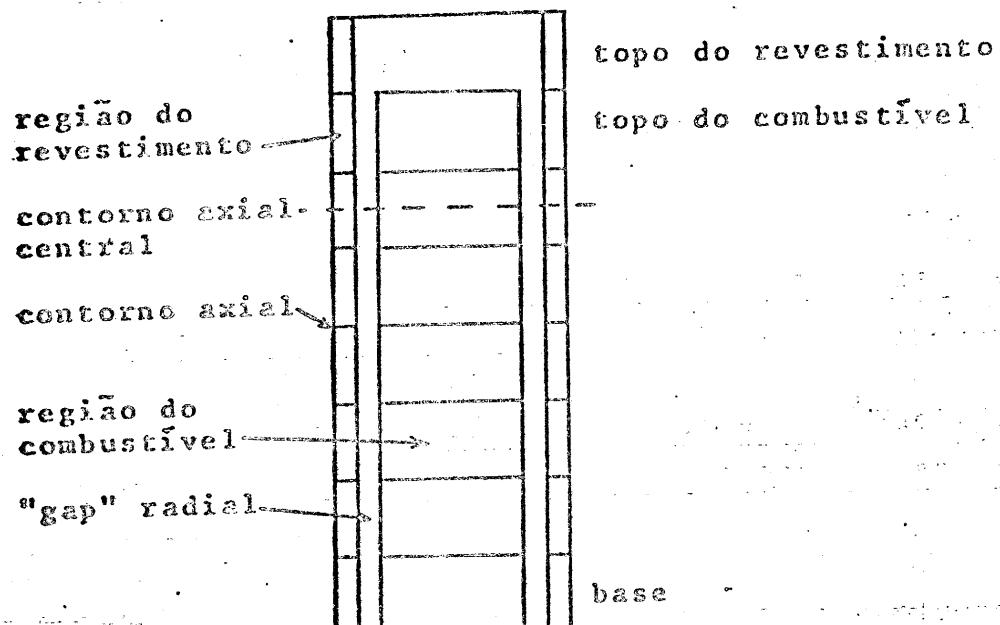


FIGURA 2: Divisão da vareta combustível em regiões axiais.

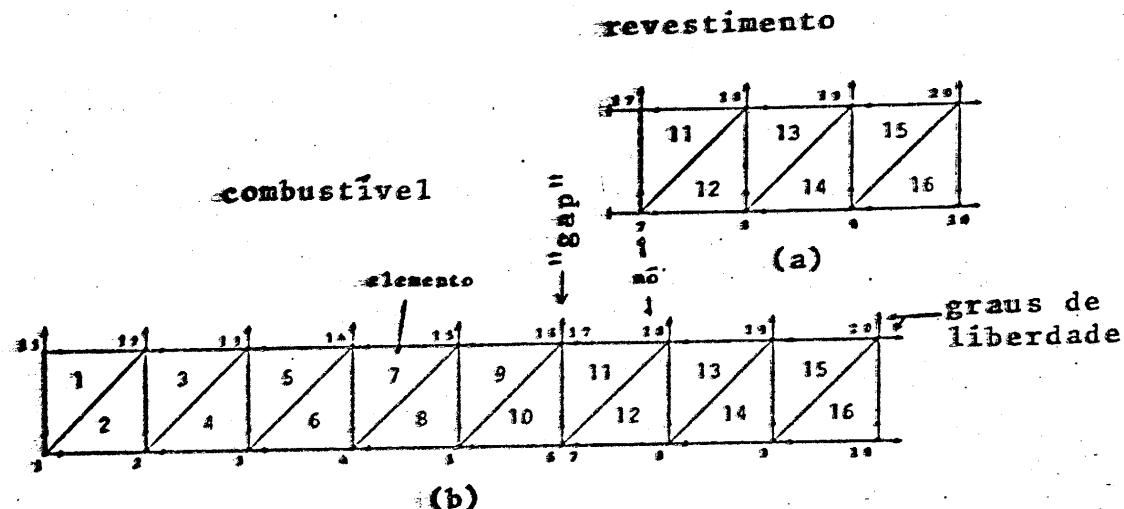


FIGURA 3: Estrutura de elementos finitos - Modelo Radial

- (a) montagem radial do revestimento
- (b) montagem radial do sistema combinado

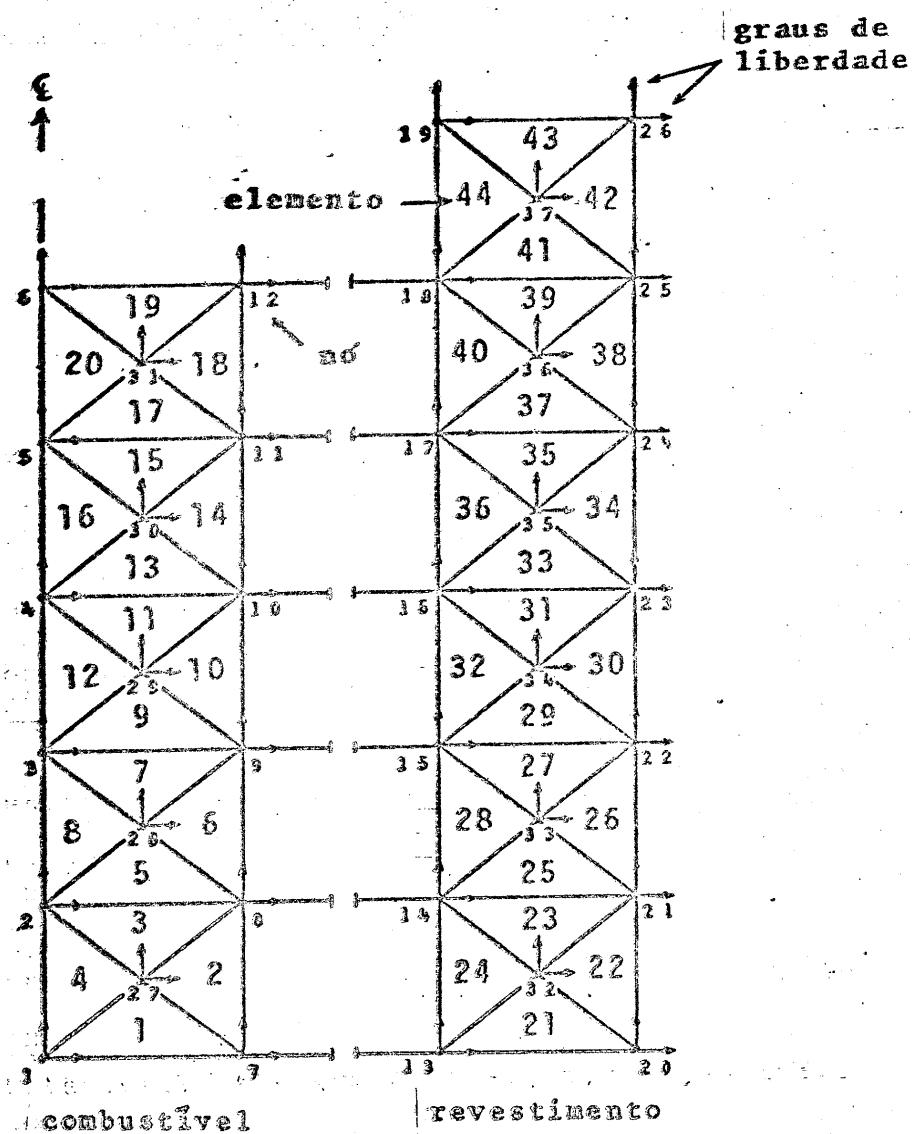
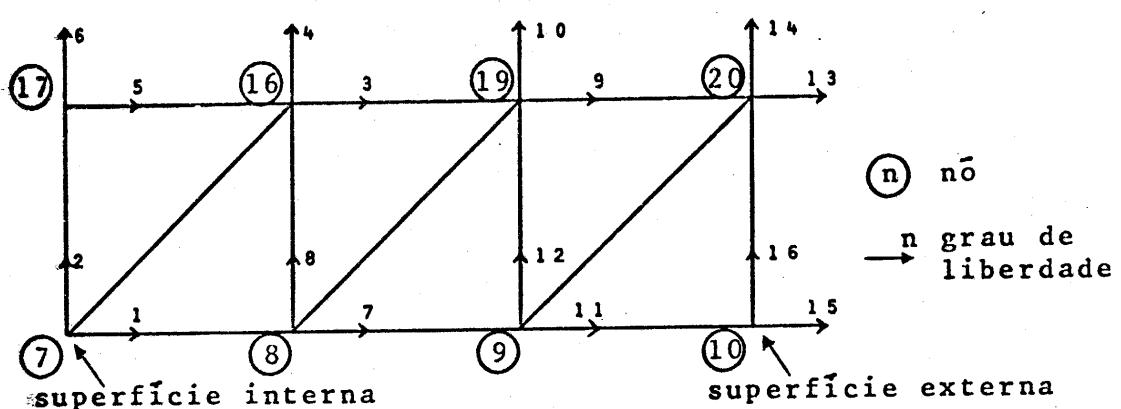
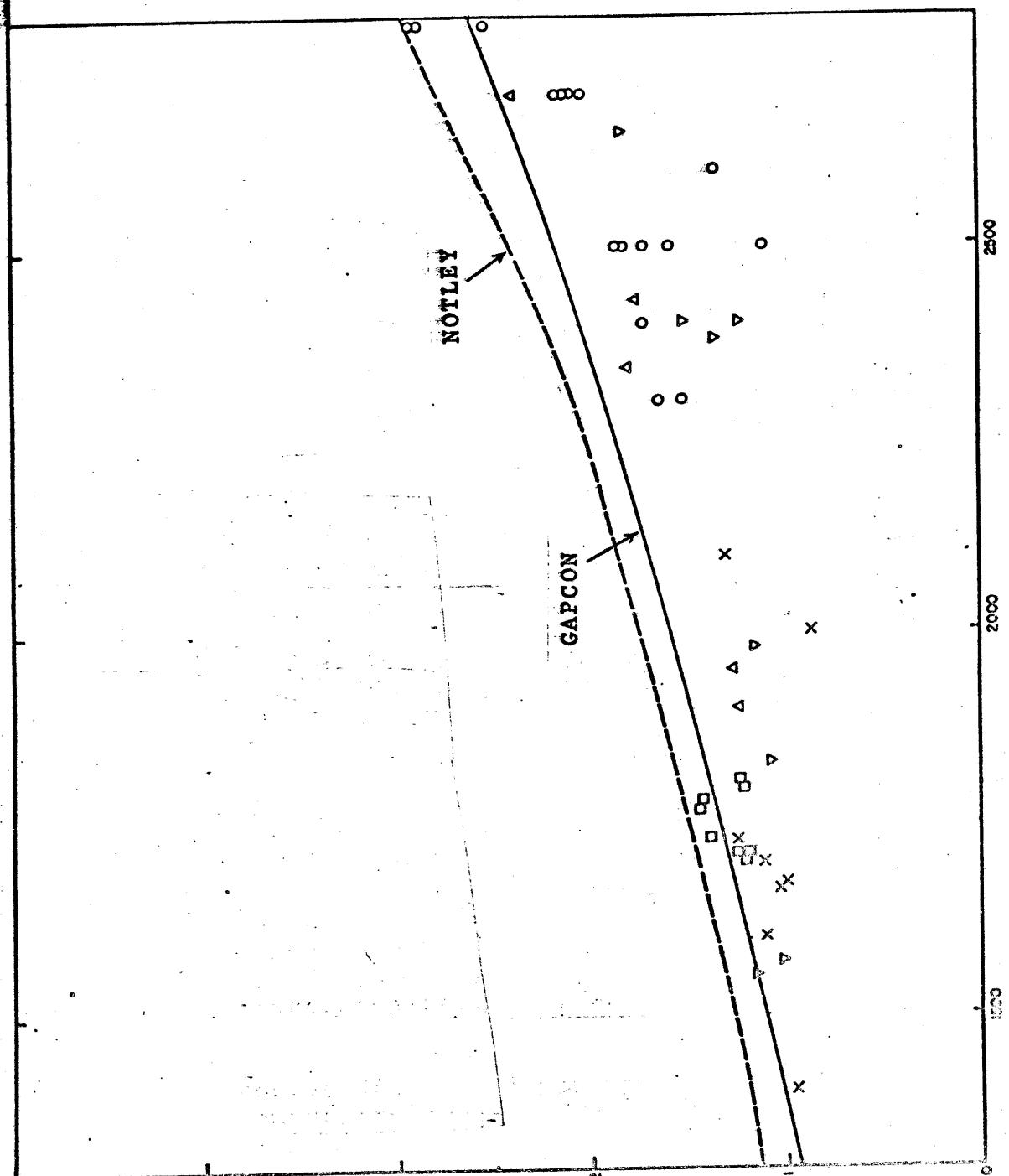


FIGURA 4: Estrutura de elementos finitos - Modelo Axial



FIGURA 8: Expansão diametral do UO<sub>2</sub>.

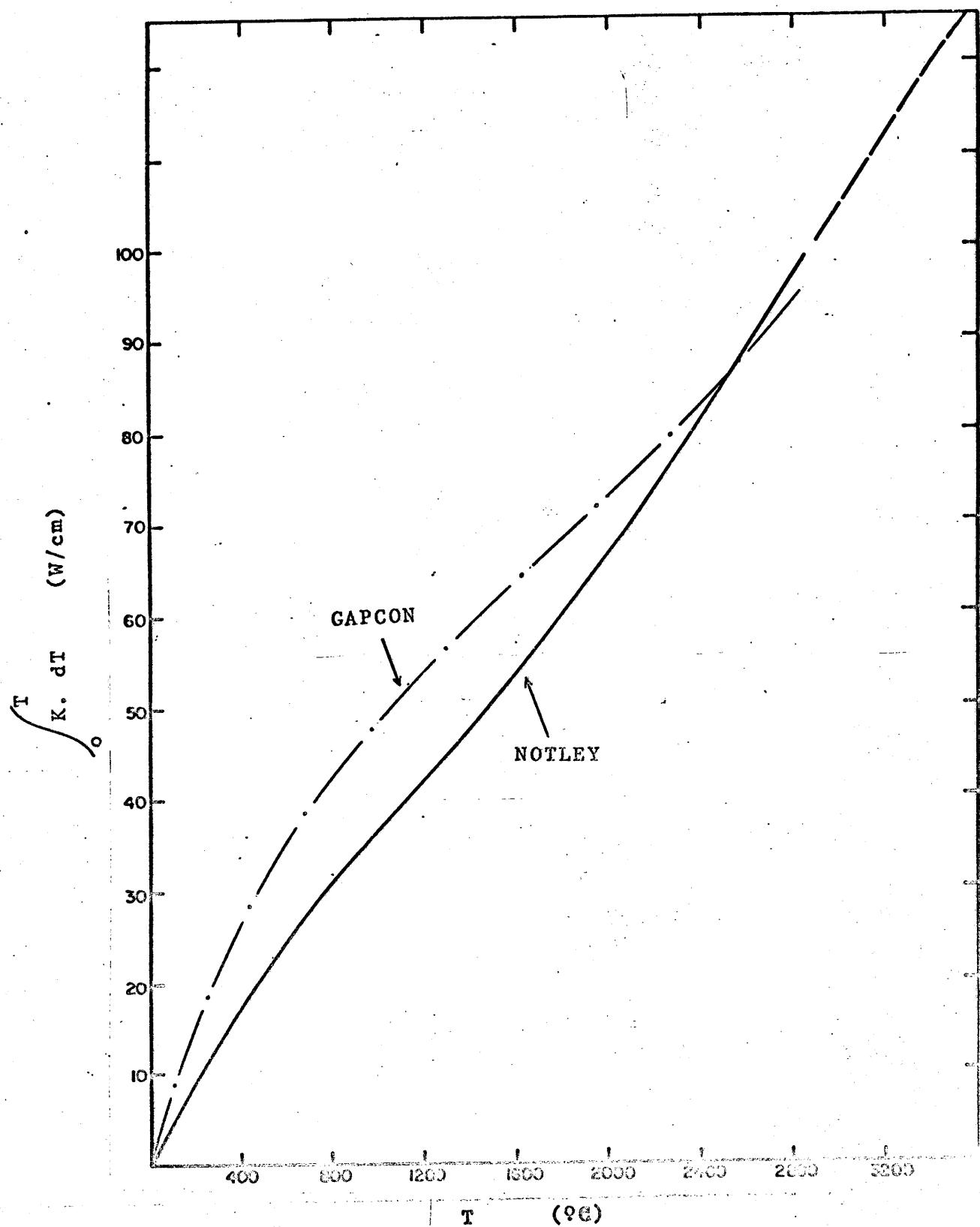


FIGURA 9: Integrais da condutividade térmica do  $UO_2$  (95% DT) usada pelo GAPCON (relação de Lions) e NOTLEY.

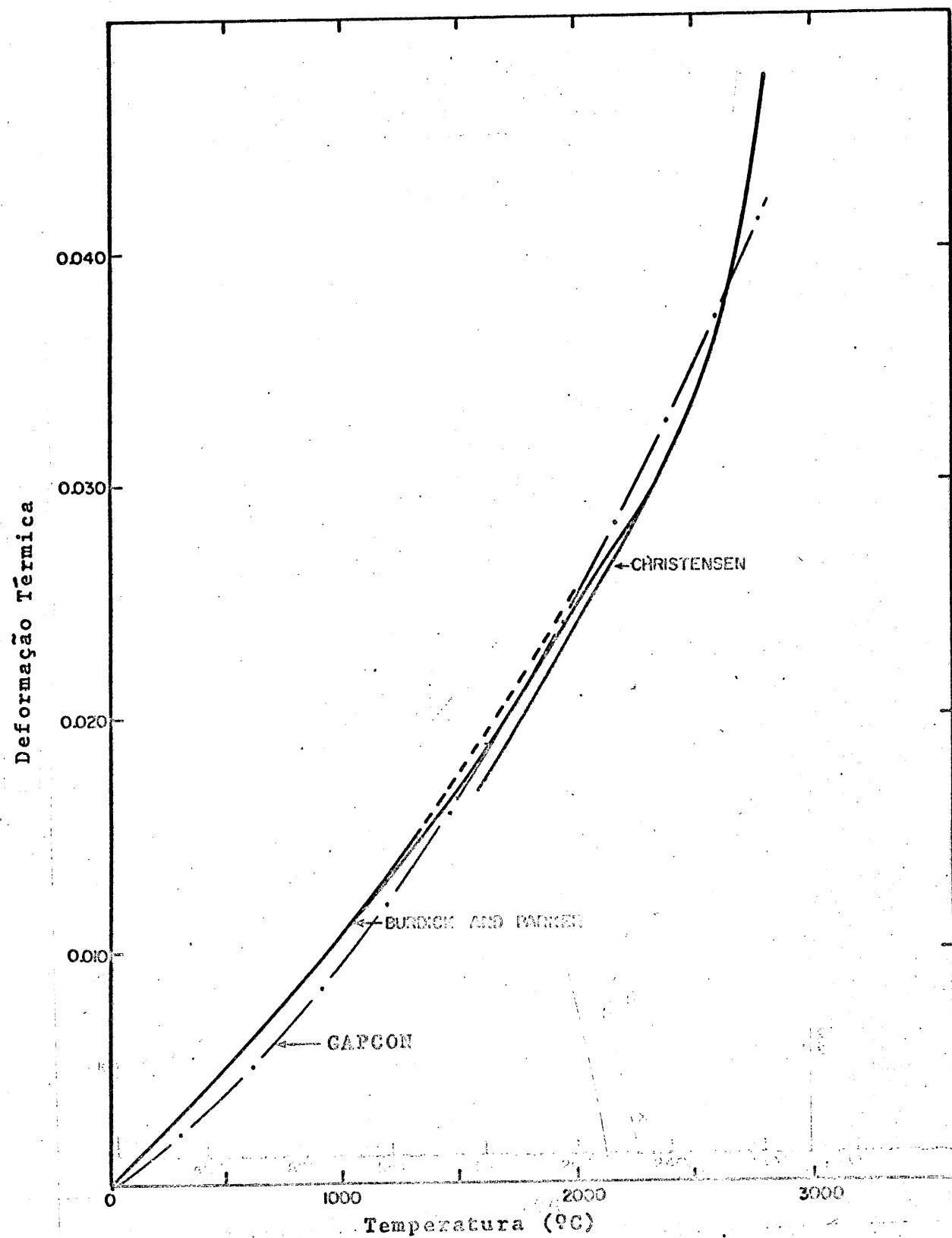


FIGURA 10: Deformações térmicas do  $\text{UO}_2$  usadas pelo GAPCON (relação de Conway) e NOTLEY (resultados de Christensen e Burdick-Parker).